

С.А.НАЧЫЛЕВ, М.Ш.МӘММӘДОВ

АТОМ ФИЗИКАСЫ

АЛИ МӘКТӘБЛӘР ҮЧҮН ДӘРС ВӘСАИТИ

Азәрбајҹан Республикасы Тәһ-
сил Назирлији тәрәфиидән тәсдиг
едилмишdir (30 октjabр 1999-чу ил
протокол N15)

БАҚЫ - 2000

УДК 539.1

h 33

Елми редактор: Республикасы Елмлэр Академијасының
мұхбір үзвү проф. С.А.ҚАЛЧЫЖЕВ

Рәйсверөннөр: Физика-ријазијат симлөри доктору,
профессор И.М.НӘЧӘФОВ
Физика-ријазијат симлөри доктору,
профессор С.Г.ӘБДҮЛВАЛІАБОВА

Атом физикасы: Дәрс вәсaitи. - Басы: Басы Университети
нәшријаты, 2000. - 306 сәб., шекиши.

Дәрс вәсaitи али мектеблөрдө атом физикасы курсу програмы
әсасында тәртиб едилмишdir. Бу вәсaitден техники университеттердің
тәләббеләри вә мүәммилмәри истифадо едә билер; бир чок мүбәндисләр
үчүн дә дөрслик микроалемдә кедән просесләри баша дүшмәк үчүн
әлверишли бир васитәdir.

1704070000 - 8
h 658(07) - 036 - 36 - 2000

©Басы Университети нәшријаты, 2000

МУНДӘРИЧАТ

Өн сөз	5
Кириш.....	7

Фәсил 1

Жүклю зәррәчикләrin электромагнит саһәсинде һәрәкәти

1.1. Електронун электромагнит саһәсинде һәрәкәти	9
1.2. Жүклю зәррәчијин электрик саһәсинде һәрәкәти	15
1.3. Жүклю зәррәчијин магнит саһәсинде һәрәкәти	18
1.4. Харичи e/m саһәсинде жүклю зәррәчијин рәгси.....	26
1.5. Жавап дајищән матнит саһәсинде жүклю зәррәчикләrin һәрәкәти.....	31
1.6. Електронун хүсуси жүкүнүн тәјини	38
1.7. Жүклю зәррәчикләrin монохроматикләшdirilmеси	44
1.8. Електронун күтләсинин сүр'әттегендә асылылығы	46
1.9. Електронун e/m күтләсі	51

Фәсил 2

Атомун түрулүшү

2.1. Сәпилмәнин эффектив кәсији	55
2.2. Електронларын атомлардан сәпилмәси.....	59
2.3. Атомун Томсон модели	62
2.4. α- зәррәчикләrin сәпилмоси нәзәријәси	64
2.5. Резерфорд дүстүрүнүн тәчрүбәдө јохланмасы	71
2.6. Атомун Резерфорд модели	73
2.7. Електрон орбитләри вә Бор постулатлары	76
2.8. Еластик вә гејри-еластиги тогтузималар. Франк вә Нерс тәчрүбәләри.....	78

Фәсил 3

Атом спектрләри. Һидрокен вә һидрокенәбензэр атомларын енерги сөвијјәләри

3.1. Һидрокен атомунун спектрләдики ганунаујуңулуглар	84
3.2. Даирәвни орбитләrin квантланмасы	89
3.3. Һидрокен атому вә һидрокенәбензэр атомлар үчүн Бор нәзәријәси	93
3.4. Нүвәнин һәрәкәттинин нәзәрә альпимасы.....	104
3.5. Елиптик орбитләrin квантланмасы.....	110
3.6. Електронун магнит моменти. Лармор теорсемi.....	115
3.7. Фәза квантланмасы	122
3.8. Штерн-Иерлах тәчрүбәси	128
3.9. Електронун спини	132
3.10. Нормал Зејман эффекти	135
3.11. Нормал Зејман эффектинин классик нәзәријәси.....	137

3.12. Уйғунлук принципи.....	144
3.13. Бөр нәзәрийәсинин бөһраны.....	149

Фасил 4

Квант шээрийн физики эсслары

4.1. Ишығын корпускулар вә даңға тәбиэттің даңғыл илк тәсәввүрләр.....	151
4.2. Комптон ефекти.....	153
4.3. Даңға тәнлиги	157
4.4. Мұсгәви даңғаларың суперпозициясы	159
4.5. Даңға пакети.....	162
4.6. Фаза вә ғруп сүр'әтләри.....	168
4.7. Зэррәчикләрин даңға хассәләри. Де-Бројя ипотези	170
4.8. Де-Бројя даңғаларының хассәләри.....	173
4.9. Де-Бројя һипотезинин тәчрүбәдә тәсдиғи	176
4.10. Гейрі-муәйянлик мұнасибәтләри	185

Фасил 5

Квант механикасынын элементтери

5.1. Квант меканикасының жараптасы.....	197
5.2. Шрединкөр тәнлиji	199
5.3. Даlғa функциjasы.....	203
5.4. Қесиlмәзлик тәnлиji	205
5.5. Зэррәүijин потенциал гүтуда нөрөкөти.....	207
5.6. Зэррәүijин потенциал чөпөрiндөн әкс олунmasы ва кечмеси.....	213
5.7. Соңлу сиэ малик олан потенциал чөпөр	220
5.8. Хәтти һармоник оссилjатор.....	228
5.9. Кулон саһесинде һәrәkәt	234
5.10. Ики зэррәүiкдөн ibарет системин Шрединкөр тәnлиji	246
5.11. Паули принциpi	251
5.12. Атомун там моменти	254
5.13. Ынгил гаjdасы	258
5.14. Ланде faktору	262
5.15. Квант әдәdieri вә енержi совиijәләринин инчә гурулупу	266
5.16. Семә гаjdалары	278
5.17. Гөлөви атомларын спектри	281
5.18. Еlementләrin дөврү системи	286
5.19. Аномал Зеjман effекti	291
5.20. Штартк effекti	295
5.21. Лемб сүрүшмәси	299
5.22. Һидрокен молекулу	304

ен сез

Тәгдим едилән китаб мүәллифләриң узун мүддәт БДУ-ның физика факультетинде университетләр учүн мөвчүд олан програм узрә охудуглары курс эсасында жазылыштыр.

Атом физикасының әншате етдији мәсәләләр микроаләм мәйданда олдуғынан онларының дәғиг изаһы, анчаг қвант механикасы чөрчівәсіндә верилә биләр. Лакин "Атом физикасы" курсунун охуандығу доврдә тәләбәләрин қвант механикасы илә таныш олмамаларының нәзәрә алараг бир груп мәсәләләр кејиғијәтчә изаһ едилтир вә дәрслікдә қвант механикасының ријази аппаратындан јох, әсасын классик ријази үсулдардан истифадә едилмисидир.

Дээрлийдээ микроаламдэ баш вэрэн һадисэлэрийн иза-
хы элементар һадисэлэрдэй башлаараг верилир. Биз тэчру-
би фактларын вэ онларын изаһынын хронологи оларааг ве-
рилмэсийн чалышмыцыг. Бу да тэлэбэлэрийн микроаламин
изаһында классик физиканын зэифлийни вэ квант механи-
касынын јаранмасы просесини баша дүшмэлэрийнэ көмөк
едир.

Дәрсликдә бә'зи мәсәләлөр классик физика чәрчиwесинде тәһлил едилir вә тәчрубы фактларла мүгајисә едилir. Белә мүгајисәдә классик физиканың һадисәни изаһ едә билмәмәси ашкар олунур вә һадисә квант механикасы нәгтиjiи нәзәрдән тәһлил едилir вә с.

Дәрс вәсaitинин жарандасында биз чалышмының ки, әввәлчә атом физикасыны классик нөгтеji-пәзәрдән шәрһ едәк вә квант механикасының идеялары иле ону үзви сурәтдө бағлајаг. Бурада классик физиканың бир чох мәсәләләрдә мәһдуд олмасыны шәрһ етмиппик. Дәрслікдә классик тәрчүбәләрә хұсуси јер верилир ки, бу да тәрчүбәләрдә алынаң інтичәлөриң классик физика چарчивесинде изаһ едилә билмәмәсі вә классик физиканың мәһдуд олмасыны бир даһа сүбугт едир. Атом физикасы курсу, микроаләмин механикасы (квант механикасы) дејил, о, жалныз квант механикасыны өјрәнмәк үчүн кечид васитәсидир. Дәрслікдә классик физиканың мәһдуд олмасыны шәрһ етмәккә, квант механикасының фундаментал тәсөввүрләри төјд едилir вә тәсөввүрләрин ардычыл вә мәңтиги бир нәзәријәе

кәтирмәси изаһ едилир. Бу мәсәләләrin шәрһинде чалышмышыг ки, квант механикасында верилән нәзәрийәләrin минимумундан истифадә едәк вә квант механикасынын үстүнлүјүнү көстәрәк. Дәрслікдән истифадә едән һәр бир шәхсдән үмуми физика курсуну билмәк, орта һәчмәдә ријази һазырлыға малик олмаг тәләб олунур, јеңи садә диференциал тәнликләрин һәлл үсүллары вә интеграл һесабы илә таныш олмасы зәруриди. Дәрслиji ријази һесабламаларла мүрәккәбләшdirмәк үчүн квант механикасынын елә мәсәләри сечилмишdir ки, ријази чәтиңликләр јаранмасын. Дағрудан да сечилән мөвзуларда хүсуси функциялардан, хүсуси төрәмәли диференциал тәнликләрдән, матрессалардан, операторлардан истифадә едилемир. Бу да мөвзунун шәрһини вә гавранылмасыны садәләшdirип; бу мәгәддә эн садә мәсәләләр сечилмишdir. Дәрслікдән физика, кимја вә биология факультәтлеринин, техники университетләrin тәләбәләри вә мүһәндисләр истифадә едә биләр.

Атом физикасы курсуна айд рус дилинде олан китаптардан ھеч бири програм материалыны там әнатә етмір. Материалын сецилмәсіндә вә шәрһінде чалышмышыг ки, бу вә ja дикәр мәсәләнин ојрәнілмәсіндә әлавә әдәбијатта нисбәтән аз мұрағиэт едилсін.

КИРИЛЛ

Физика елминин инкишафы жени тәчрүби түркүларын мүрөккәбләшмәсина вә нәзәри өңгөтілдөн мүрәккәб ријази үсуулларын жараимасына сәбәб олур. Бу нәгтие-нәзәрдән физика елми "тәчрүби" вә "нәзори" бөлмәләре айрылып. Тәбии идир ки, бир шәхс һәр ики бөлмәнин өндәсіндән кәлә билмәз. Лакин бир групп мәсәләләр мөвчуддур ки, бу мәсәләләри һәм нәзәријәчи, һәм дә тәчрүбәчи һөкмән билмәлидир. Белә мәсәләләрдән бири дә атом физикасы курсудур. Атом физикасы курсу иәинки физикләрә вә кимјачылара чох лазымыдыр, о һәм дә бә'зи мүһәндисләр үчүн зәруидир. Електрони вә ион чиһазлары, јарымкечиричи чиһазлар, физики электроника, радиотехника вә с. курслар үзрә ихтисаслашын мүһәндисләрин атом физикасы курсуну билмәләри мәгсәдәユғуандур, чүнки бу чиһазларын ишиләмә принсипи атом физикасында шәрх олупан бир чох анлајыптара әсасланып.

Атом физикасы курсунун жаңылмасында бўзи мәнтиги вә методики чётинликларо раси көлмишлик. Бурада биз оху-чуни жаиных мұасир физиканың тәълил үсуллары вә апла-յышлары илэ таңып етмәкю ўз, һом дә ошлары баша душ-мәк, аждынлаштырмаг вә "коғиңдән-јеније" кечид тәкамулу-ни костормајә چалынчмыныш. Она көрә дә курс ело гурул-мушлур ки, әввәл көлән материал, сопракы материалы баша дүйимәјә һазырлајыр вә бир нәзәријәнни дикер нәзәријә илэ әвәз едијмәсина зәмин ярадајыр. Месәлән, квант меха-никасының әсасларыны Бор нәзәријәсини билмәдән баша душмәк олмаз. Бу мәгсәдлә курс ашагыдақы шекилдә гу-рулмушдуру.

I фәсилдә јүклю зәррәчијин мұхтәлиф харичи саһәләр-
дә һәрәкәти тәһлил едилir вә Нјутон тәнлиjiндән истифадә
етмәккө тоғулан мәсәләләр ахыра төдөр һөјл олуңур.

II фәсилдә атом түрүлүшүнүн тәчрүбодө төндиг едилмөсі, α -заррачикторин сонилмоси, Резерфорд моделинин жаранмасы вә классик физиканын микроләмә төтбиг олуна билеммәсі тәхлил едилдір.

III фәсилдә Бор нөзөрийжәсі шәрх едилир. Іу нөзәрийжә әсасында тәчүрүбәдә мүәзжон олупымуш спектрал серијалар,

Зејеман ефекти вә дикәр һадисәләр изаһ олунур вә нәһајәт, Бор нәзәрийәсинин чатышмазлығы ашқар едилүр.

IV фәсилдә квант механикасынын јаранмасы физики әсаслар үзрә шәрһ едилүр. Бу фәсилдә тәчрүби нәтичәләрин классик физика чәрчиwәсindә изаһ едилә билемmәсi ашқар едилүр вә микроаләм үчүн jени механиканын јаранмасы зәруиijети көстәрилир.

V фәсилдә квант механикасынын һәрәкәт тәнлиji вә бир сыра квант мәсәләләри тәһлил едилүр. Квант механикасынын бә'зи анлаjышилары, Зејеман вә Штарк еffектләри кеjfiyjетчә шәрһ едилүр. Бундан башга бурада спин анлаjышы, атомларын. электрон өртукләри вә валент нәзәrijесi вә с. изаһ олунур. Цәрсликдә әсасен CGS вәнидиlәр системдән истифадә едилмицидир. Бә'зи һалларда системдән дә кәнаp енержи вәниди олан электрон-волт (ев) вәнидиндән дә истифадә олунур.

Геjd стмәк лазымдыр ки, бир групп мәсәләләрин һәллиндә биз һесабламалары тәфсилаты илә вермишник ки, бу да квант механикасы курсунун оjрөнилмәсindә өз ролуну да көстәрмәлидир. Аләтән мөвчүд дәрсликләрдә белә һесабламалар верилмир.

Бу мәсәләләrin вә дәрслиjин көстәриләn шәкилдә гурулмасынын нә дәрәчәдә олверицили олмасыны кәләчәк көстәрчәклир.

I ФӘСИЛ

ЖҮКЛУ ЗЭРРӘЧИКЛӘРИН ЕЛЕКТРОМАГНИТ САҢӘСИНДӘ ҺӘРӘКӘТИ

§1.1. Електронун електромагнит саңәсинде һәрәкәти

Классик механикада зәррәчиjип вә ja системин һәрәкәтини Нјутон, Лагранж вә ja һамилтон тәнликләри илә тәсвиr етмәk олар. Биз зәррәчиjин һәрәкәтини тәһлил етмәk үчүн Нјутон тәnлиjiндәn истифадә едәчәjик.

Фәрз едәк ки, электрон, интенсивлиji \vec{E} , \vec{H} олан харичи електромагнит саңәсинде һәрәкәт еdir. Онда электрона тә'сир едән гүввә:

$$\vec{F} = e\vec{E} + \frac{e}{c}[\vec{v}\vec{H}]$$

бурада e - электронун јүкү, v - электронун сүр'ети, c - исә ишүйбын бишлүгдакы сүр'етидир. Нјутон тәnлиjiндә бу гүввәни нәzәрә алсан:

$$m \frac{d^2\vec{r}}{dt^2} = e\vec{E} + \frac{e}{c}[\vec{v}\vec{H}] \quad (1.1.)$$

аларыг. (1.1) тәnлиji ихтиjари харичи електромагнит саңәсинде һәрәкәт едән электронун һәрәкәтәни тәсвиr еdir; саң тәрәфдәки биринчи һәdd електрик саңәсинин, икинчи һәdd исә магнит саңәсинин електрона көстәрдиji тә'сири ифадә еdir. (1.1) векториал тәnлиjини һәлл етмәk үчүн ону скалјар (проекцијаларла) шәкилдә јазмат лазымдыр, jә'ни:

$$\left. \begin{aligned} \frac{d^2x}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_x + \frac{e}{mc} (V_y H_z - V_z H_y), \\ \frac{d^2y}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_y + \frac{e}{mc} (V_z H_x - V_x H_z), \\ \frac{d^2z}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_z + \frac{e}{mc} (V_x H_y - V_y H_x). \end{aligned} \right\} \quad (1.2.)$$

(1.2) систем тәнлијини үмуми шәкилдә һәлл етмәк чох чәтиң олдуғундан, ону бир хүсуси нал үчүн һәлл едәк: Фәрз өндөрүштөрдөн, оның көбүнчелігінде, $\vec{E} \perp \vec{H}$ вә координат системини елә сечәк ки, охлагын икиси саһә \vec{E} вә \vec{H} истиғамәттіндө јөнәлсін. Мүәйжән-рын икиси саһә $E_x = E_z = 0$, $H_x = H_y = 0$, $H_z = H$

$$E_x = E_z = 0, \quad E_y = E; \quad H_x = H_y = 0, \quad H_z = H$$

олар вә (1.2) систем тәнлији садәлештер:

$$\left. \begin{aligned} \frac{d^2x}{dt^2} &= \frac{e}{mc} V_y H_z, \\ \frac{d^2y}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_y - \frac{e}{mc} V_x H_z, \\ \frac{d^2z}{dt^2} &= 0. \end{aligned} \right\}$$

Бу систем тәнлији, һәлл етмәк үчүн ашағыдақы шәкилдә јазаг:

$$\left. \begin{aligned} \frac{d^2x}{dt^2} &= \omega_0 \frac{dy}{dt}, \\ \frac{d^2y}{dt^2} &= \frac{eE}{m} - \omega_0 \frac{dx}{dt}, \\ \frac{d^2z}{dt^2} &= 0. \end{aligned} \right\} \quad (1.2')$$

$$\omega_0 = \frac{eH}{mc}$$

Харичи електромагнит саһәсинин сабит вә бирчынсли олмасыны ғәбул едәк вә $\xi = x + iy$ комплекс мұстәвијә кеңек; бунун үчүн икinci тәнлији і-јә вуруб биринчи тәнликтөңлајат:

$$\frac{d^2x}{dt^2} + i \frac{d^2y}{dt^2} = \frac{ieE}{m} - i\omega_0 \left(\frac{dx}{dt} + i \frac{dy}{dt} \right).$$

$\xi = x + iy$ олдуғуну пәзәре алса:

$$\frac{d^2\xi}{dt^2} + i\omega_0 \frac{d\xi}{dt} = \frac{ieE}{m}$$

тәнлијини аларын: Бу тәнлији ашағыдақы шәкилдә јазаг:

$$\frac{d}{dt} \left[\frac{d\xi}{dt} + i\omega_0 \xi - \frac{ieE}{m} t \right] = 0. \quad (1.3)$$

Онда

$$\frac{d\xi}{dt} + i\omega_0 \xi - \frac{ieE}{m} t = C_1 \quad (1.3')$$

алары. (1.3') тәнлијинин үмуми һәллини таңмаг үчүн әввәл-
шә бирнчинсли тәнлијин үмуми һәллини тапаг:

$$\frac{d\xi}{dt} + i\omega_0 \xi = 0; \quad \xi = A e^{-i\omega_0 t}$$

(1.3') тәнлијинин үмуми һәллини

$$\xi = A e^{-i\omega_0 t} + Bt + C_2$$

шәклиндә ахтарағ. Бу һәлли (1.3') тәнлијиндә јеринә јазсаг:

$$B = \frac{eE}{m\omega_0}; \quad C_2 = \frac{ieE}{m\omega_0^2} - \frac{iC_1}{\omega_0}$$

аларыг. Беләликлә (1.3') тәнлијинин үмуми һәллини анағы-
дақы шәкилдә јазмаг олар:

$$\xi = A e^{-i\omega_0 t} + \frac{eE}{m\omega_0} t + \frac{ieE}{m\omega_0^2} - \frac{iC_1}{\omega_0}.$$

$\xi = x + iy$ олдуғундан комплекс әдәдин бәрабәрлик шәртин-
дән истифадә етсөк:

$$x = A \cos \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0} t,$$

$$y = -A \sin \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0^2} - \frac{C_1}{\omega_0}$$

аларыг. (1.2') системинин үчүнчү тәнлијинин һәлли
 $z = A_1 t + A_2$ олдуғундан, системин үмуми һәлли

$$x = A \cos \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0} t,$$

$$y = -A \sin \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0^2} - \frac{C_1}{\omega_0}, \quad (1.4)$$

$$z = A_1 t + A_2.$$

олар. Инди үмуми һәллә дахил олан сабитләри тә'жин едәк.
Бүнүн үчүн әввәлчә x , y во z -дән V_x , V_y во V_z -ә кечәк:

$$V_x = \dot{x} = -A \omega_0 \sin \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0},$$

$$V_y = \dot{y} = -A \omega_0 \cos \omega_0 t,$$

$$V_z = \dot{z} = A.$$

$$t=0 \text{ олдуғда } V_x = \dot{x} = \frac{eE}{m\omega_0} = c \frac{E}{H} \text{ олур ки, буна **электрик**$$

дрејіф сүр'ети дејирләр; бу сүр'еттән саһәсинин гијмәти
илю характеристизе едилләр во һөр ики саһәје перпендикулјар
олур. Дрејіф сүр'етинин гијмәт во истиғамәти анағыдақы
дүстүрләрла мүәйжән едилләр:

$$V_H = c \frac{E}{H}; \quad \vec{V}_A = c \frac{[\vec{E} \vec{H}]}{H^2}.$$

Дрејіф сүр'етинин әжан тәсвир етмәк үчүн фәрз едәк ки,
зэррәчик магнит саһәсинә перпендикулјар мұстәви үзөрин-
дә чеврә бојунча һәрәкәт едир.

Айдындыры ки, зэррәчик сол јарым чеврә бојунча (саһә
истигамәтдә) һәрәкәт едәркән саһә ону сүр'етлендирәмәк,
сағ јарым чеврә бојунча һәрәкәттә етдикдә исә ону ләнкілә-
мәк (саһәнин экс истиғамәти), јөни зэррәчик чеврәнин јуха-
ры һиссәсени ашағы һиссәсиян иибәттән даһа бојук сүр'әт-
лә кечәчәк. Белә һәрәкәтдә олан зэррәчијин траекторијасы-
ны тәһлил етсөк, һөр бир дөврдән сонра x -оху истиғамәтдә
траекторијанын сүрүшүмәсии корәрик, бу сүрупмәни изаһ

етмәк үчүн дрејф сүр'ети анлајыны дахил едилер. $t=0$ олдугда $V_y = \dot{y}$ электронун магнит саһесинө перпендикулар олан мұстәви үзәриндәки һәрәкәт сүр'етидир ки, буну V_\perp илә ишары едирләр. $t=0$ олдугда $\dot{y} = V_\perp = -\omega_0 A$ олдуғундан $A = -\frac{\omega_\perp}{\omega_0}$

олур.

Беләликлә,

$$\begin{aligned} x &= -\frac{V_\perp}{\omega_0} \cos \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0} t, \\ y &= \frac{V_\perp}{\omega_0} \sin \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0^2} - \frac{C_1}{\omega_0}, \\ z &= V_0 t + A_2. \end{aligned}$$

аларыг. $t=0$ олдугда $z=z_0$ тәбүл етсөк вә $C_1=0$ көтүрсөк:

$$\begin{aligned} x &= -\frac{V_\perp}{\omega_0} \cos \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0} t, \\ y &= \frac{V_\perp}{\omega_0} \sin \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0^2}, \quad (1.4') \\ z &= z_0 + V_0 t. \end{aligned}$$

олар.

(1.4') һәллиндән көүрүнүр ки, z оху истигамәтдә саһе тә'сир етмири, саһа жалның ХОУ мұстәвисинде өз тә'сирини көстәрир. Електрон z оху истигамәтиндә исә мүрәккәб фырланма һәрәкәтинде иштирак едир. ХОУ мұстәвиси үзәринде електронун һәрәкәт траекторијасыны таимаг үчүн (1.4') һәллинин бириңчи ики тәнлигини t -және $y(x)$ асылылығыны таимаг лазығымдыры. Гејд едәк ки, траекторијаны башта үсулла да таимаг олар; бунун үчүн (1.4') һәллинин бириңчи ики тәнлигини ашагыдақы шәкилдә жазаг:

$$x = \frac{eE}{m\omega_0^2} (\omega_0 t - \cos \omega_0 t),$$

$$y = \frac{eE}{m\omega_0^2} (1 + \sin \omega_0 t).$$

Бу ики ифадә зәррәчијин траекторијасынын параметрик шәкилдә верилмиш тәнлијидир. Траекторијанын формасы $V_\perp^{(0)}$ гијмәтиндән асылыдыр ($t=0$ оланда $V_\perp = V_\perp^{(0)}$).

$V_\perp^{(0)} > C \frac{E}{H}$ вә $V_\perp^{(0)} < C \frac{E}{H}$ олдугда алынан әржиләр трохоида адланыдыр. $V_\perp^{(0)} = C \frac{E}{H}$ һалында исә алынан әјријә тсиклоида дејирләр.

Гејд едәк ки, (1.4) һәлли харичи електромагнит саһесинде һәрәкәт едән електрон үчүн гејулан истәнилән мәсәләнин үмуми шәкилдә һәллийдир. Конкрет мәсәлә үчүн (1.4) һәллинә дахил олан сабитләр тапылмалыдыр.

§1.2. Іүклү зәррәчијин електрик саһесинде һәрәкәти

Електронун харичи електрик саһесинде һәрәкәтини тәһлил едәк. Харичи електрик саһесинде һәрәкәт едән електронун һәрәкәт тәнлији (1.1) тәнлијиндей $\vec{H} = 0$ көтүрмөклю алышыры, јә'ни

$$m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = e \vec{E} \quad (1.5)$$

олар. Әввәлчә узунуна електрик саһесинин тә'сирини тәһлил едәк, јә'ни фәрз едирик ки, електрик саһеси u - оху истигамәтдә јөнәлиб вә зәррәчиқ дә u - оху истигамәтдә һәрәкәт едир. Онда (1.2') системинде $\vec{H} = 0$ ($\omega_0 = 0$) көтүрсөк,

$$\frac{d^2y}{dt^2} = \frac{eE}{m}$$

аларыг. Бу тәнлијин шәклини дәжишөк:

$$m \frac{dv}{dt} = eE,$$

$$m \frac{d}{dt} \left(\frac{v^2}{2} \right) = eVE.$$

$\vec{E} = -grad\varphi$ олдуғуидан

$$\frac{d}{dt} \left(\frac{mv^2}{2} \right) = -evgrad\varphi$$

јазмаг олар. Саһө у-оху истигаметинде јөнәлдијинде

$$grad\varphi = \frac{d\varphi}{dy} = \frac{d\varphi}{dt} \cdot \frac{dt}{dy} = \frac{1}{v} \cdot \frac{d\varphi}{dt}.$$

Бу ифадени сонунчы тоғликтә нәзәрә алсаг:

$$\frac{d}{dt} \left(\frac{mv^2}{2} \right) = -ev \frac{1}{v} \frac{d\varphi}{dt} = -\frac{d}{dt} (e\varphi)$$

олар; бурадан

$$\frac{d}{dt} \left(\frac{mv^2}{2} + e\varphi \right) = 0; \quad \frac{mv^2}{2} + e\varphi = const \quad (1.6)$$

аларыг ки, бу да харичи електрик саһесинде һәрәкәт едән јүклү зәррәчијин там енержисинин сахланмасыны ифадә

едир. Бурада бириңчи һәdd зәррәчијин кинетик енержисини, икинчи һәdd исә зәррәчиклә саһәнин гарышылыглы тә'сир, је'ни потенциал енержисини ифадә едир.

Инди енинә електрик саһесинде һәрәкәти тәһлил едәк. Фәрз едәк ки, саһө у - оху истигаметинде јөнәлиб, зәррәчиқ исә x - оху бојунча һәрәкәт едир. Һәрәкәт тәнлији (1.1) тәнлијинде $\dot{H} = 0$ көтүрмәклә алыныр вә (1.2') системинин икинчи тәнлијинде $\omega_0 = \frac{eH}{mc} = 0$ көтүрмәк лазымдыр. Онда тәнлик

$$\frac{d^2y}{dt^2} = \frac{eE}{m}$$

шәклиндә алынар. Саһәнни тә'сири нәтиҗәсіндә зәррәчијин мејлини, је'ни траекторијасыны тә'јин етмәк үчүн бу тәнликке замана көрә төрәмәдән x- координатына көрә төрәмәјә кечәк:

$$\frac{d^2y}{dt^2} = \frac{d}{dx} \left(\frac{dy}{dt} \right) \frac{dx}{dt} = v \frac{d}{dx} \left(\frac{dy}{dx} \cdot \frac{dx}{dt} \right) = v^2 \frac{d^2y}{dx^2}$$

Бу ифадәни нәзәрә алсаг:

$$v^2 \frac{d^2y}{dx^2} = \frac{eE}{m}$$

аларыг. Бу ифадәни бир дәфә интегралласаг:

$$\frac{dy}{dx} = \frac{e}{mv^2} \int_0^x E(x) dx$$

аларыг; икинчи дәфә интегралласаг:

$$y = \frac{e}{mv^2} \int_0^l \int_0^x E(x) dx$$

аларыг. Сонунчы ифадәни һиссә-һиссә интеграллајаг:

$$\int_0^x E(x)dx = u \quad dx = dv$$

$$y = \frac{e}{mv^2} \left\{ x \int_0^x E(x)dx \Big|_0^l - \int_0^l x E(x)dx \right\} = \frac{e}{mv^2} \int_0^l (l-x)E(x)dx$$

аларыг. $\int_0^l (l-x)E(x)dx = A$ илэ иншарә едилир вә чиңаз сабити адланыр; беләликлә өнине электрик саһесинде зэррәчијин мејли

$$y = \frac{eA}{mv^2} \quad (1.7)$$

олур. (16) дүстүрундан электронун хүсуси јүкүүнү тә'жининде вә күтлә спектрографларында истифадә едирләр.

Хүсуси һалда $E = const$ оларса, онда чиңаз сабити

$$A = \int_0^l (l-x)Edx = \frac{l}{2} l^2 E$$

олар вә зэррәчијин мејли:

$$Y = \frac{eE}{mv^2} \cdot \frac{l^2}{2}$$

олар.

§1.3. Јүклү зэррәчијин магнит саһесинде һәрәкәти

Јүклү зэррәчијин сабит бирчинали магнит саһесинде һәрәкәтини тәһлил етмәк үчүн (1.1) тәнлијинде $\vec{E} = 0$ көтүрмәк лазымдыр. Бу һалда һәрәкәт тәнлиji:

$$m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = \frac{e}{c} [\vec{v} \vec{H}] \quad (1.8)$$

шәклиндә олур. (1.8) тәнлијини һәллә етмәклә зэррәчијин траекторијасыны тә'жин етмәк олар. Бу параграфда биз траекторија илә јох, зэррәчијин һәрәкәтини енержи нөгтөйн-нәзәрдән тәһлил едәмөйк, она көрә дә (1.8) тәнлијини ашағыдакы шәкилдә јазаг:

$$m \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{e}{c} [\vec{v} \vec{H}] \quad (1.9)$$

Бу тәнлијин һәр ики тәрәфини \vec{v} - јэ скалјар вурсаг:

$$m \left(\vec{v} \frac{d\vec{v}}{dt} \right) = \frac{e}{c} (\vec{v} [\vec{v} \vec{H}])$$

аларын. $(\vec{v} [\vec{v} \vec{H}]) = (\vec{H} [\vec{v} \vec{v}]) = 0$ олтуғундан

$$m \left(\vec{v} \frac{d\vec{v}}{dt} \right) = \frac{m}{2} \frac{dv^2}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{m\vec{v}^2}{2} \right) = 0$$

олар. Бурадан исә

$$\frac{m\vec{v}^2}{2} = const \quad \vec{v}^2(t) = const$$

аларыг. бу нәтижә сабит магнит саһесинде зэррәчијин кинетик енержисинин саҳланылмасыны ифадә едир. Беләликлә сабит магнит саһесинде зэррәчијә тә'сир едән Лоренс гүввәси иш көрмүр, о зэррәчијин сүр'етинин әдәди гијметини јох, ялныз истигаматини дәјищә биләр. Бу хүсусијәт, магнит саһесинде зэррәчијә тә'сир едән Лоренс гүввәсинин һәмишә

зэррэчијин сүр'етинэ перпендикулјар олмасы илэ өлагэдардыр.

Инди магнит саһесиндэ һэрэкэт едэн зэррэчијин сүр'етини саһэ истигамётинэ паралел v_{\parallel} вэ перпендикулјар v_{\perp} топлананлара аյыраг:

$$\vec{v} = \vec{v}_{\parallel} + \vec{v}_{\perp}$$

Сүр'етин бу гијмётини (1.9) тэнлијиндэ јериэн јасаг:

$$m \frac{d\vec{v}_{\parallel}}{dt} + m \frac{d\vec{v}_{\perp}}{dt} = \frac{e}{c} [\vec{v}_{\parallel} \vec{H}] + \frac{e}{c} [\vec{v}_{\perp} \vec{H}]$$

аларыг. Онда зэррэчијин саһэјэ паралел вэ перпендикулјар истигамётдэки һэрэкэт тэнликлэри:

$$m \frac{d\vec{v}_{\parallel}}{dt} = \frac{e}{c} [\vec{v}_{\parallel} \vec{H}] \quad (1.10)$$

$$m \frac{d\vec{v}_{\perp}}{dt} = \frac{e}{c} [\vec{v}_{\perp} \vec{H}] \quad (1.11)$$

олар. $\vec{v}_{\parallel} \parallel \vec{H}$ олдуундан $[\vec{v}_{\parallel} \vec{H}] = 0$ олар вэ (1.10) тэнлији

$$m \frac{d\vec{v}_{\parallel}}{dt} = 0$$

шэклини алар ки, бурадан да $\vec{v}_{\parallel} = \text{const}$ аларыг. Демэли, саһэ истигамётиндэ һэрэкэт едэн зэррэчијин сүр'етинин гијмэт вэ истигамётти дэшишмир. (1.11) тэнлијини һэлл өтмэдэн дэ бэ'зи нэтичэлэри алмаг олар. Догрудан да (1.10) тэнлији бизи $\vec{v}_{\parallel} = \text{const}$ (1.9) тэнлији исэ $\vec{v}^2(t) = \text{const}$ нэтичэсинэ өтчирир.

$$\vec{v}^2 = \vec{v}_{\parallel}^2 + \vec{v}_{\perp}^2$$

олдуундан $\vec{v}_{\perp}^2 = \text{const}$ олар, јёни зэррэчијин $\frac{d\vec{v}_{\perp}}{dt}$ тэ'чилиин

одёди гијмэти сабит галыр ки, бу да мэркэзэгачма тэ'чилиидир. Бу дејилэнлэри нэээрэ алсаг (1.11) тэнлијинин сол тэрэфи мэркэзэгачма тэ'чилинэ бэрбэр олмалыдыр, јёни

$$\frac{mv_{\perp}^2}{R} = \frac{e}{c} v_{\perp} H \sin(\vec{v}^{\wedge} \vec{H}) = \frac{e}{c} v_{\perp} H$$

олар. Белэликлэ, Лоренс гүввэсийн тэ'сири алтында зэррэчиник (сүр'етин v_{\perp} топлананы) чөврэ бојунча һэрэкэт едөчекдир ки, бу чөврэнин радиусу јухарыдахи мүнаасибэтдэн тэ'жин олунур:

$$R = \frac{mc}{eH} v_{\perp}$$

Бу радиуса тсиклотрон радиусу дејирлээр. Чөврэ бојунча һэрэкогт едэн зэррэчијин тезлий:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{v_{\perp}}{R} = \frac{eH}{mc}$$

илэ тэ'жин едилр; бу тезлијэ тсиклотрон тезлији дејирлээр, о зэррэчијин башланғыч сүр'етиндэн асылы олмајыб, јаленых хүсүсү ижүү $\frac{e}{m}$ илэ тэ'жин олунур.

Белэликлэ, магнит саһеси зэррэчијин сүр'етинин паралел топлананы гијмэт вэ истигамётини дэшишмир, јёни зэррэчиник магнит саһесиндэ (\vec{v}_{\parallel}) ирэлилэмэ һэрэкэтиндэ, перпендикулјар топлананы исэ өз гијмётини сабит сахлајыб, истигамётини дэшишир, јёни даирэви һэрэкэтдэ иштирак

едир. Бу ики һәрәкәтин нәтичәси бизи сабит аддымама малик олан яј бојунча һәрәкәтә қатырир.

Гејд едәк ки, магнит саһәси фокуслама хүсусијәтинә дә маликдир. Бу мәсәләни тәһлил етмәк үчүн фәрз едәк ки, зәррәчик сабит бирчыны магнит саһәсинә α - бұчағы алтында дүшүр; зәррәчијин сүр'етини $\vec{v} = \vec{v}_H + \vec{v}_\perp$ топлананла-рына аյырса $v_H = v \cdot \cos \alpha$, $v_\perp = v \cdot \sin \alpha$ олар. Іұхарыда гејд етдик ки, бу һалда зәррәчик саһәдә сабит аддымама малик олан яј бојунча һәрәкәт едәчәкдир, яғын там бир чөврәсинә сәрф олунан заман

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi mc}{eH} \quad (1.12)$$

олар. Бу мүлдәтдә сүр'етин паралел топлананы $x=0$ нөгтә-синдән $x=l$ нөгтәсинә гәдәр олан мәсафәни гәт едәчәкдир.

$$l = v_H T = \frac{2\pi mc}{eH} v \cos \alpha$$

α - бұчағы соң кицик олдуғда $\cos \alpha \approx 1$ көтүрмәк олар вә

$$l = \frac{2\pi mc}{eH} v \quad (1.12')$$

аларыг. Сонунчы ифадәнин бұчагдан асылы олмамасы қөстә-рир ки, әкәр зәррәчикләр дәстәси соң кицик бұчаглар алтында харичи саһәjә дүшүрсә, онда елә бир l -мәсафәси вар ки, зәррә-чикләрин һамысы ежни заманда һәмин мәсафәни гәт едәр; јәни зәррәчикдәrin һамысы ежни нөгтәjә топлашар. Буна узунуна магнит саһәсинин фокуслама хүсусијәти дејирләр. (1.12') шәр-тиндән қөрүнүр ки, мүәjән саһәдә фокусланма зәррәчикләrin сүр'етиндәn вә хүсуси jүкүнчән асылыдыр.

Тутаг ки, зәррәчикләр харичи магнит саһәсинә дахил олмаздан әvvәl мүәjәjәn V - потенциалы сүр'етләндирини са-һәдән кечирләр:

$$\frac{m\vec{v}^2}{2} \geq \frac{eV}{300}$$

Бу мұнасибәти (1.12') ифадәсіндә нәзәрә алса:

$$l = \frac{2\pi c}{H} \sqrt{\frac{2V}{300}} \cdot \sqrt{\frac{m}{e}} \quad (1.13)$$

аларыг. Бу мұнасибәтдән қөрүнүр ки, узунуна магнит саһәси фокуслама хүсусијәтинә малик олмагла бәрабәр, зәррәчикләри хүсуси jүкә $\left(\frac{e}{m}\right)$ қөрә чепидләрә айрырып, јәни дәстәдо монохроматик олмајан мұхтәлиф зәррәчиклә-ри $\left(\frac{e}{m}\right)$ -ә қөрә чепидләjәrәк спектрә айрырып. Бу хүсусијәт бизә имкан верир ки, (1.13) мұнасибәтиндән истифадә едиб зәррәчијин хүсуси jүкүнү тә'jин едәк. Догрудан да (1.13) ифа-дәсінни квадратта jүксәлдиб $\left(\frac{e}{m}\right)$ -ә қөрә һәлл етсәк:

$$\frac{e}{m} = \frac{8\pi^2 c^2}{H^2 l^2} \cdot \frac{V}{300}$$

аларыг ки, тәчрүбәдә V , l вә H - олчмәклә зәррәчијин хүсуси jүкүнү тә'jин етмәк олар.

Гејд едәк ки, (1.2') системиндән истифадә едиб зәррә-чијин магнит саһәсіндәки меjлини һесабламаг олар. Зәррә-чијин магнит саһәсіндәки меjли онун траекторијасы олду-ғундан, әvvәлләрдә дејилдији кими $y(x)$ асылылығы талыл-малыдыр, јәни замана қөрә төрәмәдән координата қөрә тө-рәмәjә кечмәлијик. Бунун үчүн (1.2') системинин бириңчи тәнлијини ашағыдақы шәкилдә жазаг:

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{eH}{mc} \cdot \frac{dy}{dt}$$

$$\frac{d}{dt} = \frac{d}{dy} \cdot \frac{dy}{dt}$$

$$\frac{d^2}{dt^2} = \frac{d}{dy} \cdot \frac{dy}{dt} \left(\frac{d}{dy} \cdot \frac{dy}{dt} \right) = \frac{d^2}{dy^2} \left(\frac{dy}{dt} \right)^2$$

Бу чөвирмөнү тәнликтө нэээрэ алсаг:

$$\frac{d^2x}{dy^2} \left(\frac{dy}{dt} \right)^2 = \frac{eH}{mc} \cdot \frac{dy}{dt}$$

Нэр тәрәфи $\frac{dy}{dt}$ -жэ ихтисар етсөк:

$$\frac{dy}{dt} \cdot \frac{d^2x}{dy^2} = \frac{eH}{mc}$$

аларын. Алдыгымыз бу тәнлијин тәһлили көстәрир ки, зэррәчик XOY мүстәвиси үзәриндө нэрөкөт едир, Онда зэррәчијин сүр'ети:

$$\begin{aligned} v &= \sqrt{\left(\frac{dx}{dt} \right)^2 + \left(\frac{dy}{dt} \right)^2} = \sqrt{v_x^2 + V_y^2} = v_y \left(I + \frac{v_x^2}{v_y^2} \right)^{1/2} = \\ &= v_y \left\{ I + \frac{I}{2} \left(\frac{v_x}{v_y} \right)^2 + \dots \right\} \approx v_y \end{aligned}$$

көтүрмөк олар, жо'ни $\frac{dy}{dt} = v$ гэбүл етмөк олар. Бу гијмәти сонунчу тәнликтө јеринэ јазсаг:

$$v \frac{d^2x}{dy^2} = \frac{eH}{mc}; \quad \frac{d^2x}{dy^2} = \frac{eH}{mv^2}$$

аларыг. Бу тәнлији интеграллајаг:

$$\frac{dx}{dy} = \frac{e}{mv^2} \int_0^y H(y) dy; \quad x = \frac{e}{mv^2} \int_0^l dy \int_0^y H(y) dy$$

X -ин ифадәсине дахил олан икигат интегралы биргат интеграла кәтирмөк үчүн ону һиссә-һиссә интеграллајаг, жо'ни:

$$\int_0^y H(y) dy = U; \quad dy = dv; \quad dU = H(y) dy; \quad v = y$$

Бу өвөзләмәләри нэээрэ алсаг:

$$\begin{aligned} \int_0^l dy \int_0^y H(y) dy &= y \int_0^l H(y) dy \Big|_0^l - \int_0^l y H(y) dy = \\ &= \int_0^l (l-y) H(y) dy = B \end{aligned}$$

Бу гијмәти X -ин ифадәсиндө јеринэ јазсаг:

$$X = \frac{e}{mv^2} \int_0^l (l-y) H(y) dy = \frac{eB}{mv^2} \quad (1.13')$$

аларыг. Бу гијмәт B - чиңаз сабити адланыр. Алдыгымыз бу нәтиҗәні електрик саһесиндәки мејл илә мұгајисә етсөк маг-

нит саһесинде мејл $\frac{I}{v}$ илә, електрик саһесинде исә $\frac{I}{v^2}$ илә мұтәнасіб олдуғуну көрәrik. Әкәр саһә бирчынсли оларса $H=const$ онда $B = \frac{1}{2} I^2 H$, мејл исә $X = \frac{eHl^2}{2mv}$ олар.

§1.4. Харичи електромагнит саһесинде јүклү зәррәчијин рәгси

Тутаг ки, интенсивлиji \vec{E} вә \vec{H} олан харичи електромагнит саһесинде електрон рәгс едир. Бу наңда електронун һәрекәт тәнлиji, (1.1) -тәнлиjине қвази еластики гүвшәни әлавә етмәклә тә'јин едилир:

$$m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = e \vec{E} + \frac{e}{c} [\vec{v} \cdot \vec{H}] - K \vec{r} \quad (1.14)$$

бурада K қвазиеластиклік әмсалы олуб $K = m\omega_0^2$ кими тә'јин олунур; ω_0 - електронун мәхсуси рәгс тезлиjидир, жәни $\vec{E} = \vec{H} = 0$ наңдақы рәгсін тезлиjидир.

Әvvәлчә харичи електрик саһесинин рәгс едән електрона тә'сирини тәһлил едәк. Бунун үчүн (1.14) тәнлиjинде $\vec{H} = 0$ көтүрүб оны проексијаларла жазаң:

$$\left. \begin{aligned} \frac{d^2 x}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_x - \omega_0^2 x \\ \frac{d^2 y}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_y - \omega_0^2 y \\ \frac{d^2 z}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_z - \omega_0^2 z \end{aligned} \right\} \quad (1.15)$$

Садәлик үчүн саһәни x -оху истиғамәтдә јөнәлдәк:

$$E_Y = E_Z = 0; \quad E_X = E$$

Онда (1.15) системе тәнлиji ашағыдақы шәкілдә дүшәр:

$$\begin{aligned} \frac{d^2 x}{dt^2} &= \frac{eE}{m} - \omega_0^2 x \\ \frac{d^2 y}{dt^2} &= -\omega_0^2 y \\ \frac{d^2 z}{dt^2} &= -\omega_0^2 z \end{aligned} \quad (1.16)$$

(1.16) системинин икinci вә үчүнчү тәнлиji у вә z оху истиғамәтгендәki һармоник рәгсін һәрекәт тәнлиji олдуғундан оларын һәллини ашағыдақы шәкілдә көстәрмәк олар:

$$y = y_0 e^{\pm i\omega_0 t}; \quad z = z_0 e^{\pm i\omega_0 t}$$

Бу һәлләрдән вә (1.16) системиндән көрүнүр ки, у вә z - оху истиғамәтдә саһә електронун рәгсінен тә'сир көстәрмір. Инди (1.16) системинин биринчи тәнлиjини һәлл едәк; бу тәнлиj тәнлиjини һәлл едәк:

$$\frac{d^2 x}{dt^2} = -\omega_0^2 x$$

бу тәнлиj дә хотти һармоник рәгсін һәрекәтini тәнлиji олдуғундан

$$x = x_0 e^{\pm i\omega_0 t}$$

олар. Үмуми һәлли тапмаг учун һәм

$$x = x_0 e^{\pm i \omega_0 t} + A$$

шэкилдэ тэсвир ёдиг тэнлигд ёрингээ язсан.

$$-\omega_0^2 x_0 e^{\pm i \omega_0 t} = \frac{eE}{m} - \omega_0^2 x e^{\pm i \omega_0 t} - A \omega_0^2$$

$$A = \frac{eE}{m\omega_0^2}$$

аларын. Онда тәйплийн умуми ғасини:

$$x = x_0 e^{\pm i \omega_0 t} + \frac{eE}{m \omega_0^2}$$

шәклиндә аларыг. Алдырымыз һәлдән корынұр ки, х-оху истиғаматтә де саһә електронунан рәгс тезлијини дојишимир. Саһә жалныз х-оху истиғаматтә рәгсин таразлыг возијјотини eE мәсафәсінә сүрүштүрүр. Белоклиқтө, һөкм етмәк олар $t\omega_0^2$ ки, харичи електрик саһосында рәгс едән електронун тезлији-пә саһә тә'сир костәрми, о жалныз рәгсин таразлыг нөгтәси-ни сүрүштүрүр (бах: Шарқ еффекти).

Инди магнит саһәсинин электронун рәгс тезлијинә тә'сирини тәһдил едәк; бунун үчүн (1.14) тәнлијинде $E=0$ көтүрүб, тәнлији проексијаларла јазаг:

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -\omega_0^2 x + \frac{e}{mc} (v_u H_z - v_z H_y)$$

$$\frac{d^2 y}{dt^2} = -\omega_0^2 y - \frac{e}{mc} (v_x H_z - v_z H_x)$$

$$\frac{d^2 z}{dt^2} = -\omega_0^2 Z + \frac{e}{mc} (v_x H_y - v_y H_x)$$

Садәлик үчүн саһәни z - оху истиғамәтдә јөнәлдәк:

$$H_x = H_y = 0, \quad H_z = H, \quad \vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$$

ОЛДУҒУНДАЙ

$$\left. \begin{aligned} \frac{d^2x}{dt^2} &= -\omega_0^2 x + \frac{eH}{mc} \cdot \frac{dy}{dt} \\ \frac{d^2y}{dt^2} &= -\omega_0^2 y - \frac{eH}{mc} \cdot \frac{dx}{dt} \\ \frac{d^2z}{dt^2} &= -\omega_0^2 z \end{aligned} \right\} \quad (1.17)$$

алары. Бу системин үчүнчү тәилимнэ \hat{H} дахил олмады-
бындан онун һөллини

$$z = z_0 e^{\pm i \omega_0 t}$$

кими көстәрмәк олар; јо'ни саһә з-оху истигамәтдә рөгсүн тезлијинә тә'сир көстәрмір. Бу дөгрүдан да белә олмалы иди, чүнки, саһә вә рәтс з-оху истигамәтиндә олдуғундан магнит саһәси белә һәрәкәтә тә'сир етмәjéчәклир

$(\vec{F}_{\text{лор}} = 0)$. (1.17) системинин көрінісі икі тәнлийнің қоғамалықтарының икінші тәнлийнің қоғамалықтарының қарашасынан шығады. (1.17) системинин көрінісі икі тәнлийнің қоғамалықтарының икінші тәнлийнің қоғамалықтарының қарашасынан шығады.

$$\frac{d^2x}{dt^2} + i \frac{d^2y}{dt^2} = -\omega_0^2(x + iy) - \frac{ieH}{mc} \left(\frac{dx}{dt} + i \frac{dy}{dt} \right)$$

$$\frac{d^2\xi}{dt^2} = -\omega_0^2 \xi - \frac{ieH}{mc} \cdot \frac{d\xi}{dt}$$

аларыг. Бұз тәнлийнің ішкелесіні $\xi = Ae^{i\omega t}$ шекаралықтада ахтараңыз (A вә ω намәлүм сабиттердір); бұз қоғамалықтарында жеринде жазсаңыз:

$$-\omega^2 A e^{i\omega t} = -\omega_0^2 A e^{i\omega t} + \frac{eH}{mc} \omega A e^{i\omega t}$$

$$\omega^2 + \frac{eH}{mc} \omega - \omega_0^2 = 0$$

Бұз квадрат тәнлийнің қоғамалықтарын етсек:

$$\omega = -\frac{eH}{2mc} \pm \sqrt{\left(\frac{eH}{2mc}\right)^2 + \omega_0^2}$$

аларыг. Алдырымыз қоғамалықтарын көріп, сабиттердің көрінісінде олардың қарашасынан шығады. Сабиттердің көрінісінде олардың қарашасынан шығады. Сабиттердің көрінісінде олардың қарашасынан шығады. Сабиттердің көрінісінде олардың қарашасынан шығады.

$$\omega_1 = \frac{eH}{2mc} + \sqrt{\left(\frac{eH}{2mc}\right)^2 + \omega_0^2}$$

$$\omega_2 = -\frac{eH}{2mc} + \sqrt{\left(\frac{eH}{2mc}\right)^2 + \omega_0^2}$$

Олардың қарашасынан шығады. Олардың қарашасынан шығады. Олардың қарашасынан шығады. Олардың қарашасынан шығады.

$$\omega_1 = \omega_0 + \frac{eH}{2mc}$$

$$\omega_2 = \omega_0 - \frac{eH}{2mc}$$

олар (бах: Зејеман еффекті).

§1.5. Жаваш дәйишил магнит сабеттесіндегі жүктің зерттеулерінің нәркөтөні

Биз өзвеңдік параграфтарда бирчынсели вә сабиттердің көрінісінде олардың қарашасынан шығады. Сабиттердің көрінісінде олардың қарашасынан шығады. Сабиттердің көрінісінде олардың қарашасынан шығады. Сабиттердің көрінісінде олардың қарашасынан шығады.

Замана көріп, жаваш дәйишил магнит сабеттесінде олардың қарашасынан шығады. Сабиттердің көрінісінде олардың қарашасынан шығады. Сабиттердің көрінісінде олардың қарашасынан шығады.

$$T_c \left| \frac{\partial H}{\partial} \right| \ll H$$

шәртини өдесин.

Әкәр сиклotron радиусу R_c даирәсіндә, магнит саһесинің дәйишилмәсі саһәсін гијметтіндән чох-чох кичк оларса, белә саһәјә фәзада јаваш дәйишил магнит саһәси дејирләр.

Тә'рифдән аյдын олур ки,

$$R_c \left| \frac{\partial H}{\partial r_c} \right| \ll H$$

шәрти өдөнилмәлидир.

Иди интенсивлији \vec{H} - олан магнит саһәсінә перпендикулјар мұстәвидә һәрәкәт едән зәррәчијиң һәрәкәтин тәһлил едәк вә садәлик үчүн саһәни z - оху истигамәтиң јөнәлдәк. §1.3-дә биз көстәрдик ки, $\vec{v}_H = \text{const}$ вә $\vec{v}^2 = \text{const}$ олдуғундан, һокм етмәк олар ки, зәррәчијиң там кинетик енержиси:

$$W = \frac{m}{2} (\vec{v}_\perp^2 + \vec{v}_H^2) = \text{const}$$

олар; је'ни харичи магнит саһәсіндә зәррәчијиң там кинетик енержиси сахланылыр.

Иди импулс моментинин z - оху истигамәтдәки проекциясының тәһлил едәк:

$$M_z = mxv_y - myv_x = mR_c v_\perp \quad (v_z = 0)$$

Дикәр тәрәфдән $R_C = \frac{mc}{eH} v_\perp$ вә $\omega_C = \frac{eH}{mc}$ олдуғуну пәзәрә алсаг:

$$M_z = m\omega_c R_c^2 = \text{const}$$

аларыг; је'ни харичи магнит саһәсіндә импулс моментинин z - оху истигамәтіндәки проекциясы сахланылыр. Гејд едәк

ки, бу дејиләнләрин һамысы јаваш дәжишән магнит саһәсінә аиддир. Қестәрәк ки, јаваш дәжишән харичи магнит саһәсінә зәррәчијиң магнит моменти сабит галыр, је'ни

$$\mu = \text{const}$$

μ - нүн сабитлијини исбат етмәк үчүн електрик курсундан билдикләримизи јада салаг. Әкәр електрон сабит магнит саһәсіндә чеврә бојунча һәрәкәт едәрсә, бу һәрәкәтә мүәйїән бир J даирәви чәрәјаны кими баҳмаг олар. Бу чәрәјаның я-

ратдығы магнит моменти $\mu = \frac{I}{c} JS$ олар. S - чәрәјан контурун саһәсидир. Бу ифадәни бир гәдәр дәжишәк:

$$\mu = \frac{e}{c} \cdot \frac{\pi R_c^2}{T} = \frac{e}{2c} \left(\frac{2\pi R_c^2}{T} \right) R_c$$

$$\mu = \frac{ev_\perp}{2c} R_c$$

Бурада e - зәррәчијиң јүкү, T - периоддур.

Дикәр тәрәфдән даирәви һәрәкәтдә Лоренс гүввәси мәркәзәгачма гүввәси илә таразлаштырындан

$$\frac{mv_\perp^2}{R_c} = \frac{e}{c} v_\perp H$$

$$\frac{mv_\perp^2}{H} = \frac{e}{c} v_\perp R_c$$

$\frac{e}{c} v_\perp R_c$ - ни 2μ илә өвәз едиб бу ифадәдә јеринә јазсаг

$$\mu = \frac{ev_{\perp}R_c}{2c} = \frac{mv_{\perp}^2}{2H} = \frac{W_{\perp}}{H}$$

$$\mu = \frac{W_{\perp}}{H} = const$$

аларыг. Бурада W_{\perp} - зэррэчијин хариши магнит саһесинэ перпендикулјар мүстөви үзәриндәки һәрәкәттөн кинетик енержисидир. Инди фәрз едәк ки, магнит саһеси биржинсли дејилдир, фәзада јаваш дәјишир.

Магнит саһесини z - оху бојунча көтүрәк. Үмуми курсдан мә'лүмдүр ки, μ - магнит моментине малик зэррэчијә бирчинсли олмајан магнит саһесинде ашағыдақы гүввә тә'сир едир (бах: Штерн-Һерлах тәчрүбәси).

$$F = -\mu \frac{\partial H}{\partial z}$$

Бу гүввәниң элементар dz жолунда көрдүү иш зэррэчијин һөмин истигамәттөң кинетик енержинин дәјипмәсінә бәрабәр оламайдыр:

$$dA = dW_H = Fdz$$

$$dW_H = Fdz = -\mu \frac{\partial H}{\partial z} dz$$

Магнит саһеси z - оху бојунча јаваш дәјишидијиндән

$$dW_H = -\mu dH$$

Дикәр тәрәфдән, јухарыда дејиләнләрә әсасен зэррэчијин магнит саһесине перпендикулјар вә паралел мүстөвидә кинетик енержиләриң чәми $W_{\perp} + W_H = const$ олдуғундан

$$dW_{\perp} = -dW_H = \mu dH = \frac{W_{\perp}}{H} dH$$

$$\frac{dW_{\perp}}{W_{\perp}} = \frac{dH}{H}$$

$$\ln W_{\perp} = \ln H + \ln const$$

$$\ln \frac{W_{\perp}}{H} = \ln const$$

Бурадан

$$\frac{W_{\perp}}{H} = const$$

аларыг. μ -нин сабит олмасының јаваш дәјипмән магнит саһесинде ролу ашағыдақындан ибарәтдир.

Фәрз едәк ки, магнит саһеси z - оху бојунча јөнәлиб, һәм дә z -ин артмасы истигамәтиңде јаваш-јаваш артыр.

$$\frac{mv_{\perp}^2}{R_c} = \frac{e}{c} v_{\perp} H$$

$$R_c = \frac{mv_{\perp} c}{eH}$$

Дикәр тәрәфдән

$$\frac{mv_{\perp}^2}{2} = \mu H$$

олмалыдыр. Бурадан

$$v_{\perp} = \sqrt{\frac{2\mu H}{m}}$$

Бу ифадәләри R_c -дә јеринә јазсаг:

$$R_c = \frac{mc}{eH} \sqrt{\frac{2\mu H}{m}} = \frac{k}{\sqrt{H}}$$

аларыг. Бурада K - сабит әдәлдир.

Ахырынчы бәрабәрликдән көрүнүр ки, әкәр зәррәчик јаваш дәјищән магнит саһәсиндә һәрәкәт едәрсә, онун траекторијасынын радиусу дәјишпәр вә саһә јаваш-јаваш артдығындан траекторијасынын радиусу кичиләр. Там кинетик енержинин сахланмасындан истифадә өдәрәк:

$$W = W_{\perp} + W_H$$

$$W_H = W - W_{\perp}$$

$$W_H = W - \mu H$$

ифадәсими аларыг; бурадан корүнүр ки, харичи магнит саһәсинин артмасы илә μH наисли артыр вә нәһајәт, H елә бир лимит гијмәтиң чатыр ки, $W = \mu H_c$ олур. Айдындыр ки, бу

һалда $W_H = 0$ олачагдыр. Онда $H_c = \frac{W}{\mu}$. Бу шәрт дахилиндә јүклү зәррәчик H_c гијмәтини алыб кечә бىлмәјөчөкдир. H_c -ни бу лимит гијмәтиң магнит тыхачы дејирләр.

Исбат етмәк олар ки, H -ын мүэjjән гијмәтиндә јүклү зәррәчик "күзкү әкси" кими кери гајыдачагдыр. Бу мәтсәдлә Z оху үзәриндә ики ихтијари ногтә котурәк.

$$\begin{aligned} v_{\perp} &= v_0 \sin \alpha_0 & v'_{\perp} &= v_0 \sin \alpha \\ v_H &= v_0 \cos \alpha_0 & v'_H &= v_0 \cos \alpha \end{aligned}$$

Әкәр (1.25) шәртиндән истифадә етсәк

$$\frac{mv_{\perp}^2}{2} = \mu H(Z_0) \quad \frac{mv'_{\perp}^2}{2} = \mu H(Z)$$

$$\frac{mv_0^2 \sin^2 \alpha_0}{2} = \mu H(Z_0) \quad \frac{mv_0^2 \sin^2 \alpha}{2} = \mu H(Z)$$

тәрәф-тәрәфә болсак,

$$\sin^2 \alpha = \sin^2 \alpha_0 \frac{H(Z)}{H(Z_0)}, \quad \sin \alpha = \sin \alpha_0 \sqrt{\frac{H(Z)}{H(Z_0)}}$$

коқалты ифадәни тәңрүбәдә елә сечмәк олар ки, $\sin \alpha_0 \sqrt{\frac{H(Z)}{H(Z_0)}} = 1$ олсун. Онда айдындыр ки, $\sin \alpha = 1$ олар вә бу шәрт дахилиндә

$$v_H = 0, \quad v_{\perp} = v_0$$

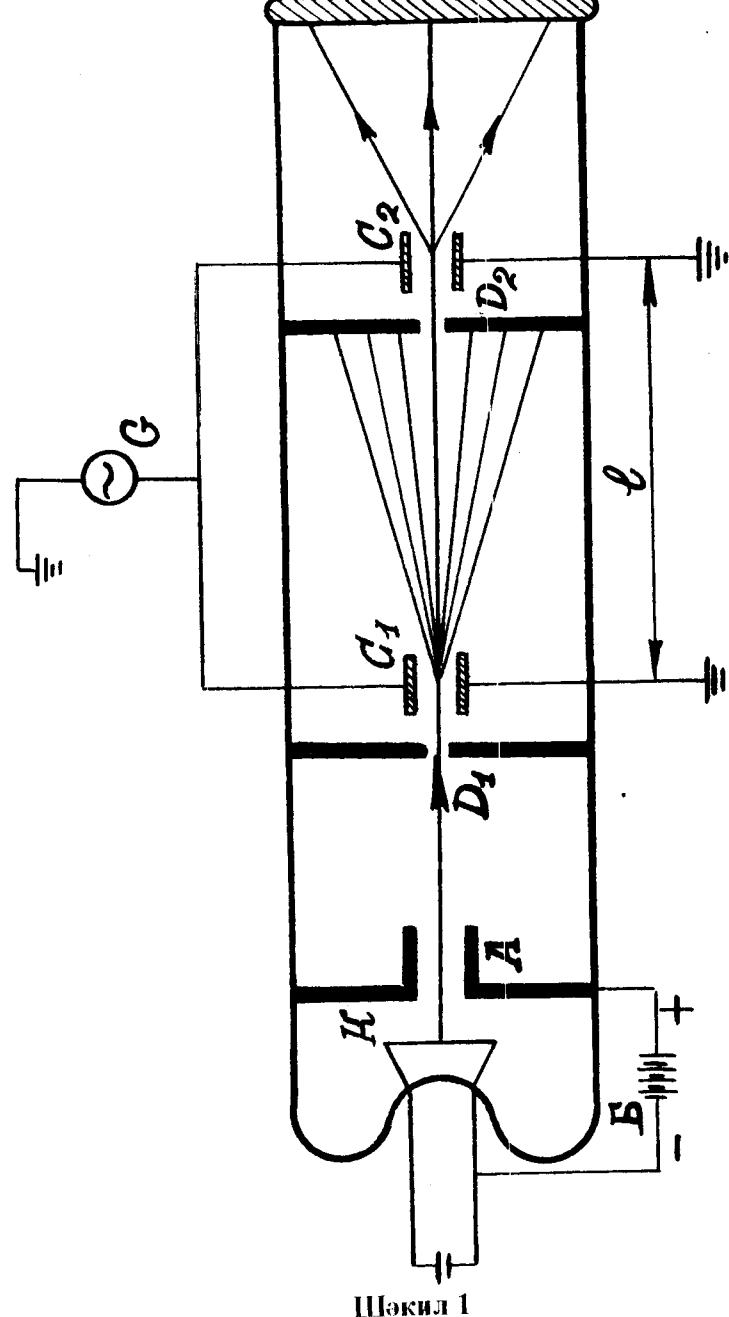
олар, башта сөзлә бу дедијимиздән көрүнүр ки, магнит саһәси күзкү ролуну ојнајыр. Зәррәчик Z ногтәсиндә ани олараг дајаңыр вә һәр тәрәфдән гүввә хәтләри илә әнатә олундуғундан әvvәлки траекторија илә кери гајыда. Әкәр симметрик олараг сол тәрәфдә дә магнит саһәси яратсаг, онда магнит тәләси аларыг. Бу һалда јүклү зәррәчикләр сағ вә сол магнит "күзкүләриндән" әкс олараг онлар арасында һәрәкәт едәмәкләр. Магнит саһәсимиин бу хассәсиндән нүвә физикасында плазманы сахламагда истифадә олунур. Әкәр һәр һансы бир плазма газанында јүклү зәррәчикләр газанын диварлары илә тогтушуб өз енержиләрини газана верәрләрсә (мәсәлән, ондан атомлар топармагла), онда плазманын температуралары ашағы дүшиәр вә һәм дә газан әријә биләр. Бунун гарышыны алмаг үчүн магнит тәләсингән истифадә олунур.

§1.6. Електронун хұсуси жүкүнү тә'жини

Електронун хұсуси жүкүнү тә'жин етмәк үчүн бир нечә үсул мөвчуддур. Биз бунлардан жалныз икиси илә таныш олачағы.

1) Ики конденсатор үсулу илә хұсуси жүкүн тә'жини.

Жүктүү зэррәчикдәрин електрик саһәсиндә мејлинә әсасын онун хұсуси жүкүнү шәкилдә көстәрилән схем әсасында тә'жин етмәк олар. C_1 вә C_2 конденсаторлары жүксөк тезликли G көнегатору илә бирләштирилир ки, бу да һәр ики конденсаторда потенциаллар фәргинин ејни заманда ејни фазада дәшишмәсіни тә'мин едир. К қозәртмә телиндән чыхан електронлар K катоду илә A аноду арасында сүр'этләнирләр. А аноду вә D_1 диафрагмасындағы кичик лещикләрдән кечән енсиз електрон дәстәси C_1 конденсаторуна дүшүр. Бурада дәшишән електрик саһәсінин тә'сири алтында електрон дәстәсінин мејли периодик олараг дәшишір. Електрон дәстәси үмумијәтлә десәк, D_2 диафрагмасы үзәрінә дүшәрәк онун тәрәфиндән тутулур. D_2 диафрагмасынын деңијиндән жалныз слә електронлар кечир ки, онларың потенциал әйриси һәмін анда сығыр нәгтәсіндән кечсін. Белә електронлар конденсаторун лөвіләрі арасындағы мејли етмәрәк кечирләр. Бу електронлар дүз хәтт боюнча һәрәкәт едәрәк C_2 конденсаторуна дүшүр. Һәр ики конденсаторда електрик саһәси ејни фазада дәшидијиндән һәр период әрзиндә електронлар ики дәфә C_2 конденсаторуна дүниүр вә орадакы електрик саһәсінин фазасындан асылы олараг аз вә ja чох дәрәчәдә мејл едирләр. Айдындыр ки, електронлар C_2 конденсаторундан кечәркән жалныз икиси симметрик истиғамәтдә мејл едә биләрләр. Мәсәлән, әкәр електронун C_1 вә C_2 конденсаторлары арасындағы мәсафәни гәт етмә мүддәти $t_1=$ Ом-дирсә, онда белә групп електрошлар C_2 конденсаторуна чатан анда орадакы потенциал $+ \phi_1$, сонра кәлән дикәр групп електронлар исә C_2 конденсаторуна чатанда орадакы потенциал $- \phi_1$ олачагдыр. Она көрә дә бу икиси групп електронлар экранын флуоресценсија едичи тәбәгәсіндә симметрик јерләшишмиш икиси ишүйгілі ләкә жарадағадыр. Катодда анод арасындағы сүр'этләндиричи потенциалы дәшишдirmәклә електронларын сүр'этини слә дәшишмәк олар ки, t_1 мүддәти көнегаторун



Шекил 1

јарымпериодуна вә ja јарымпериодун там мисилләринә бәрабәр олсун, је'ни

$$t_I = \frac{T}{2} \quad \text{вә ja} \quad t_I = \frac{T}{2} \cdot n$$

олсун. Бу шәрт өдәнилдикдә јүклү зәррәчикләр икинчи конденсатордан мејл етмәдән кечәчәкләр вә экран үзәриндә һәр һансы бир нөгтәјә дүшүб бир ишыглы ләкә јарадачаглар. Бу ики конденсатор арасында електронларын сүр'әти

$$v = \frac{l}{t_I} = \frac{2l}{T}$$

вә ja үмуми һалда

$$v = \frac{2l}{n} \gamma$$

олар. Бурада γ -генераторун тезлијидир. К-көзәрмә телиндән чыхан електронлар, сүр'әтләндириңчи саһәни кечәркән онларын алдыгы сонунчы сүр'әт

$$\frac{mv^2}{2} \geq e\varphi$$

мұнасибәтиндән тә'жин едилр ки, бурада φ . Б-батарејасы тәрәфиндән јарадылаш сүр'әтләндиричи потенциалдыр. Бу ифадәдә сүр'әтин јухарыдақы гијмәтини нәзәрә алсағ:

$$\frac{m}{2} \cdot \frac{4l^2 v^2}{n^2} = e\varphi$$

вә ja

$$\frac{e}{m} = \frac{2l^2 v^2}{n^2 \varphi}$$

аларыг. Бу үсулла апарылмыш тәчрүбәләрдән електронун үсүсүси јүкү үчүн

$$\frac{e}{m} = 1.7590 \cdot 10^{11} \text{ Кл / Кг}$$

гијмәти алыныштырып.

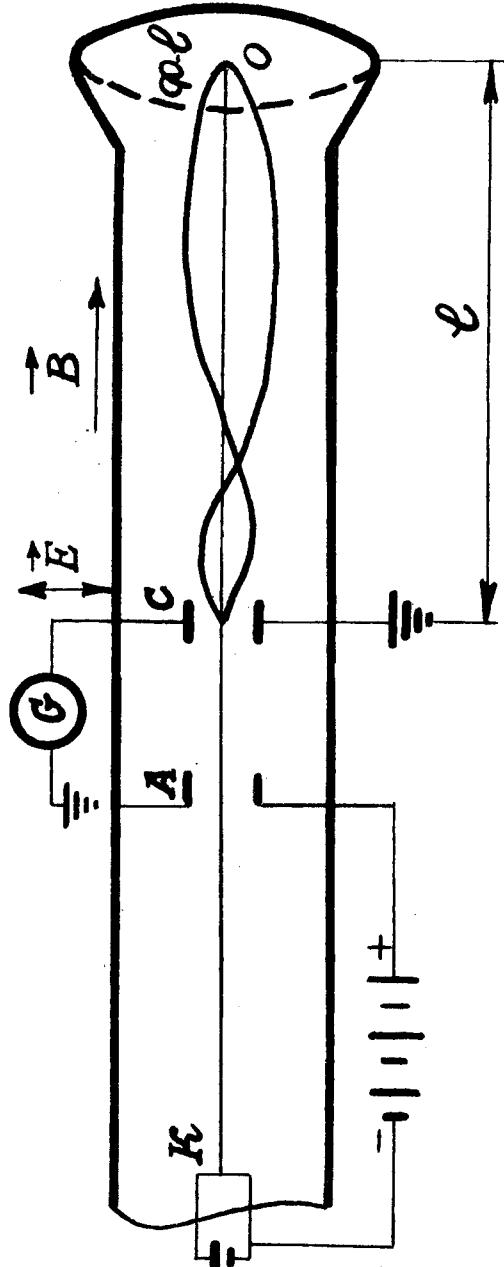
Ики конденсатор үсулунун бөјүк үстүнлүjу ондан ибәрәттир ки, бу тәчрүбәдә бөјүк ҳәталар бурахылан мејлләри өлчмәк тәләб олунмур. Гејд едәк ки, тәчрүбәни јалныз бир конденсаторла да апармаг олар. Лакин C_1 конденсатору васитәсилә үсүсүси јүкү тә'жин етдицдә јүклү зәррәчикләр конденсаторда мејл едир вә экранда мејл өлчмәк лазым җәлир. Бу исә мүәjjән ҳәталарын мејдана кәлмәсінә сәбәб олур. Бу ҳәталары азалтмаг мәгсәдијә икинчи C_2 конденсатору көтүрүлүр.

II. Узунуна магнит саһәсіндә фокусланма үсулу илә

$\frac{e}{m}$ нисбәтиниң тә'жини.

Бу үсулла $\frac{e}{m}$ нисбәтиниң тә'жин олунмасы схеми 2-чи

шәкилдә көстәрilmисидир. Катоддан (К) чыхан електронлар катодда анод (А) арасындашы сүр'әтләндиричи потенциаллар фәргинин тә'сирі алтында сүр'әтләнәрәк анодун кичик дешијиндән кечиб, С конденсаторунун лөвнәләри арасындашы дәжишән Е электрик саһәсінә дүшүр. Бу саһәнин тә'сирі илә онлар јухары вә ашагы мејл едән електронлар дәстәсінә чөврилирләр. Соленоид васитәсилә l мәсафәсіндә бирчинсли узунуна магнит саһәси јарадылыр. Конденсатордан чыхан електронлар бу магнит саһәсінә һәр һансы бир α булағы алтында дүшүрләр. (1.12) ифадәсіндән қөрүнүр ки, магнит саһәсіндә бир чөврәнин чызылмасына сәрф олунан заман зәррәчијин сүр'әттәндән асылы дејил. Демәли, мұхтәлиф сүр'әтләрә малик ики зәррәчик ејни бир заманда ејни бир нөгтәдән магнит саһәсінә перпендикулар истигамәтдә



Шәкил 2

чыхарларса, онлар мұхтәлиф радиуслу чеврәләр ғызырага енни заманда һәмин нәгтәјә чатарлар. (1.12) дүстүруна әсасен бир чөврә ғызылмасына сәрф олунан мүддәтдә электронлар соленоидин оху бојунча

$$l = \frac{2\pi m v_c}{eH} \cos \alpha$$

мәсафәсини кепчирләр. Экәр кичик мејл етмә булагларына баҳсаг, $\cos \alpha \approx 1$ во

$$l = \frac{2\pi m v_c}{eH}$$

олар. Бу дұстурдан көрүнүр ки, конденсатордан кичик мейл бүчагы алтында чыхан вә ejni bir v сүр'етинә малик олан электронлар магнит саһәсинә перпендикулар мүстәвидә бир чөврәнин чызылмасына сәрф олунан мүддәтдә соленоидин оху бојунча ejni bir l мәсафәсіни кечирләр. Бу, о демәкдир ки, ejni енержили вә бир-бириндән конусун доғуранлары үз-рә узаглашаш електронлар дәстәси узунуна магнит саһәсінин тәсирі алтында l мәсафәсіндә фокусланырлар.

Узүнүна магнит саһәсинин бу фокусландырма хүсүсү-

јәти $\frac{e}{m}$ нисбәтинин тә'јин олумасына имкан верир. Соле-

иондукцикі өрнекіліктердің магниттегі индукциясынын елә гијмәттін алмак олар ки, электрон дәстәсі соленоидтің дикәр учунда флуоресценсија едичи экран ярләшешін ярдә о нортасындә фокуслағысын. Саһи индукциясынын бу гиј-

мәтини биләрек $\frac{e}{m}$ нисбәтини тә'жин етмәк олар. Догрудан

да (1.12) дұстурундан:

$$v = \frac{e}{m} \cdot \frac{lH}{2\pi c}$$

тә'јин едиб $\frac{mv^2}{2} = e\varphi$ дүстүрүнде жазыл

$$\frac{e}{m} = \frac{8\pi^2 c^2}{H^2 l^2} \varphi$$

аларыг. Бу үсүлдөн көбүркөнчүк жүйе тапталыш гијмәт $\frac{e}{m} = 1,7592 \cdot 10^{11}$ кл / кг -дыр.

§17. Іуқлу зэррэчилгээний монокроматиклэширилмэс

Атом физикасының бә'зи мәсөләләриндә сүр'этләри ежни олан электронлар дәстәсинин јарадылмасы тәләб олунар. Ежни сүр'етли (монохроматик) јүкшү зэррәчикләр дәстәси алмаг үчүн бир-биринэ чарпаз электрик вә магнит саһәсияни тә'сириндән истифадә едирләр.

Фәрз едәк ки, һәр һансы јүклү зөррәчик мүәjjән ярафы олан конденсаторун дахилиндә һөрәкәт едир. Магнит саһесинин истигамәтини електрик саһесине перпендикулјар ко-түрмәклә саһәләри елә сечмәк олар ки, зөррәчијә тә'сир елән һәр ики гуввә бир-биринин эксине јонәлсүн.

Лоренс вә Кулон түүвэләриин тә'сири алтында јүклү зэррөчиләр конденсатор дахилиндә мүәйјән өјри боюнча һәрәкәт едәчәкләр. Әјрилик радиусу ашағыдақы мұнасибәт-дән тапсылыр:

$$\frac{e}{c}vH - eE = \frac{mv^2}{R}$$

јарығындан елә жүклю зәррәчикләр кечәчәкләр ки, онлара төсир едән гүввәләр гијмәтчә бәрабәр, истигамәтчә бир-бипринин әксинә олсун, јәни

$$\frac{e}{c}vH - eE = 0$$

олсун. Бурадан

$$v = \frac{E}{H} c$$

сүр'ётлөри бу мұнасибеті өдемейен жүкіл зәррәцикеләр конденсаторун лөвхәләри тәрәфиндән чәзб олунуб электрон дәстесиндән кәнар олунурлар вә диафрагма тәрәфиндән туғулурлар.

Көтүрдүймүз електрик вә магнит саһәләри бирчының олдугларына көрә јарыгдан чыхан електронларын һамысы ejini сүр'етә маилик олачагдыр, јәни јарыгдан монохроматик жүкүү зэррәчикләр дәстәсі чыхачагдыр. Бурада електрик вә магнит саһәләри мүәјжән мә'нада сүзкәм ролуну ојиаýылар.

Монохроматик жүктүү зэррәчиклөр алмағын иккىчىң үсүлү силиндрик конденсаторда жарадылмыши радиал электрик саһәсинин тә'сиринэ әсасланыр.

Фәрз едәк ки, силиндрик конденсаторун көjnекләри M_{ij} -жөн ϕ_k потенциаллар фәргинэ гәдәр јүнкүлләшир. Мәнбәдән ышан јүклү зэррәчиләр дәстәси сур'әтләндирүчү потенциаллар фәргини кечәрәк конденсаторун көjnекләри арасына дүшүр.

Айдындыр ки, көнекләр арасында жалның елә зэррә-
чиклор кечирләр ки, онлар үчүн ашагыдақы шәрт оденил-
син:

$$eE = \frac{mv^2}{R}$$

Силиндрик конденсатор дахилиндэки електрик саһэсийн радиал симметрияа маликдир, она корэ дэ

$$|\vec{E}| = \frac{d\phi}{dR}; \quad e \frac{d\phi}{dr} = \frac{mv^2}{R}$$

$$\frac{mv^2}{2} = e\varphi, \quad e \frac{d\varphi}{dR} = \frac{2e\varphi_0}{R}, \quad \frac{d\varphi}{2\varphi_0} = \frac{dR}{R}$$

$$\int_{R_1}^{R_2} \frac{dR}{R} = \frac{1}{2\varphi_0} \int_{\varphi_1}^{\varphi_2} d\varphi; \quad \ln \frac{R_2}{R_1} = \frac{1}{2\varphi_0} (\varphi_2 - \varphi_1) = \frac{\varphi_k}{2\varphi_0}$$

$$\varphi_k = 2\varphi_0 \ln \frac{R_2}{R_1}$$

бу ифадәдән қорынүр ки, конденсаторун көjnækләриндәки hәр бир φ_k потенциаллар фәргинә јүклү зәrrәчиkләrin елә $e\varphi_0$ енержиси уjғun қәлир ки, бу енержијә малик олан зәrrәчиkләr силиндрик конденсатордан кечирләр.

φ_k потенциаллар фәргини сечмәклә monoхроматик јүклү зәrrәчиkләr дәстәси алмаг олар.

§1.8. Електронун күтләсинин сүр'етидән асылылығы

XX әсрин лап әvvәлләrinдö мүәjjәn олунышшур ки, ишyғын бошлугдакы сүр'етинә јахын сүр'етләrdә електронун күтләси сүр'етdәn асылы олараг дәjiшир. Соңralар 1905-чи илдә Еjnígitejн өзүнүн хұsusи нисбилик нәzәrijәsini јарадараг көstәrdi ки, истәnilәn чисмин күтләси сүр'etidәn асылы олараг

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

тәнниу илә дәjiшир. Һәлә нисбилик нәzәrijәsi јарапмадан хеjli әvvәl 1901-чи илдә Кауфман електронун күтләsinin сүр'etidәn асылылығыны мүәjjәn etmәk үчүn тәçpүбә гоjур. Еjни сүр'etә малик олан електронлар дәstәsi, лөвhәlәri арасында бир-биринә антипаралел електрик вә магнит саhәllәri олан конденсатордан кечир. Аjdyndыr ки, зәrrәчиkләr hәm електрик, hәm дә магнит саhәsinde mejl eđäçeklәr. Koordinat охларыны елә сечек ки, електрик саhәsinde mejl X оху боjунча, магнит саhәsinde исә mejl Z оху боjунча олсун.

(1.6) вә (1.13') ифадәләrinә эсасен електрик вә магнит саhәllәrindeki mejlләr

$$X = \frac{e}{mv^2} A, \quad Z = \frac{e}{mv} B$$

бәrabәrliklәri ilә tә'jin олунур. Бурада A вә B чиhaz сabitlәridir. Зәrrәchikләrin електрик вә магнит саhәllәrindeki mejlләrinи mүshaһидә etmәk үчүn XOZ мүstәvisi үzәrindә foto лөвhә гоjулур вә координат башлангычы hәr иki саhәdә mejl etmәjәn y-квантлар vasitәsilә mүәjjәn ediлиr. Ajdynndыr ки, сүr'etlәri ejni олан електронлар foto лөвhә үzәrindә mүәjjәn ногtәdә топланарлар. Електронларын сүr'etlәri mүxtәliif олдугда исә онлар фотолөвhә үzәrindә mүxtәliif ногtәlәrdә топлашашаглар; hәmin ногtәlәrin fotolөvhә үzәrindә һәndәsi јерини тапаг. Бунун үчүn јухарыдағы иki ifadәdәn

$$\frac{z^2}{x} = \frac{e}{m} \cdot \frac{B^2}{A}$$

аларыг. Әкәр $\frac{e}{m}$ сabitdirсә, онда $\frac{B^2}{A} \cdot \frac{e}{m} = K = const$ олар вә

$$Z^2 = KX$$

аларыг. Бурадан қорынүр ки, mүxtәliif сүr'etli електронлар фотолөvhә үzәrindә парабола боjунча јerlәshmәlidirләr. Магнит саhәsinin istigamәtinи сabit sahlaýib електрик саhәsinin istigamәtinи 180° дәjiшсәк, онда фотолөvhә үzәrindә Z охуна nisbәtәn симметрик јerlәshmiш ики парабола парчасы аlynimалыдыr вә hәm дә Z оху координат башлангычында hәr иki парабола таxунан олмалыдыr. Кауфманын тәçpүбәси көstәrdi ки, фотолөvhә үzәrindә аlynan ejrilәr парабола парчалары деjil. Аlynimыш ejrilәr коор-

динат башланғычынадәк давам етмір. Бундан башта әйріләрін давамына о нөгтесіндә чәкилмиш тохунанлар Z оху илә үст-үстә дүшмәйіб, онунда һәр һансы бир α бұчағы әмәлә кәтирир. Бу тәңрүбі фактлар көстәрир ки, жуахарыда фәрз етдијимиз $\frac{e}{m} = \text{const}$ нисбәти сабит дејілдір, жәни күтлә сүр'етдән асылыдыр. Тәңрүбәдә алынан әйринин координаталарыны өлчмәклә Кауфман $\frac{e}{m}$ нисбәтини һесабламышдыр.

Тәңрүбәләр көстәрир ки, электронларын сүр'етинин артмасы илә $\frac{e}{m}$ нисбәти азалыр. Башта созлә десәк сүр'етин артмасы илә электронун күтләсі артыр.

Гејд етмәк лазымдыр ки, Кауфманын тәңрүбәси қејфијет харakterи дашияйыр, чүнки тәңрүбәдә алынан параболалар жарымчыгдырлар вәchoх да кәсқин дејилләр. Буна баҳмајараг бу тәңрүбә илк дәфә олараг күтләсінин сүр'етдән асылылығыны көстәрди. Кауфмандан соңра нәзәри олараг электронун күтләсінин сүр'етдән асылылығы үчүн бә'зи мұлағаизәләр ирәли сүрүлмүшдүр. Абраһам электрона һәрәкәти истигамәтіндә сыйхылмајан һәр һансы кичик күрә кими баҳарағ күтләсінин сүр'етдән асылылығы үчүн аллағыдақы дүстураларын атап берді:

$$m = \frac{3}{4} \cdot \frac{m_0}{\beta} \left(\frac{1 + \beta^2}{2\beta} \ln \frac{1 - \beta}{1 + \beta} - 1 \right)$$

$$m_0 = 9,1 \cdot 10^{-28} \text{ gr.} \quad \beta = \frac{v}{c}$$

Лоренс исә электрон күтләсінин тамамилә электромагнит тәбиэтли олмасыны фәрз етмәкілә электрона һәрәкәт истигамәтіндә сыйхылан күрә кими баҳмагла күтләсінин сүр'етіндән асылылығы үчүн белә дүстур алмышдыр:

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

Бу нәзәри дүстурлар бир сыра мүәллифләр тәрәфин-дән тәңрүбәдә јохланмышдыр.

Гејд едәк ки, бу дүстурлар заниян бир-бириндән кәсіпин фәргләнмәсінә баҳмајараг мүәжжән β - үчүн онларын вердији әдәди гијмет бир-бириндә чох յаҳын олур.

Бириңчи дәфә олараг Күн-Лаванин-Ратновски сүр'әти

$\beta = 0,3 + 0,5$ олан электронларла тәңрүбә апарараг Лоренс дүстурунун һәгигәтә даһа յаҳын олдуғуны сүбугт етмишләр. Накин онларын тәңрүбәләри о гәдәр дә дәғиг дејилди, чүнки электронларын сүр'әти о гәдәр кичикдир ки, күтләсінин дәжишмәсі һисс олунмурду.

Бүнлардан соңра Капитса вә Триккер электронун күтләсінин сүр'етдән асылылығыны мүәжжәнләпидирмәк үчүн схема вермишләр. Онларын схеми ишіғыны монокроматик-ләшдирилмәсі үчүн тәтбиг олунан "фокал монокроматорун" схеминә чох бәнзәјир. Тутаг ки, һәр һансы бир линза үзәри-нә ишыг шұасы дүшүр.

Диафрагма васитәсілә шұалары линзанын кәнарларына жөнәлдәк. Бу ишыг линза маддәсіндә жеди мұхтәлиф рәнкә айрылып. Хроматик аберасија нәтижесіндә мұхтәлиф рәнкелі шұалар линзадан мұхтәлиф истигамәтдә сыныр. Эн чох сынан бәнөвшәji шұалар, ән аз сынан исә гырмызы шұалар олур. Әкәр үзәриндә кичик жарығы олан экраны баш оптика ох үзәриндә саға-сола һәрәкәт етдирсек, онда жарығдан кечән шұа тәмиз монокроматик шұа олар.

Капитса-Триккер тәңрүбәсіндә линзанын жерини соленоид васитәсілә жаранан узунуна магнит саһесі әвәз едир. Електрон мәнбәйіндән мұхтәлиф сүр'етле чыхан электронлар мұхтәлиф нөгтәләрдә фокусланырлар.

Билдијимиз кими белә узунуна саһадә винт аддымы (бах.(1.12)

$$I = \frac{2\pi m c}{eH} \cos \alpha$$

дүстүру илэ тә'жин олунур. Онда сүр'этләри мұхтәлиф олан электронларын экранда пајландығы интервал

$$\Delta I = \frac{2\pi m c}{eH} \Delta v \cos \alpha$$

олар.

Тәчрүбәдә ΔI вә Δv -ни тапмагла $\frac{e}{m}$ нисбәтини һесабlamag олар. Тәчрүбәдә экрана 5000 в-а гәдәр потенциаллар фәрги верилир. Она көрә до алынан электронларын сүр'ети $\beta = 0,7 + 0,9$ интервалында олур ки, бу да тәчрүбәнин чох инандырычы олмасына кәтирир. Бу тәчрүдән алынан гиjmәт Лоренс дүстүруна даһа чох уjғун көлир.

Електроунун күтләсінин сүр'етдән асылылығыны Сан вә Списс дә тәчрүбәдә юхламыпцыр.

Фәрз едәк ки, һәр һансы мәнбәдән чыхан электронлар диафрагмаларынан көчәндән соңра чарпаз електрик вә магнит саһәсінә дүшүр. Онда бу системе сүзкәм ролуну ојнајар.

Диафрагмалардан елә электронлар кечиб, електрик вә магнит саһәләринә дүшүрләр ки, онларын сүр'этләри

$$\frac{e}{c} v H = \frac{mv^2}{R}$$

шәрттіні өдесин. Јарыгдан монохроматик електрон дәстәси чыхыр вә Фарадеј силиндринә дүшүр. Фарадеј силиндринде айры-айры электронлары сајмаг мүмкүн олдуғундан тәчрүбәдә магнит саһәсінин верилмис гиjmәттіндә конденсаторун лөвхәләріндәки потенциаллар фәрги елә сечилир ки, Фарадеј силиндринде геjd олунан электронларын сајы максимум олсун.

Әкәр конденсатордакы електрик саһәсінин интенсивлиji Е, магнит саһәсінин интенсивлиji H оларса, онда конденсатордан жалызы елә электронлар кечәрләр ки, онларын сүр'этләри $v = \frac{E}{H} C$ шәртини одесин. Сүр'етин бу ифадәсинаң жуһарылакты дүстүрда јеринә жасаг:

$$\frac{e}{m} = \frac{c^2 E}{RH^2}$$

аларын.

Тәчрүбәдә әјрилик радиусуну, Е вә H-ы өлчмәклә $\frac{e}{m}$ нисбәтини тә'жин етмәк олар. Бу тәчрүбә костәрди ки, Лоренс дүстүру 1% хәта илэ тәчрүбәнин вердији гиjmәттә уjғун көлир. Бу тәчрүбәдә электронларын сүр'ети $\beta = 0,8 \div 0,9$ интервалында олмушидур.

Мұасир дөврдә күтләсін сүр'етдән асылылығын ифадәси, жүклү зәррәчикләрин сүр'етләндіричишіләри кими нәһәнк түргуларын жарадылмасы ишинде чох кенини истигадә олунан ишчи дүстүра чеврилмишидир. Әкәр бу түргулар жарадыларкен күтләсін сүр'етдән асылылығын ифадә едән Лоренс-Еңишеји дүстүрундан чох чүз'и дәрәчәдә кәнара чыхма оларса, онда бу чүр түргулар үмумијәттә ишләмәз. Она көрә дә мұасир дөврдә бүтүн мүмкүн олай сүр'етләр интервалинда күтләсін сүр'етдән асылылығы дүстүрунун доғру олдуғуну инамла төсдиг етмәк олар.

§1.9. Електронун електромагнит күтләсі

Илк дәфә олары Гомсон фәрз етмишидир ки, електрон механики күтләjә малик дејил, онун күтләсі тамамилә електромагнит тәбиетлидир. Бу фәрзијә Лоренс дүстүрунун алынmasында електронун күтләсінин тамамилә електромагнит тәбиетли олдуғунун тәбүл мәсінә истинаад едилмишидир. Бу фәрзијәні Томсон белә әсасландырыр. Фәрз

едәк ки, һәр һансы бир электрон сүкунәтдәdir. Електрик курсундан мә'lумдур ки, белә јүкүн әтрафында интенсивлиji E олан ялныз електростатик саһә ѡараныр. Әкәр фәрз етсәк ки, һәмин електрон мүәjjәn v сүр'ети илә һәрәкәт едир, онда айдындыр ки, һәмин електронун әтрафында интенсивлиji H олан магнит саһәси ѡаранар. Әкәр һәрәкәт едән електрону дајандырмаға чалышсаг харичи магнит саһәси ѡаваш-јаваш јох олачаг вә индуксија гануна әсасән интенсивлиji E' олан јени електрик саһәси әмәлә қәләчәкдир. Ленс гајдасына қөрә бу саһәнин истигамәти елә олмалыдыр ки, о, ләнкиjән електрону сүр'әтләндирсөн. Беләликлә, қөрүнүр ки, електронун һәрәкәти заманы мүәjjәn бир електрик әталәти мөјдана қәлир вә бу електрик әталәтине гаршы мүәjjәn күглә гојмаг олар. Бу күтләjә електромагнит күтләси дејилир.

$$m = m_m + m_e, \quad m_m = 0$$

$$m = m_e$$

Мүәjjәn мұлаһизәләр әсасында електронун електромагнит күтләсіни һесаблмаг олар. Фәрз едәк ки, електрон r_0 - радиуслу қүрә шәклиндәdir вә електрик јүкү бәрабәр сыхлыгла онун дахилиндә пајланмыштыр. Електрик курсундан билдијимиз кими е јүкүнә малик зәррәчик v сүр'ети илә һәрәкәт едәрсә, бу һәрәкәтә сыхлығы eu олан електрик чәрәяна кими баҳмаг олар. Онда бу чәрәянын мүәjjәn r мәсафәсindә ѡараттығы магнит саһәсинин интенсивлиji Био-Савар-Лаплас гануна қөрә

$$H = \frac{ev}{cr^2} \sin \theta$$

олар. Йараңан бу магнит саһәси мүәjjәn енержи сыхлығына маликдир. Елементар dV һәчминдә магнит саһәсинин енержиси:

$$dW = \frac{H^2}{8\pi} dV = \frac{e^2 v^2 \sin^2 \theta}{8\pi c^2 r^4} \cdot r^2 dr \sin \theta d\theta d\phi$$

$$dW = \frac{e^2 v^2 \sin^3 \theta}{8\pi c^2 r^2} dr d\theta d\phi$$

олар.

Бу ифадәни r, θ, ϕ -jә қөрә, интегралласаг магнит саһәси илә бағлы олан енержини тапа биләрик:

$$W = \frac{e^2 v^2}{8\pi c^2} \int_{r_0}^{\infty} \int_0^{\pi} \int_0^{2\pi} \sin^3 \theta d\theta d\theta d\phi$$

$$W = \frac{e^2 v^2}{3r_0 c^2}$$

Алдығымыз бу енержи електрон үзәриндә кәнардан мүәjjәn иш қөрмәклә әлдә едилмишdir. Башга сөзлә електрона вердијимиз кинетик енержи бу енержинин ѡаранмасына сәбәб олур. Онда

$$\frac{m_e v^2}{2} = \frac{e^2 v^2}{3r_0 c^2}$$

Бурадан електронун електромагнит күтләси үчүн

$$m_e = \frac{2e^2}{3r_0 c^2}$$

ифадәсини аларыг.

Електронун күтләсінин тамамилә електромагнит тәбиэтли олмасы фәрзијәсindән истифадә едәрәк онун классик радиусуну һесаблмаг олар:

II ФӘСИЛ

АТОМУН ГУРУЛУШУ

§2.1. Сәпилмәсінің еффектив кәсији

Адәттән атомун гурулушуну, јәни атомда мәнфи вә мүсбәт јүкләрин пајланмасыны өjrәnmәk үчүн һәмнин атому кәнардан беjүк сүр'етли електронларла, α - зәррәциләрлә бомбардман өдиrlәр (зондлаjырлар). Аjdындыр ки, бу һалда атомда бир сыра мүреккәб һадисәләр баш верә биләр. Лакин биз дикәр просесләри деjил, յалныз зәррәциләрин атомдан сәпилмәсіни өjrәnәчәjик. Сәпилмә дедикдә зәррәциләрин өvvәлки һәрәкәт истигамәтиндән меjлләри нәзәрдә тутулур.

Өvvәлчә мәсәләни садәләшdirмәk үчүн фәрз едәк ки, сүкунәттә олан вә хаотик јерләшән јүксүз күрәләр системи мовчуддуr. Системин үзәринә кәнардан һәр һансы бир нишанланмыш күрә дүшүр.

Ajdындыр ки, дүшән нишанланмыши күрә сүкунәттә олан күрәләрә ja тогтушачаг, ja да тогтушимајачагдыр. Бу һадисә еһтимал характеристи дашиыыр. Фәрз едәк ки, нишанланмыши күрәнин X мәсафәсіни тогтушмадан кечмә еһтималы $W(x)$ -дыр. Онда $W(x+dx)$ нишанланмыши күрәнин $x+dx$ мәсафәсіни тогтушмадан кечмә еһтималы олар. Дикәр тәрәфдән нишанланмыши күрәнин $x+dx$ мәсафәси кечмәси мүреккәб һадисә олуб ики мәрһәләдән: ардычыл олараq тогтушмадан x вә dx мәсафәләрини кечмәсіндән ибарәттәр. Мүреккәб һадисәнин еһтималы асылы олмајан элементар һадисәләрин еһтималларынын һасилинә бәрабәр олдуғудан:

$$W(x+dx) = W(x) W(dx)$$

ифадәсіни жазмаг олар.

Геjд етмәк лазымдыр ки, електронун күтләсінин тамамилә електромагнит тәбиәтли олмасы фикри жаныштыр. Бунун сәбәбі ашағыдақылардан ибарәттір.

1. Билдијимиз кими әкәр бир електрона радиусы 10^{-13} см олан күрә кими баxсаг, бу күрәнин һәчми $V \sim 10^{-39}$ см³ болар. Күтлә тамам електромагнит тәбиәтли оларса, онда белә кичик һәчмәдә յалныз еjни електростатик характеристи гүввәләр тә'сир едәр. Бу гүввәләрин тә'сир алтында систем даҗаныглы ола билемәз вә бу систем дағылмалыдыр. Лакин гүввәләрлә жанаши һәр һансы дикәр механики гүввәләр дә олмалыдыр ки, системи дағылмаға гоjмасын. Бу механики гүввәләр гарышы механики күтлә гоjа биләрик.

2) Томсонун Лоренс дүстүруна әсасланан бу фәрзийәни ирәли сүрмәси һәм дә она көрә յалныидыр ки, 1905-чи илдә Еjншtejn зәррәчијин тәбиәтинә һеч бир мәһдүдияjjәт гоjмадан

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

дүстүрун алмыштыр. Онда Томсонун Лоренс дүстүруна әсасланмасы мә'насыздыр. Бу дедикләrimизи јекунлаштырапар белә нәтижәj қәләрик ки, електронун күтләсінин тамамилә електромагнит тәбиәтингә малик олмасы фикри жаныштыр, онун күтләсінин յалныз бир һиссәси електромагнит тәбиәтлидир.

Нишанланмыш күрәнин dx мәсафәсіни кечәркән күрәләрлә тоггушма еһтималы бу мәсафә илә мұтәнасиб олуб adx кими жазыла биләр. Бурада а мұтәнасиблиқ әмсалыдыр. Онда нишанланмыш күрәнин dx мәсафәсіни тоггушмадан кечмә еһтималы олан $W(dx)$ -и ашағыдақы кими жазмаг олар:

$$W(dx) = 1-adx$$

Бу ифадәни јухарыдақы мұнасибәтдә нәзәрә алсаг,

$$W(x+dx) = W(x)(1-adx)$$

бәрабәрлигини жазмаг олар.

$W(x+dx)$ функциясыны dx әтрафында сыраја айыраг вә биринчи ики һәдди илә кифајәтләнәк. Онда

$$\begin{aligned} W(x) + \frac{dW(x)}{dx} \cdot dx &= W(x) - aW(x)dx \\ \frac{dW(x)}{W(x)} &= -adx \end{aligned}$$

олар. Бу сон ифадәни интегралласаг

$$W(x) = Ce^{-ax}$$

аларыг. Бу ифадәдәки C интеграллама сабити сәрхәд шәртләриндән таңылыр. $x=0$ олдуғда нишанланмыш күрә һеч бир күрә илә тоггушмамағына көрә бу һадисәнин еһтималы $W(0)$ вәнидә бәрабәрдир. Онда $c=1$ вә

$$W(x) = e^{-ax} \quad (2.1.)$$

аларыг. (2.1)-дән көрүнүр ки, нишанланмыш күрәнин тоггушмама еһтималы, x мәсафәси артдығча експоненциал оларға азалыр.

Инди исә (2.1) дүстүруна дахил олан а-нын физики маңындағы еһтималының изәнін едәк.

Експоненциал функцияның үстү адсыз кәмијәт олдуғуна көрә $\int a = cm'$ олмалыдыр, дикәр тәрәфдән a -я физики мә'на вермәк үчүн сәрбәст жолун орта узунлуғуну еһтимал нәзәрийесинә көрә тә'жін едәк. Еһтиал нәзәрийесинде һәр һансы бир A кәмијәтинин орта гијмәти ашағыдақы кими несабланыр:

$$\bar{A} = \int_0^{\infty} A(x)\Phi(x)dx$$

Бурада $\Phi(x)$ функциясы пајланма функциясы вә ja еһтимал сыйхығы адланыр.

Сәрбәст жолун орта узунлуғунун тә'рифинә әсасен нишанланмыш күрәнин x талынғындан кечәркән орадакы күрәләрлә тоггушмамағ еһтималы e^{-ax} , dx галынлығында тоггушма еһтималы исә adx олдуғуна көрә сәрбәст жолун орта узунлуғунун \bar{x} -э бәрабәр олмасы еһтималы

$$\lambda = \bar{x} = \int_0^{\infty} xae^{-ax}dx$$

олар. Ахырынчы ифадәни һиссә-һиссә интегралласаг

$$\lambda = \frac{1}{a} \quad \text{вә ja} \quad a = \frac{1}{\lambda}$$

аларыг. Демәли, (2.1) ифадәсинә дахил олан а сәрбәст жолун орта узунлуғунун тәрс гијмәтидир. Буну нәзәрә алдыгда (2.1) дүстүру ашағыдақы шәкли алыр:

$$W(x) = e^{-\frac{x}{\lambda}} \quad (2.2)$$

Көстәрәк ки, a -нын икинчи бир физики мә'насы да вардыр. Бу мәгсәдлә сәпилмәниң эффектив кәсији адланан σ - кәмијәтиниң h есаблајат. Фәрз едәк ки, вәнид h әчмәдә n сајда r_0 радиусу күрә вар. Сәпичи күрәләрин h әр бирини радиусу r_0 вә саһәси σ олан دائрә формасында h әдәфлә әвәз едәк вә фәрз едәк ки, дүшән күрә бу h әдәфләрин дахилиндән кечәндә јалныз сәпилмәјә мә'ruz галыр. Бу мұлаһизәјә көрә h әр бир دائрәнин саһәсинә $\sigma = \pi r_0^2$ сәпилмәниң эффектив кәсији деирләр. Квант механикасында сәпилмәниң эффектив кәсији ледикдә, вәнид заманда сәпилмә өйтималының дүшән зәррәчикләр селинә олан нисбәти баша дүшүлүр. Вәнид h әчмәдә олан там эффектив кәсик макроскопик кәсик адлаңыб ашагыдақы өлчү вәнидинә маликдир:

$$n\sigma = n\pi r_0^2 \quad [n\pi r_0^2] = \text{см}^{-2}$$

Дикәр тәрәфдән а кәмијәтишин өлчүсү см^{-1} олдуғундан ону $a = n\sigma = n\pi r_0^2$ кими жазмаг олар. Іә'ни a сабити элементар эффектив кәсикләриң чөминә бәрабәр олуб макроскопик эффектив кәсији ифадә өдир. Дүшән күрәнин dx мәсафәсини кечәркән тогтушма өйтималы adx -ә бәрабәр олдуғундан бу өйтималы $nadx$ кими жазмаг олар. Онда σ , галынлығы 1 см вә вәнид h әчмәдә бир күрә олан тәбәгәдән сәпилмә өйтималы, a исә күрәләрин сыхлығы n -ә бәрабәр олан тәбәгәдән сәпилмә өйтималы олар.

Иди исә паралел зәррәчикләр селинин h әр һансы l галынлыгы тәбәгәдән кечәркән сәпичи мәркәзләрдән сәпилмәси нәтиҗәсендә селин зәифләмәси мәсәләсинә баҳаг. Бунун үчүн бу тәбәгәни сонсуз назик dx тәбәгәләринә боләк вә фәрз едәк ки, h әр һансы бир dx тәбәгәсинин он сәттинә дүшән зәррәчикләр селинин сыхлығы N -дир. Онда зәррәчикләр сели сыхлығының dx галынлыгы тәбәгәни кечәркән азалмасы

$$-dN = nN\sigma dx \quad (2.3)$$

Іәдәр олар, йә'ни зәррәчикләр сели сыхлығының азалмасы, тәбәгәгәј дүшән зәррәчикләр селинин N сыхлығы, h әр см² сәттә уйғун сәпичи мәркәзләрин ndx сајы (бурада т-сәпичи мәркәзләрин концентрасијасыдыр) вә h әр бир сәпичи мәркәзин σ эффектив кәсији һасили илә дүз мүтәнасибдир. (2.3) ифадәсindәki мәнфи ишарәси dx тәбәгәсini кечәркән зәррәчикләр сели сыхлығының азалмасыны қөстәрир. Фәрз едирик ки, l тәбәгәсindән кечәркән спилән зәррәчикләр гејдедици түргуя дүшүр. Онда (2.3) ифадәсini сығырдан l -ә тәбәгәсindән $x=0$ -да $N=N_0$, l тәбәгәнин он сәттинә дүшән зәррәчикләр сели сыхлығыдыр) олдуғун нәзәрә алса:

$$N = N_0 e^{-n\sigma l} = N_0 e^{-al} = N_0 e^{-\frac{l}{\lambda}} \quad (2.4)$$

аларыг.

Истәнилән x галынлыгы тәбәгәни кечәркән зәррәчикләр сели сыхлығының зәифләмәси гануну

$$N = N_0 e^{-n\sigma x} = N_0 e^{-ax} = N_0 e^{-\frac{x}{\lambda}} \quad (2.5)$$

ифадоси илә верилир.

(2.5) дүстүрундан көрүпүр ки, зәррәчикләр маддәдән кечәркән селин зәифләмәси экспоненциал ганунла ифадә олунур.

§2.2. Електронларын атомлардан сәпилмәси

Эввәлки параграфда алдығымыз нәтижәләр әсасында, электронларын атомлардан сәпилмәси мәсәләсини тәһлил едәк.

Фәрз едәк ки, электрон дәстәси мүәјжән мүһитдән кеңир. Гәчрүбә қөстәрир ки, чыхан дәстәнин интенсивлиji, дүшә тәдестәнин интенсивлиjидән кичик олур.

Електрон дәстәсі маддәдән кечеркән ики сәбәб үзүндән зәйфләј биіләр. Бириңчиси, електронлар маддә дахилиндәкі атомларла гарышылыгты тә'сирдә оларға өз енержиләринин мүәйжін һиссесінни онлара вермәклә, икінчиси исә, електронлар атомларла еластики тогтушашарға өз һәрекәт интигамәтләрини дәжишмәклә (сәпиләрәк) електрон дәстәсіндән кәнара чыха биләр. Електронының маддәдән кечеркән атомлардан сәпилмәсінин илк дәфә Ленард өjrәнмишdir. О, қөстәрмишdir ки, маддәдән кечеркән електрон селинин зәйфләмәси

$$N = N_0 e^{-\alpha x} \quad (2.6)$$

гануну илә ифадә едилір. Бурада α сабити вәнид узуулугда сәпилмә нәтичесіндә електрон дәстәсінин е дәфә зәйфләмәсіни харатеризә едир.

(2.5) вә (2.6) ифадәләринин мұғајисоси α илә а сабитләринин ежни физики мөңаја малик олмасыны қөстәрир, жә'ни α - електронларының маддә атомларындан сәпилмәсінин еффектив кәсикләринин чәмидир. Онда

$$N = N_0 e^{-\alpha x} = N_0 e^{-\frac{x}{\lambda}} = N_0 e^{-n\alpha x}$$

кими јазмаг олар.

Тәчрүбәләрдән мүәйжін олунмушшур ки, (2.6) дүстүруна дахил олан α кәмијәти сәпичи маддәнин агрегат һалындан вә башга ҳұсусијәтләриндән асылы олмајыб, жалныз онун сыйхлығындан асылыдыр. Һәм дә ашқар олунмушшур

$\frac{\alpha}{\rho}$ нисбәти (бурада ρ - маддәнини сыйхлығыдыр) верил-

шиш сүр'эт үчүн сабит кәмијәттір. Дүшән електронларын сүр'әти артдыгча бу кәмијәтті кәсекин азалыр. Мәсәлән, сүр'әти

$\beta = \frac{v}{c} = 0,04$ олан електронлар үчүн $\frac{\alpha}{\rho} = 5,8 \cdot 10^6 \text{ см}^2 / \text{гр}$ олду-

гу һалда, соң бөյүк сүр'етли електронлар үчүн, жә'ни $\beta = 0,9$

үчүн тәчрүбәнин вердији гијмәт $\frac{\alpha}{\rho} = 6 \text{ см}^2 / \text{гр}$ олур. α -маддәнин фәрди ҳұсусијәтләриндән асылы олмадығындан α -ны һава үчүн һесаблајаң (нормал шәраитдә һава үчүн $\rho = 1,29 \times 10^{-3} \text{ гр/см}^3$ -дур. $\beta = 0,04$ олдуғда:

$$\alpha = 5,8 \cdot 10^6 \cdot 1,29 \cdot 10^{-3} \approx 7,5 \cdot 10^3 \text{ см}^{-1}$$

$\beta = 0,9$ олдуғда исә:

$$\alpha = \rho \cdot 6 \frac{\text{см}^2}{\text{гр}} = 1,29 \cdot 10^{-3} \cdot 6 = 7,7 \cdot 10^{-3} \text{ см}^{-1}$$

Иди α -ны газларын молекулјар кинетик нәзәријәсіндөн һесаблајаң. Бу нәзәријәје көрә нормал шәраитдә 1 см^3 -дә газ молекулларының сајы $2,7 \times 10^{19}$ вә атом күрәсінин радиусы $r_0 \approx 10^{-8}$ олдуғундан:

$$\alpha = n\sigma = n\pi r_0^2 = 2,7 \cdot 10^{19} \cdot 3,14 \cdot 10^{-16} \approx 8,5 \cdot 10^3 \text{ см}^{-1}$$

олур. Бу нәтичәнин атому електронларла зондламагла алынан нәтичә илә мұғајиса етсөк, кичик сүр'етли електронлар үчүн һәр ики нәтичәнин тәхминән үстүстә дүшмәсіни қөрәрик. Лакин бөйүк сүр'етли електронлар үчүн исә α -нын атомларын електронларла зондламагла алынан гијмәти онун газларын молекулјар- кинетик нәзәријәсіндән алынан гијмәтиндән милјон дәфә кичикдир. Бу исә ону қөстәрир ки, атому бөйүк сүр'етли електронларла зондлајанда онун һәғиги гурулушу даһа айдан мејдана чыхар. Гејд етмәк лазымдыр ки, атому електронларла зондладыгда сунун һәғиги гурулушу ки, атому електронларла зондламагла алынан гијмәти онун әсерінде ашқар олумур. Она көрә дә атому даһа ағыр зәртамамилә ашқар олумур. Она көрә дә атому даһа ағыр зәррәчикләрлә, мәсәлән, α - зәррәчикләрдә зондламаг лазымрәчиликтерлә, мәсәлән, α - зәррәчикләр електронлардан фәргли оладыр. Чүнки, ағыр зәррәчикләр електронлардан фәргли оладыр атомун әсас күгләсіндән сәпилірләр. Бу мәгсәдлә бөйүк инклис алими Ernest Rutherford атому α -зәррәчикләрлә

зондламышыдыр. Резерфорд моделинә көчмәздән әvvәл она тәдәр олан вә тарихми мараг көсб едән Томсон модели илә таныш олаг.

§2.3. Атомун Томсон модели

Атомун електронларла зондламасындан соңра 1903-чу илдә Ч.Ч.Томсон атомун ашағыдақы моделини тәклиф етті. Бу моделә қорә атом мүсбәт жүкләрин бәрабәр һәчм сыйхығы илә пајландығы күрә шәклиндәdir. Електронлар мүсбәт жүкләрин дахилиндә жерләшпәр онун айры-айры элементләри илә Кулон ғануна қорә гарышылыгы тә'сирдә олурлар. Атомун нејтраң олмасы үчүн мүсбәт жүкләрин чәмиңиң бәрабәр олмалыдыр. Бу модел статик моделидир, јо'ни жүклөр системи һәрәкәт етмири. Лакин Томсон фәрз өдирди ки, мәнифи жүклөр (електронлар) оз таразлыг вәзијәти этрафында кичик квази-һармоник рәгс едә биләр (бу фәрзијә атомун шүаланмасыны изаһ етмәк үчүндүр).

Дөргудан да, тутаг ки, күрәнин мәркәзи олан о нөгтәсендән х мәсафәдә һәр һансы бир електрон жерәшир. Күрәнин бүтүн һәчмини чохлу сајда енсиз концентрик күрә тәбәтәләринә бөләк.

Електрик бәһисидән мә'лумдур ки, белә тәбәгәләрин һәр биринин дахилиндә саһәнин интенсивлиji сыйфырдыр, тәбәгәдән харищдә исә тәбәгәнин жаратдығы саһәнин интенсивлиji, тәбәгәнин бүтүн жүкү күрәнин мәркәзинде жерләшпән жүкүн жаратдығы саһә интенсивлијинә бәрабәр олачагдыр. X радиусу күрәдә олан мүсбәт жүкүн миңдарыны $q(x)$ илә ишарә етсәк, онда

$$q(x) = \frac{4}{3} \pi x^3 \rho$$

олар. Бурада ρ - мүсбәт жүкләрин сыйхығыдыр. $q(x)$ жүкүнүн күрәнин мәркәзинде топландығыны тәбүл етсәк, онун електрона етдији тә'сир гүввәси

$$F = -\frac{4\pi x^3 \rho e}{3x^2} = -\frac{4\pi \rho e}{3} x = -kx \quad (2.7)$$

олар. Қөрүндүjү кими електрона квазиеластик гүввә тә'сир едир. Бу гүввәнин тә'сирі алтында електрон өз таразлыг вәзијәти этрафында квазиһармоник рәгс едәчәкдир.

Томсон моделинә әсасән атомун радиусуну һесабламаг олар. Бунун үчүн тутаг ки, атомда бир мүсбәт жүк вә мәркәздән x мәсафәсіндә жерләшшөн бир електрон вардыр. Онда (2.7) дүстүрунда ρ әвәзинә

$$\rho = \frac{e}{\frac{4}{3} \pi R^3} = \frac{3e}{4\pi R^3}$$

јазсаг, електрона тә'сир едән гүввә үчүн

$$F = -\frac{e^2}{R^3} x = -kx$$

аларыг. Бурада e - атомун мүсбәт жүкү, e -исә електронун жүкүдүр. Бу бәрабәрлијин мұгајисәсіндән

$$k = \frac{e^2}{R^3}$$

алырыт. Дикәр тәрәфдән даирәви тезлик $\omega = 2\pi\nu = \sqrt{\frac{k}{m}}$ вә

$\nu = \frac{c}{\lambda}$ олдуғуну нәзәрә алсаг, $k = \frac{4\pi^2 c^2}{\lambda^2} m$ олар. қ-үчүн ал-

дығымыз сон ики ифадәни бәрабәрләшдирмәклә атомун радиусу үчүн ашағыдақы ифадәни алмаг олар.

$$R = \sqrt[3]{\frac{e^2 \lambda^2}{4\pi^2 c^2 m}} \quad (2.8)$$

Билдијимиз кими бәзи атомлар далға узунлуғу $\lambda = 5 \times 10^{-5}$ см олан қөрүнән шұа шұаландырыр. Белә бир атомун радиусуну һесаблајаг:

$$R = \sqrt[3]{\frac{\lambda^2 e^2}{4\pi^2 c^2 m}} = \sqrt[3]{\frac{25 \cdot 10^{-10} \cdot (4,8 \cdot 10^{-10})^2}{4 \cdot 9,86 \cdot 9 \cdot 10^{20} \cdot 9,1 \cdot 10^{-28}}} \approx 2 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

Томсон моделинә әсасән атомун радиусу 10^{-8} см тәртибиндәдир. Җикәр тәчрүбәләрдән дә, мәсәлән, газларын молекулар-кинетик нәзәрийәсіндән дә атомун радиусу бу гијмәт тәртибиндәдир. Һесабламалар қостәрир ки, җикәр тәчрүбәләрдән алынан гијмәт Томсонун алдығы гијмәтлә үстүнгө дүшүр. Белә үст-үстә дүшүмә Томсон модельинин үмүдвөричи олдуғуну қостәрир. Бу статик модел оптикада вә атом физикасында олан бир сыра һадисәләри гисмән дә изаһ едириди. Лакин атомун хассәләринин периодикилигини, ҳәттى спектри, спектрал хәтләрин енини, онларын интенсивлигини, нормал вә аномал Зејман һадисәләрини вә с. бу модел изаһ едә билмәди.

§2.4. α - зәррәчикләрин сәнилмәси нәзәрийәси

α - зәррәчикләрин мүәжжән сәничи мәркәздән сәнилмәси мәсәләсінің тәһлил едәк.

Фәрз едәк ки, Ze јүклю сәничи мәркәз О нәгтәсіндә јерләнмишидир. Сәничи мәркәzin күтләсінин α - зәррәчијин күтләсіндән чох-choх бөյүк олдуғуну гәбул едәк. Онда тогуышма заманы сәничи мәркәз өз јерини дәжишмәз, я'ни тәпмә импулсу алмаз.

Сәничи мәркәzin јаратдығы саһәjә дүшән α - зәррәчик гарышылыглы тә'сир нәтижәсіндә өз әvvәлки истигамәтингән мејл едиб, сәнилмә бұчағы адланан һәр һансы бир θ бу-

зағы алтында сәниләр. Сәнилмәни характеризә етмәк үчүн һәләф мәсафәси адланан параметрдән истигадә едириләр. Сәничи мәркәzin мәркәзиндән α -зәррәчикләrin әvvәлки истигамәтингәнде өз әvvәлки истигада һәләф мәсафәси дејилир. һәләф мәсафәси 6 илә қостәрилмишидир.

Сәнилмәни мәнијәтини нәзәри өчіндең өјрәнмәк үчүн α - зәррәчиклә сәничи мәркәз арасындакуы гарышылыглы тә'сирин характеристикалы олмалыдыр. Резерфорд бу гарышылыглы тә'сирин Кулон ғануна табе олдуғуну фәрз етмишидир. Тәбиидир ки, алынан нәтижәнин даға дүрүст олуб-олмамасы бу фәрзијәдән дә асылы олмалыдыр. Беләдиклә гарышылыглы тә'сирин Кулон ғанунуна табе олмасыны гәбул едиб, сәничи мәркәзин саһәсіндә олан α - зәррәчијин там енержисинин ифадәсіни жазаң:

$$E = \frac{mv^2}{2} + \frac{2Ze^2}{r}$$

Көләмәк һесабламаның садәлији хатиринә бу ифадәдә полјар координат системине көчәк:

$$x = r \cos \varphi, \quad y = r \sin \varphi$$

$$v^2 = \left(\frac{dx}{dt} \right)^2 + \left(\frac{dy}{dt} \right)^2 = \left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + r^2 \left(\frac{d\varphi}{dt} \right)^2;$$

$$v_r = \frac{dr}{dt}; \quad v_\varphi = r \frac{d\varphi}{dt}$$

Онда там енержинин ифадәси

$$E = \frac{m}{2} \left[\left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + r^2 \left(\frac{d\varphi}{dt} \right)^2 \right] + \frac{2Ze^2}{r}$$

олар. Там енержинин ифадэсінә φ - координаты ашқар шәкилдә дахил олмадығындан о тсиклик координат адланыр. Классик механикадан мәлумдур ки, тсиклик координата уйгун һәрәкәт мигдары моменти сахланылыры, жәни

$$M_\varphi = mv_\varphi r = mr^2 \frac{d\varphi}{dt} = const.$$

олур; беләликлә:

$$E = \frac{m}{2} \left[\left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + r^2 \left(\frac{d\varphi}{dt} \right)^2 \right] + \frac{2Ze^2}{r} = const \quad (2.9)$$

$$M_\varphi = mr^2 \frac{d\varphi}{dt} = const$$

бурада m , α - зөррәчијин күтләси, $2e$ исә јүкүдүр. (2.9) ифадесиндәки E вә M_φ , уйғун олараг енержи вә һәрәкәт мигдары моментинин сахланмасына көрә сабит кәмијјэтдирләр. Г-ин ф-дән асылылығыны мүәјҗәнләштирмәк үчүн (2.9) ифадесини ашагыдақы шәкилдә јазаг:

$$\left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + r^2 \left(\frac{d\varphi}{dt} \right)^2 = \frac{2E}{m} - \frac{4Ze^2}{mr}$$

Бу ифадәни садәләштирмәк мәгсәди илә $M_\varphi = mr^2 \frac{d\varphi}{dt}$

мұнасибәтиндән $\frac{d\varphi}{dt} = \frac{M_\varphi}{mr^2}$ илә әвәз өдәк; онда

$$\left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + \frac{M_\varphi^2}{m^2 r^2} = \frac{2E}{m} - \frac{4Ze^2}{mr}$$

аларыг.

$$\frac{dr}{dt} = \frac{dr}{d\varphi} \cdot \frac{d\varphi}{dt} = \frac{M_\varphi}{mr^2} \cdot \frac{dr}{d\varphi}$$

шәклиндә тәсвириңе сонунчук тәнликтә јеринә јазсаң

$$\frac{1}{r^4} \left(\frac{dr}{d\varphi} \right)^2 + \frac{1}{r^2} = \frac{2mE}{M_\varphi^2} - \frac{4mZe^2}{rM_\varphi^2}$$

аларыг. Бу дифференциал тәнлији һәлл етмәк үчүн $\frac{I}{r} = \rho$ дәшишени дахил өдәк:

$$\left(\frac{d\rho}{d\varphi} \right)^2 + \rho^2 = \frac{2mE}{M_\varphi^2} - \frac{4mZe^2}{M_\varphi^2} \rho$$

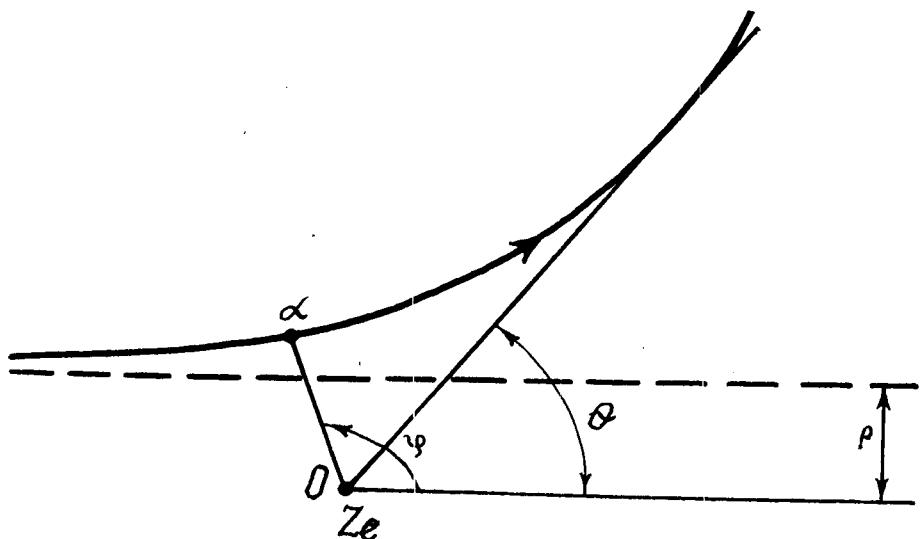
Сонунчук тәнлијин φ -јә көрә торәмәсими алсаң:

$$\frac{d^2 \rho}{d\varphi^2} + \rho = - \frac{2mZe^2}{M_\varphi^2} \quad (2.10)$$

олар. (2.10) тәнлији икinci тәртиб гејри-бирчинс хәтти дифференциал тәнликтәр. Белә тәнлијин һәллү гејри-бирчинс тәнлијини хүсуси һәллү илә бирчинс тәнлијин үмуми һәллиниң чәминә бәрабәр олмалыдыр:

$$\rho = - \frac{2mZe^2}{M_\varphi^2} + A \cos \varphi + B \sin \varphi \quad (2.11)$$

Бу һәллә дахил олан А вә В сабитләри ашағыдақы шәртләрдән тапсылыр. Щәкил 2а-дан көрүндүйү кими $\varphi = \pi$ олдугда $\rho=0$ ($r \rightarrow \infty$) олур. Буну (2.11)-дә нәзәрә алсаг:



Щәкил 2а

$$A = -\frac{2mZe^2}{M_\varphi^2}$$

олар. α - зәррәчикләрин траекторијасында ихтијари нөггәнин ординаты r вә полјар бучаг φ , $y = r \sin \varphi$ мұнасибәтилә бағлыштыр. Бу мұнасибәти

$$\frac{I}{y} = \frac{I}{r \cdot \sin \varphi} = \frac{\rho}{\sin \varphi} = B - \frac{2mZe^2}{M_\varphi^2} \cdot \frac{1 + \cos \varphi}{\sin \varphi}$$

шәклиндә жазыб вә $\varphi = \pi$ олдугда $y = 0$ (һәдәф мәсафәси) олдуғундан В сабитинин $\frac{1}{b}$ олдуғуны аларыг. Онда (2.11) ашағыдақы ифадәјө бәрабәр олар:

$$\rho = \frac{1}{b} \sin \varphi - \frac{2mZe^2}{M_\varphi^2} (1 + \cos \varphi) \quad (2.12)$$

Айдындыр ки, α - зәррәчиклөри мейл стикдән (сәпилдикдән) соңра $r \rightarrow \infty$ ($\rho=0$) олур, онда траекторијанын (траекторија харичи фокусунда сәничи мәркәз јерләнгән һиперболадыр) асинитотлары арасында талан φ - бучагы θ -ja бәрабәр олар. Бу һалда (2.12) һәллиндән

$$\frac{1 + \cos \theta}{\sin \theta} = \frac{M_\varphi^2}{2mZe^2 b}$$

$$\operatorname{ctg} \frac{\theta}{2} = \frac{M_\varphi^2}{2mZe^2 b}$$

һөрекәт мигдары моменти $M_\varphi = mvb$ олдуғундан:

$$\operatorname{ctg} \frac{\theta}{2} = \frac{mv^2 b}{2Ze^2} \quad (2.13)$$

аларыг.

Инди α - зәррәчикләрин сәпилмәснин еффектив кәсијини һесаблајаг. Бир гајда олараг, тәчрүбәдә мүәјжән бучаг интервалында сәпилән зәррәчикләри гејд өдирләр. Она көрә дә θ илә $\theta + d\theta$ интервалында сәпилән зәррәчикләрин еффектив кәсијини һесаблајаг. Мәлумдур ки, θ илә $\theta + d\theta$ ин-

тервалында сәпилән зәррәчикләрин һамысы, радиуслары b вә $b+db$ олан даирәләрин арасында галан золаглардан кечәчәкләр. Онда иддиа етмәк олар ки, белә золаглардан (һәлгәләрдән) кечән зәррәчикләрин сајы бу һәлгәнин саһәси илә мүтәнасиб олар, је'ни зәррәчикләрин сәпилмәсинин еффектив кәсији

$$d\sigma = 2\pi b db \quad (2.14)$$

олар. (2.13) ифадәсindәn b вә db несаblaýыб (2.14)-дә јеринә язсаг

$$d\sigma = \left(\frac{Ze^2}{mv^2} \right) \frac{d\Omega}{\sin^4 \frac{\theta}{2}} \quad (2.15)$$

аларыг; бурада $d\Omega = 2\pi \sin \theta d\theta$ чисим буяғы адланыр. (2.15) дүстүру Резерфордун α - зәррәчикләрин сәпичи мәркәздән сәпилмәси дүстүрудур.

Резерфорд дүстүрүндән көрүп ки, $\theta \rightarrow 0$, $d\sigma \rightarrow \infty$. Бу чатышмазлыг Резерфорд дүстүрүнүн чох кичик буяғлар алтында сәпилән (буна ирәли сәпилмә дејирләр) зәррәчикләрә тәтбиғ олунмасыны мәһдудиапидырыр. Илк бахышда белә гәрар қәлмәк олар ки, $\theta \rightarrow 0$, $d\sigma \rightarrow \infty$ олмасы классик физианын микроаләмә тәтбиғ едиlmәси илә әлагәдардыр. Эслингә исә белә дејилдир. Квант механикасынын һәтта квант електродинамикасынын тәтбиғи илә алымыц дүстүр белә бу чәтилијә мә'ruz галыр. Бу чәтилијин јаранмасынын әсас сәбәби, α - зәррәчији илә сәпичи мәркәз арасындақы гарцилыглы тә'сири отүрән зәррәчијин (фотонун) сүкунәт күтләсинин сыйыр олмасыдыр ки, бу елмдә инфра-гырмызы дағылма адланыр.

§2.5. Резерфорд дүстүрунүн тәчрүбәдә јохланмасы

2.15 дүстүрун тәчрүбәдә билавасигтә јохламаг мүмкүн дејилдир. Она көрә дә бу дүстүру тәчрүбәдә јохламаг үчүн ашагыдақы шәкилдә язаг. Тутаг ки, 1cm^3 һәчмәдә олан сәпичи мәркәзләр бир-бирини өртмәдән лөвхә (фолга) үзәриндә бәрабәр пајланмалыдыр. Онда бир α - зәррәчијин n -сәпичи мәркәздән сәпилмәси:

$$\Sigma = nd\sigma$$

олар ки, буна макроскопик еффектив кәсик дејирләр. 1 санијәдә сәпичи вәрәгәнин сәттине дүшөн α - зәррәчикләрин сајына N десәк, сәпилән зәррәчикләрин сајы:

$$dN = N\Sigma = nN \left(\frac{Ze^2}{mv^2} \right)^2 \frac{d\Omega}{\sin^4 \frac{\theta}{2}} \quad (2.16)$$

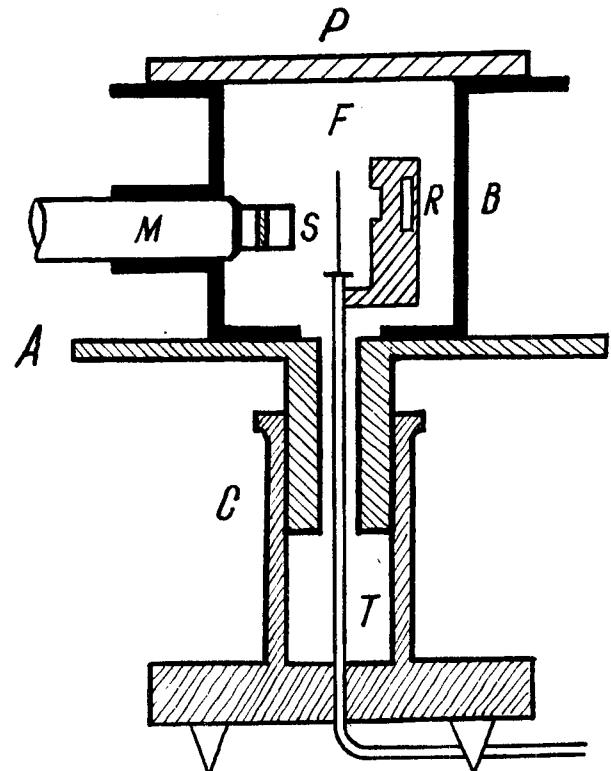
олар. (2.16) дүстүрунү

$$\frac{dN}{d\Omega} \cdot \sin^4 \frac{\theta}{2} = nN \left(\frac{Ze^2}{mv^2} \right)^2$$

шоклиндә язсай, мүсінен соңи мәркәз вә мүсінен енержили α - зәррәчикләри үчүн сағ тәрәфин сабит галмасыны корәрик, је'ни:

$$\frac{dN}{d\Omega} \cdot \sin^4 \frac{\theta}{2} = const \quad (2.17)$$

олар; тәчрүбәдә дә сонунчу ифадәнин сол тәрәфинин сабитлиги јохланмысыдыр. Бу мәсөдүлә Резерфорд ашагыдақы тәчрүбәни гојмуштур (шәкил 3).



Шекил 3

Мегалдан һазырланмыны В силиндрик габ, болсулэнмини А даирәсинин үзәринең гојулур. Һәмин габ А даирәси илә бирликтә фырлана биләр. R радиоактив препарат вә сәпичи F лөвхәси Т борусунда елә јерләширилир ки, габы фырлаттыгда онлар тәрпәнмиirlәр. М микроскопунун гарышсында үзәри парылты верән маддә илә өртүлүмүш шәффаф S экраны гојулур вә В габы илә бирләширилир. А даирәсini фырлатмагла микроскопу истәниләп бучаг алтында јөнәлиб сәпиләп α -зәррәчикләрин сајыны ташмаг олар. α -зәррәчикләрин әлавә оларaq һавадан сәпилмәсисин гарышсыны алмаг үчүн В габынын үстү Р шүшэ лөвхәси илә өртүлүп вә һавасы Т борусу васитәсилә сорулур. Бүтүн тәчрүбә мүддәтиндә 10^5 па-

рылты сајмаг олур. Құмұш вә ja гызыл назик лөвхәләрдән сәпилмәнин тәдиги көстәрди ки, θ - бучағынын кениш интервалда дәжишмәсисине баҳмајараг (2.17) мұнасибәти өденилілір. (2.17) мұнасибәтинин өденилмәсі α -зәррәчикләри илә сәпичи мәркәз арасындағы гарышлыгы тә'сирин Кулон гануна табе олмасыны да тәсдиг едир. Лакин бөйүк енержили α -зәррәчикләрин сәпилмәсі көстәрмишdir ки, (2.17) мұнасибәтинин сол тәрәфи енержинин артмасы илә һеч дә сабит галмыр. Енержинин бөйүк гијметләрindә α -зәррәчикләрин әкс истигамәтдә сәпилмәсі дә чох бөйүк шүбhе доғурмушидур. Бу шүбhе ондан ибарәт иди ки, әкс истигамәтдә сәпилмәдә һәдәф мәсафәсі 10^{-12} см тәртибинде олурду ки, бу да Гомсон модели дахиляндә изаһ едилә билмирди. Һәдәф мәсафәсисин 10^{-12} см-дән кичик гијметләрindә (2.17) сабитлиji даňa чиуди позулурду; бу о демәкдир ки, Кулон гануны 10^{-12} см-дән кичик мәсафәләрдә тәтбиг олuna билмәз вә α -зәррәчикләри илә сәпичи мәркәз арасындағы гарышлыгы тә'сир башта тәбиэтлидир.

§2.6. Атомун Резерфорд модели

1909-1910-чу илләрдә Ч.Ч.Гомсонуи кечмиш ассисенти профессор Ернест Резерфорд өзүнүн тәләбәләри һejкеп вә Марденлә бирликтә α -зәррәчикләрин назик метал тәбәгеләрindән сәпилмәсі үзрә бир сыра гәчрүбәләр апардылар. Резерфорд назик гызыл тәбәгесини радиактив полониумун $^{214}P_0$ бурахдығы α зәррәчикләрлә бомбардман етмәji тәклиф етди. Полониумун бурахдығы α -зәррәчикләрин енержиси 7,68 Мев-дир.

Електрик вә магнит саһәләрindәки мејлләрә әсасен мүәjjән олунмушидур ки, α -зәррәчикләрин жүкү мүсбәт олуб, мүтләг гијметчә електронун жүкүндән ики дәфә, күтләләри исә електронуи күтләсисндән 8000 дәфә бөйүкдүр. Тәчрүбәләрдән мә'лум олмушидур ки, α -зәррәчији икигат ионлашмыши һелиум атомудур. α -зәррәчикләрин гызыл тәбәгедән кечәркән сәпилмә (мејл етмә) бучагларыны тәдиги етмәклә

онларын сәпилмәсінә сәбәп олан гызыл атомларының түрулушуну тәһлил етмәк мүмкүндүр.

Гургушун гуту ичәрисинде јөрләшдирилмиш радиактив маддәнин бурахдыгы α - зэррәүикләрин енсиз дәстәси гутунун енсиз дешијиндән чыхараг гызыл фолга (назик табаң) узәринә душур.

Фолганын о бири тәрәфиндә үзәринә Z_{IS} тәбәгеси чәкилмеш экран яерләшир. Гызыл тәбәгәдән кечән α - зәрәчикләри экран үзәринә дүшәркән флюоресценсија ишыгланмалары (парылтылар) ярадыр. Бу парлтылары ади қөзлә вә ја микроскопла мүшәнидә етмәклә экран үзәринә дүшән α - зәрәчикләрин сајыны тә'јин етмәк олар. Гургунун конструксијасы скран вә микроскопу һәрәкәт етдирмәјә вә беләликлә дә, гызыл тәбәгәдән мұхтәлиф бучаглар алтында сәнилән α - зәрәчикләри мүшәнидә етмәјә имкан верир. α зәрәчикләрин һава молекулларындап сәпилмәсинин гарышыны алмаг үчүн бүтүн түргү ичәрисиндә вакуум ярагылыш камераның дахилиндә яерләштирилир. Тәчрүбәдә мәгсәд вайнд заманда θ , $\theta + d\theta$ бучаг интервалында сәнилән α - зәрәчикләрин сајыны таимаи вә алышмын нәтижеләри Томсон моделинә осасланмыш нәзәри нәтижәләрлә мугалисә етмәкдән ибарәт иди. Томсон модели кичик бучаг алтында сәнилімә бучагының орта гијмети үчүн 4° - 6° верирди.

Томсон моделинің әсасын α - зөррөчілдері назик тәбә-
гәдән кечәркөн оныларын сәнгилмә бүшагы кичик олмалыдыр,
чүнки тәбәгәдән кечән α - зөррөчілдерә чох кичик слектрик
түвшөлөри тә'сир едир. Дикәр тәрәфдән α - зөррөчілдерин
башыныңғыч импульслары бөйүк олдуғундан гызыл тәбәгәни
кечәркөн әvvәлки истигамәтә нәзәрәң чох кичик бүшаг
алтында меңл етмәлидиirlәр.

Нејкер-марсденин тәчрүбәләри көсгәрди ки, көзләнилдији кими а- зәррәчикләрин әксәрийәти гызыл тәбәгәни кечәркән демәк олар ки, мејл етмиirlәр вә экранын ортасына дүшүрләр. Лакин бунунла јанаңы нисбәтән бөյүк бучаглар алтында сәпилән а- зәррәчикләр дә мүшәнидә олунур. Эн бөйүк тәәмчүб доғуран һадисә исә, бә'зи а- зәррәчикләрин практики олараң әкс истигамәтдә сәпilmәсинин

мұндағы олунмасы иди. α -зәррәчикләриң илкін импульсары бөйк олдуғларына көрे онлары әкс истигаметдә гаітаран гүввәләр чох бөйк олмалыдыр. Бу тәчрубы фактлар Томсон модели әсасында изаһ едилә билмир, она көрә дә бү нәтижеләри изаһ етмәк үчүн Резерфорд 1911-чи илдә атомун нұвәли моделини верdi. Резерфода көрә атомун мүсбәт жұқы вә әсас күтләсі онун мәркәзинде нұвә адданан чох кичик бир сферик һәмдә јерләшир, електронлар исә нұвәдән мұхтәлиф мәсафәләрдә гапалы орбитләр үзрә фырланыр. Електронларын нұвә әтрафындақы һәрекәти планетләрин күнәш әтрафындақы һәрекәтинә охшадығындан бу модель атомун планетар модели дә дејирләр. Атомун Резерфорд модельнің көрә атом әсасын боштуғдан ибарәтдир. Она көрә дә зәррәчикләриң әксәрийети атомлардан сәпилмир (електронларын күтләсі чох кичик олдуғундан онлар бөйк күтләли α -зәррәчикләри сәпмәjә гадир дејилләр). α -зәррәчик нұвонин дүz үстүнә доғру һәрекәт едәрсә вә жа онун жаһыныңындан кечәрсә она бөйк електрик саһәси тә'сир едор вә она көрә дә о, бөйк бүшаг алтында сәпиләр. Атом дахилиндә мүсбәт жұқы жаратдығы електрик саһәсінин интенсивлијииниң гијмети Томсон вә Резерфорд модельләrinе көрә бир-бириндән чох кәскин фәргләнир. Асанлығла қөстөрмәк олар ки, Томсон модельнің атомун мүсбәт жұқынұн жаратдығы саһәсінин интенсивлијииниң

бөйк гијмәти тәхминән $10^{10} \frac{B}{см}$ -дир. Резерфорд моделинә әсасән исә нүвәниң сәттіндә нүвәниң мүсбәт жұқынүү жараттығы саһәниң интенсивијинин максимал гијмәти $10^{19} \frac{B}{см}$ -дән бөйк, жә’ни Томсон моделинин вердији гијмәтдән 10^{10} дәфә бөйк олачагдыр. Әлбәттә, белә құышлу саһә α -зәррәчикләрини бөйк бүчаглар алтында мејл етдиримәје гадирлир. Несабламалар костәрди ки, Томсон моделинә әсасән α -зәррәчикләри $\theta \geq 90^\circ$ бүчаг алтында мејл едә биләмzlәр. Тәңрүбәләр костәрди ки, hәр 8000 α -зәррәчикләрдән бири $\theta \geq 90^\circ$ бүчаг алтында мејл едир ки, бул да атомун Резерфорд моделинә бөйк дәгитликлә уйғу.

кәлир. Бүтүн бу нәтижәләр Томсон моделинин үмүдверици олмамасыны көстәрди.

Бу нәтижәләр Резерфорд моделинин үмүдверици олдуғану мүәјжәнләшdirди вә беләликлә, микроаләм нәзәријәсинин Резерфорд модели әсасында гурулмасы мәсәләси гарнија ғојулду.

§2.7. Електрон орбитләри вә Бор постулатлары

Резерфорд моделинә әсасен атомун әесе құтләси вә онун мүсбәт жүкү атомун мәркәзинде чох кичик бир һәчмәдә јерләшир. Атомун бу һиссәсінә нұвә дејилир. Атомун олчуләри нұвәнин өлчүләриндән тәхминен 10^5 дәфә бөյүкдүр. Атомун Z сајда електронлары исә нұвә әтрафында пајланмышшар. Томсон моделиндән фәргли олараг резерфорд моделиндә електронлар сүкунеттә ола билмәзләр, чүни бу һалда нұвәнин қазибәси нәтижәсінде онлар нұвә үзәринде дүшердиләр вә атом системи дајаныгы олмазды. Она көрә дә електронлар мұхтәлиф орбитләр үзрә шұвә әтрафында фырланмалыдыр. Резерфорд модели микроаләми дәрк стмәк вә бә'зи мә'lуматлар алмаг үчүн јеканә васитә иди (бах 2.6). Ләкин бу моделин тәқији едилмәсі илә бәрабәр онун классик електродинамика жиһд олан тәрәфләри дә апшара чыхды. Догурдан да, классик електродинамика жаңынан әңгәрәкәт едән жүкү зәррәчик һөкмән шүаланмалыдыр вә шүаланма интенсивлиji

$$J = \frac{2e^2 a^2}{3c^2}$$

илю тә'жин едилир; бурада a -һәрәкәт едән жүкүн тә'чилидир. Әкәр фәрз етсәк ки, електрон нұвә әтрафында сабит сүр'этлә фырланып, онда женә дә мәркәзәгачма тә'шили

$a = \frac{v^2}{r}$ сығырдан фәргли олдуғундан електрон шүаланмалыдыр. Тәбиидир ки, белә шүаланма атомун дајанагсыз

одмасына қәтирмәлидир. Дикәр тәрәфдән классик електродинамикада сұбут едилмишdir ки, жалныз Кулон гүвшеси тә'сири алтында олан систем дајанаглы таразлығда ола билмәз.

Беләликлә Резерфорд модели бу өткөнликләр гарышында ачиз галмышды; Резерфорд моделини бу өткөнликләрдән гүртартмаг вә классик физика ғапнұлары илә барыштырымраг үчүн Нильс Бор ашағыдақы ики постулаты ирәли сурду:

1.Атом вә ja атомлар системи узун мүддәт дајанаглы таразлығда жалныз енержиси мүәјжән -стасионар һалларда ола биләр. Бу һалларда жүкү зәррәчикләр һәрәкәт етдикдә нә шүаланғар нә дә шұя удар. Стасионар һалларда олан атомун енержиси дискрет сырға тәшкил едир.

2.Атом бир стасионар һалдан дикәринә кечдикдә бу һалларын фәрги гәдәр ja енержи удар вә ja да бурахар. Әкәр атом енержиси E_n -олан һалдан енержиси E_k -олан һала кечирсә, онда удуланн вә ja бурахылан шұя монохроматик олмагла, онун тезлији

$$h\nu = E_n - E_k \quad (2.18)$$

шәрттени (борун тезлик шәрти) өдөмәлидир; бурада һ Планк сабити адланып.

$$h = 6,6 \cdot 10^{-27} \text{ erg / сан}$$

Бу ики постулат классик електродинамиканын ғапнұларына зиддир. Догурдан да, биринчи постулатта көрә стасионар һалда һәрәкәт едән електрон шүаланмып, иккinci постулатта көрә исә електрон бир стасионар һалдан дикәринә кечдикдә бурахылан шұанын тезлијинин, електронларын периодик һәрәкәтләринин тезлији илә һеч бир элагәси јохдур.

§2.8. Еластики вә гејри-еластик тоггушмалар.

Франк вә Һерс тәрүбәләрі

Борун атомда дискрет стасионар һаллар олмасы фикрини чох бөյүк айдынлыгыла тәсдиғ едән тәрүбәләр Франк вә Һерс тәрүбәләри олмушадур. Бу тәрүбәләрин нәтичәләринің жаңы баша дүшмәк үчүн бир сырға анлајышларда таныш олға. Електрон атомда, мәсәлән, һидроjen атомунда $n=1,2,3\dots$ һалларында ола биләр. $n=1$ һалы әсас (нормал) һалдырып, $n=2,3\dots$ вә с. һаллары исә атомун һәјәчанланмыш һалларыбырып. Атомун ионланима енержиси дедикдә әсас һалда олан електрону атомдан гопармаг үчүн лазым олан енержи нәзәрдә тутулур. Һидроjen атому үчүн бу енержи $E_{\text{ион}} = 13,6 \text{ eV}$ -дур.

Електрону әсас һалдан $n=1$ һәјәчанланмыш һаллара $n=2,3,\dots$ вә с. кечирмәк үчүн лазым олан енержијә һәјәчанланма енержиси дејилир. Қөрүндүjү кими мұхтәлиф һәјәчанланма һалларына (I, II, III вә с.) мұхтәлиф һәјәчанланма енержиләри уйғундур.

Верилмиш һалда олан електрону атомдан узагланыштырмаг (гопармаг) үчүн лазым олан енержијә бу һал үчүн работә енержиси дејилир. Електрон әсас һалда олдуғда работә енержиси илә ионлашма енержиси үст-үстә дүшүр.

Чивә атомлары кими (Франк вә Һерс тәрүбәләринде чивә атомларындан истифадә олунмушадур) ағыр атомларда дахили орбит електронлары илә нұвә арасында чох бөйүк қазибә гүввәләләри тә'сир етдииндән о електронлары атомдан узаглаштырмаг (гопармаг) чәтинидир. Бу електронларын работә енержиси бир нечә мин електронволтта чатыр. Харичи (валент) електронлар исә нұвә илә зәйф бағлыдырылар, чүнки онлар һәм нұвәдән узагда јерләширләр, һәм дә дахили орбит електронларынын экранлајычы тә'сири нәтижесинде онлар мүәjjән дәрәчәдә нұвәнин тә'сириндән горуңнур. Она көрә дә валент електронларын работә енержиси бир нечә електронволттадур. Франк вә Һерс тәрүбәләринде жаңы валент електронлары шыншылар едир. Франк вә Һерс тәрүбәләрини шәрһ етмәздән әvvәл мұхтәлиф енержијә малик електронларын чивә атомлары илә тоггушмасыны Бор постулатлары әсасында нәзәрдән кечирәк. Чивә

атомунда валент електронун енержиси $E_g = -10,42 \text{ eV}$ -дур. Биринчи һәјәчанланма һалынын енержиси исә $E_h = -5,54 \text{ eV}$ -дур. Електронун әсас һалдан биринчи һәјәчанланма һалына кечмәсі үчүн лазым оалы енержи

$$E_e = E_h - E_g = -5,54 - (-10,42) = 4,88 \text{ eV}$$

Бу енержијә чивә атомунун биринчи бөһран енержиси дејилир. Экәр һәр һансы бир сәбәб үзүндән чивә атому биринчи һәјәчанланма һалына кечэрсә, чох кичик заман интервалындан сонра $\sim 10^{-8}$ сан електрон әсас һала гајыдар вә бу заман енержиси $E_e = 4,88 \text{ eV}$, далға узунлуғу исә

$$\lambda = \frac{hc}{E_e} = 2536 \text{ Å} \text{ олан фотон шүаланар.}$$

Жаваш електронлар дәстәсінин кичик тәзіиг алтында олан чивә бухары ичәрисинде кечмәсі һалыны нәзәрдән кечирәк. Экәр електронларын кинетик енержиси $4,88 \text{ eV}$ -дән кичик оларса, онда електронларын чивә атомлары илә тоггушмасы икінчи постулатта корә еластики тоггушма ола-чагдырып, жә'ни електронларын кинетик енержиләри дојинимәјөчәкдір. Електронун кинетик енержиси $4,88 \text{ eV}$ -дән бојук олдуғда исә јенә дә икінчи постулатта әсасын тоггушма гејри-еластик ола биләр. Бу заман електронун кинетик енержисинин бир һиссәси чивә атомуна верилә биләр вә бунун нәтижесинде чивә атомунда електрон әсас һалдан биринчи һәјәчанланма һалына кечә биләр. Бу һалда електронун атомла тоггушмасындан сонракы кинетик енержиси $W_2 = W_1 - 4,88$ олар. Атомун һәјәчанланмыш һалда жашама мүддәти чох кичик 10^{-8} сан олдуғундан, тоггушмадан сонра һәјәчанланмыш атом дәрһал әсас һала кечэрәк далға узунлуғу $\lambda = 2536 \text{ Å}$, енержиси исә $4,88 \text{ eV}$ олан фотон бурахачагдырып. Экәр чивә атому илә тоггушан електронун кинетик енержиси $W_1 > 4,88 \text{ eV}$ еВ-дан чох фәргләнмишсә, онда $W_2 > 4,88 \text{ eV}$ олар вә биринчи гејри-еластик тоггушмадан сонра тәкрап гејри-еластик тоггушма баш вермәз. Бу заман тәкрап тоггушмаларын

жамысы еластики олашагдыр. $W_1 > 4,88eB$ олдугда исә $W_2 < 4,88eB$ олар вә тәкрап гери-еластики тоггушмалар баш веоә билэр.

Инди Франк вә Нерс тәчүрүбәсини нэзәрдән кечирәк; жухарыда гејд етдик ки, электронларын чивә атомлары илә тоггушымасында, электронларын кинетик енержиләри хүсуси рол ојнајыр. Бу о демәкдир ки, тәчүрүбәдө электронларын кинетик енержиләрини тәнзимләмәк лазыымдыр. Бунун учун катод гарышының С-тору гојулур вә она V_t - потенциалы верилир. Айдыңдыр ки, торун саһәсийдә электронларын алдығы кинетик енержи

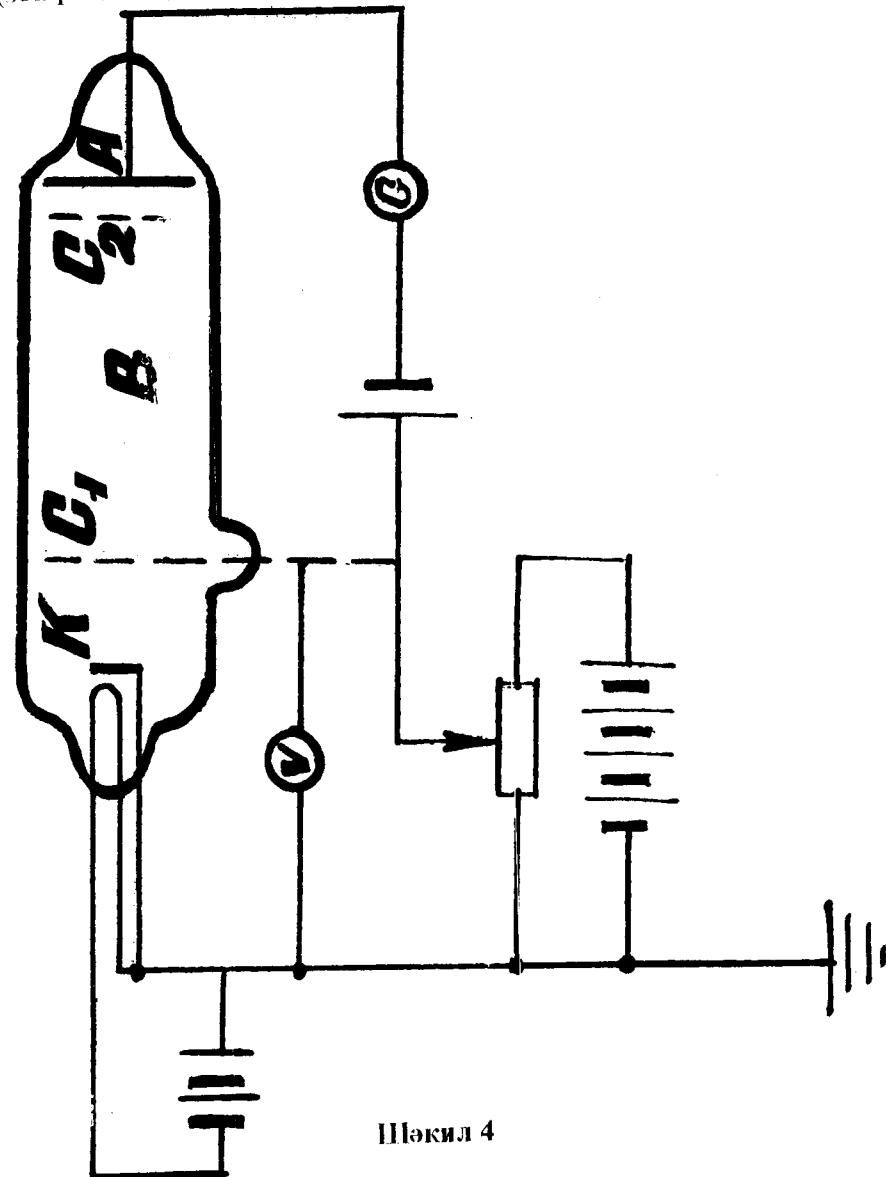
$$\frac{mv^2}{2} \geq \frac{eV_T}{300}$$

шәртини өдәјәчәк. Бурадан

$$V = \sqrt{\frac{2eV_T}{300m}} = 5,93 \cdot 10^7 \sqrt{V_T} \cdot \frac{cm}{сан}$$

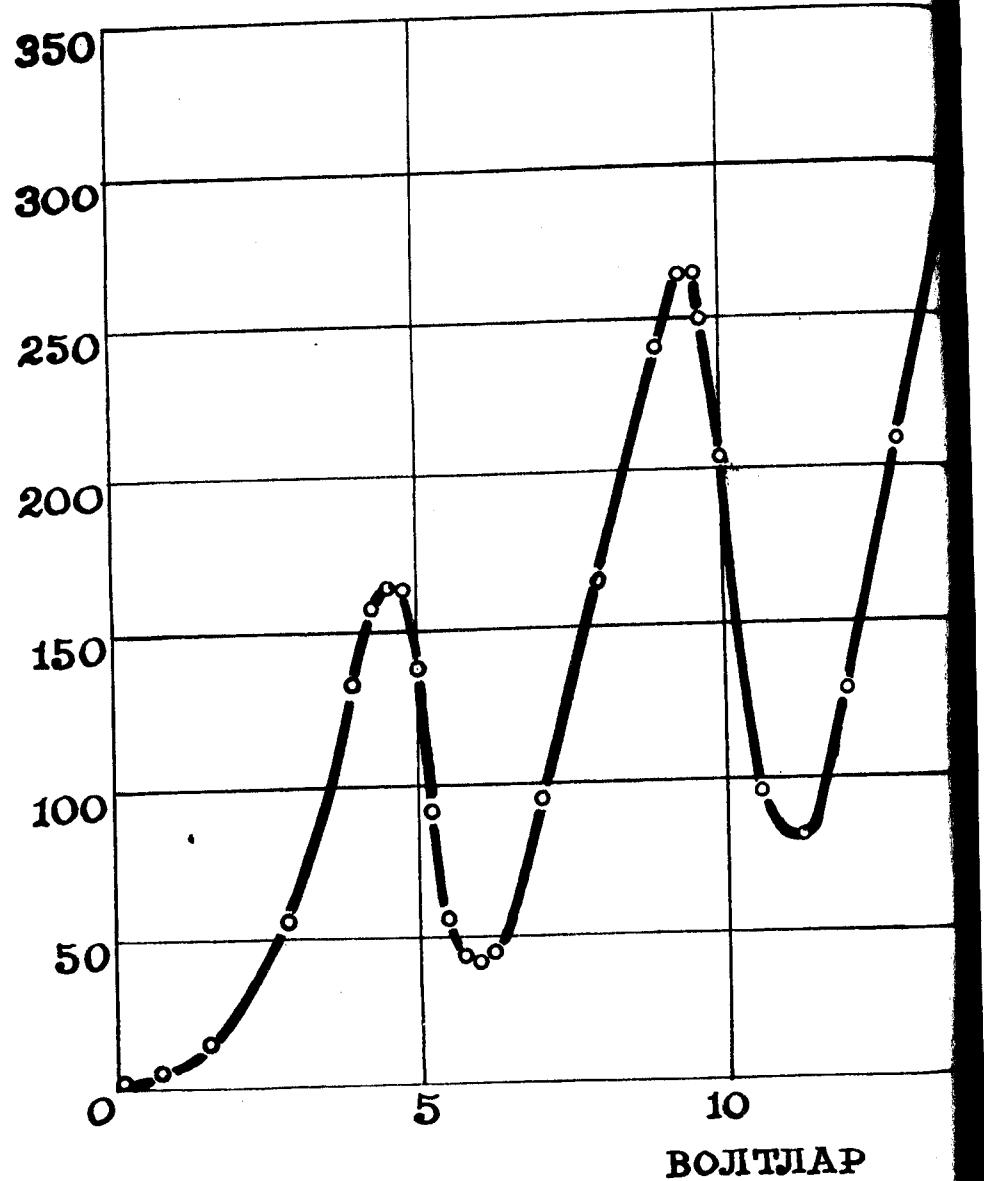
олар. Бу мұнасабтәндән көрүп ки, торун потенциалын артырмاغа електронларын кинетик енержисини артырмада олар. Тәрүбәнниң схеми шәкил 4-дә верилмишидір. В-вакуум камерасына К-термокатоду, C_1 вә C_2 -тору, А-аноду дахил едилміндири. Франк вә Һерс тәрүбәсіндә В-вакуум камерасы чивә бухары илә долдурулмушшур. Термокатоддан чыхан «јаваш» електронлар C_1 торуна верилән V_T - потенциалы васитесілә сүрәтләндірилир вә чәрәjan шиддәтинин V_T -асылышығы (волтгаммер характеристикасы) еренилир. Тәрүбә көстәрмишди ки, потенциалын $V_T = 4,1\text{B}$ гәдәр артмасы илә чәрәjan шиддәти артыр ки, бу еластики тогтушма кими изаһ едилір; потенциалын $4,1\text{B}$ гијмәтіндә чәрәjan шиддәти «кәскин» азалыр. Бу о демәкдір ки, анода чатан електронларын сајы азалыр; бу о налда мүмкүндүр ки, тогтушма гејри-еластикі олсун, Гејри-еластикі тогтушмада зәйфләjән електронларын анода чатмасы үчүн (чәрәjanының «кәскин» азалмасыны јаҳшы мүшәнидә етмәк үчүн) анод

гаршысында потенциалы (0,5÷0,8) В олан C_2 тутуғы (зәйфләдічи) тор іеғләшdirилир.



Шәкил 4

Тэчүрүбэлэрийн нэтичэсий шэкил 5-дэ көстэрэилмишдир.



Шәкил 5

Тәчрүбә көстәрмишідир ки, биринчи максимум (гејри-еластики тоггушма) 4,1В, икinci максимум 9В, үчүнчү максимум 13,9В вә с, гијметләриндә алышыр ки, бу да јухарыда гејд едилди кими чивә атомунун һәјәчанланма потенциалына уйғун кәлир; максимумлар арасындақы мәсафә 4,9В-дир; бу 0,1 дәғигликлә чивә атомунун биринчи һәјәчанланма потенциалы 4,88В илә үст-үстә дүшүр. Биринчи максимумун 4,1 В алымасы, харичдән верилән потенциала контакт потенциаллар фәргинин әлавә олунмасы илә изәһ едилир ки, бу да әјрини, максимумлар арасындақы мәсафәни дәјишимдән, сола доғру сүрүшдүрүр. Беләликлә Франк вә Һерс тәчрүбәси стасионар орбитләрин (I-постулат) вә буылар арасындақы сечилмиш кечидләрин (II-постулат) мөвфүд олмасыны тәсдиг едир.

ІІІ ФӘСИЛ

АТОМ СПЕКТРЛӘРИ. ҺИДРОКЕН ВӘ ҺИДРОКЕНӘ- БӘНЗӘР АТОМЛАРЫН ЕНЕРЖИ СӘВИЙЛӘЛӘРИ

§3.1. Һидрокен атомунун спектриндөки ганунаујғунлуглар

Һидрокен атому Менделеев ҹәдвәлиндәки элементләриң атомларындан ән садәси олдуғуна көрә онун спектри дикәр элементләриң атомларының спектрләриндән әvvәл өјрәнилмишdir. Тәчрүби оларға атомар һидрокен газының спектрини мұшаһидә едәркән мә'лум олмушшур ки, онун спектрал хәтләри мүәjjән ганунаујғунлугла дүзүлмүшшур.

XIX әсрин ахырларында мүәjjән олунмушшур ки, атом спектрләрини тәшикли едән далға узунлуглары (спектрал хәтләр) спектрал серијалар адланан мүәjjән групплар әмәлә қәтирир. Бу серијаларын һәр бириндә далға узунлуглары садә әмпирек дүстурла ифадә олунур вә һәм дә элементин там спектрини тәшикли едән мұхтәлиф серијамаларын дүстурлары бир-бириң охшајыр. Бириңчи спектрал серијаны 1885-чи илдә Извечрә физиким Балмер һидрокен спектринин көрүнән һиссәсими өјрәнәркән ашқара чыхармышшыр. 6563Å далға узунлугуна уйғун олан хәтт H_{α} , 4862Å далға узунлугуна уйғун олан хәтт H_{β} үчүнчү хәтт H_{γ} , дөрдүнчү хәтт H_{δ} , серијаның сәрһәдди исә H_{∞} илә ишарә едирләр. H_{α} , H_{β} , H_{γ} , H_{δ} хәтләри спектрин көрүнән һиссәсими дүшшүр. Тәчрүбәдә мүәjjән олунмушшур ки, далға узунлугу кичилдикчә хәтләр бир-бириң даһа жаһын յерләшир (сыхлашыр) вә интенсивликләри азалыр, серијаларың сәрһәддиндән соңра исә хәтләр мұшаһидә олунмајыб, зәиф бүтөв спектр мұшаһидә олунур. Бу хәтләрин յерләшмәсіндәки ганунаујғунлуглары ифадә әтмәк үчүн 1885-чи илдә Балмер ашағыдақы әмпирек дүстур тура вермишdir.

$$\lambda = \lambda_0 \frac{n^2}{n^2 - 4} \quad (3.1)$$

Бурада $\lambda_0 = \text{const}$. Атом физикасында вә спектроскопија саһәсіндә спектрал хәтләри адәтән далға узунлугу вә ја далға тезлиji илә дејил, далға әдәди илә характеризә едирләр. Ватанда үзүнлугда յерләшшән далгаларын сајына далға әдәди дејилир. Бу онунда әлагәдардыр ки, спектрал хәтләрин тезлиji

$$\nu = \frac{c}{\lambda} \text{ дүстүру илә ифадә олунур. } \lambda \text{-ны тәчрүбәдә чох дәгиг-}$$

ликлә тә'жин әтмәк мүмкүндүр. Лакин о дөврдә ишыг сүр'әтини тә'жин едәркән тәчрүбәдә чох бөйк хәтая ѡол ве-

рирдиләр. Она көрә дә спектроскопија $\nu = \frac{1}{\lambda}$ кими ифадә олунан далға әдәди дахил едилмишdir. Онда (3.1) дүстүру

$$\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{\lambda_0} \cdot \frac{n^2 - 4}{n^2} = \frac{4}{\lambda_0} \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

шәклини алыр. Бурада $\frac{4}{\lambda_0}$ нисбәтини R - илә ишарә едир-

ләр. Онуң тәчрүби гијмети $R = \frac{4}{\lambda_0} = 109737 \text{ см}^{-1}$ -дир вә илк

дәфә извеч алими Ридберг тәрәфииндән дахил едилдијиндән Ридберг сабити адланыр. Буну нәзәрә алдыгда Балмер дүстүру белә жазылыр:

$$\nu = R \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad (3.2)$$

(3.2) дүстурунда, n -ә ардычыл гиүмәтләр версәк, һидрокен атомунда Балмер серијасының бүтүн спектрал хәтләрини алмыш оларыг.

Бу серијадан соңра һидрокен спектринин ултрабэнөвешеји һиссәсендә ашағыдақы серија кәпіф олунмушшур:

$$\bar{\nu} = R \left(\frac{1}{l^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n=2,3,4,\dots \quad (3.3)$$

Бу серија Лайман серијасы адланыр. Бундан соңра спектрин инфрагырмымызың үнсөсендө дөрд серија тапталышадыр:

Пашен серијасы

$$\bar{\nu} = R \left(\frac{1}{3^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n=4,5,6,\dots \quad (3.4)$$

Брекет серијасы

$$\bar{\nu} = R \left(\frac{1}{4^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n=5,6,7,\dots \quad (3.5)$$

Пфунд серијасы

$$\bar{\nu} = R \left(\frac{1}{5^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n=6,7,8,\dots \quad (3.6)$$

Немфри серијасы

$$\bar{\nu} = R \left(\frac{1}{6^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n=7,8,9,\dots \quad (3.7)$$

Бұтқын бу серијаларда биринчи һәдд сабит, икinci һәдд исә дәжишәндір. Бұтқын спектрал серијаларын һамысы вәнид бир серија шәклиндө бирләшдирилә биләр:

$$\bar{\nu} = R \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad (3.8)$$

Бурада $k=1, 2, 3, 4, 5, 6.$; n - исә к-дан бир вәнид бөйүк гијмәтләри алыр. (3.8) ифадәси үмумиләшдирилмиш Балмер дүстүру адланыр. Бұтқын серијаларда $n \rightarrow \infty$ олдуғда $\frac{1}{n^2} \rightarrow 0$ олур вә көтүрдүймүз серијаларда далға әдәди мүәжжән лимит гијмәтини алыр. Бу гијмәтә серијанын сәрхәдди вә ja гүрүг хәтті дејилир:

$$\bar{\nu}_\infty^B = \frac{R}{2^2}, \quad \bar{\nu}_\infty^L = \frac{R}{J^2}, \dots$$

Жаздығымыз серијалардан көрүнүр ки, һәр бир серијанын сабит һәдди дикәр серијанын дәјишиән һәдди ола биләр. Мәсәлән, Пашен серијасынын сабит һәдди Балмер серијасынын дәјишиән һәдләриндөн бири ола биләр. Бурадан да Ритчин комбинасија принципи мејдана чыыхыр. Комбинасија принципинде иддия едилір ки, һәр бир спектрал хәттін далға әдәдини ики спектрал термин фәрги кими көтүрмәк олар вә жаход әкәр ики спектрал хәттін далға әдәди мә'лумдурса, бу далға әдәләринин фәрги һәмин атомун дикәр бир серијасынын далға әдәдини верөр. (2.8)-дә

$$\frac{R}{K^2} = T(K), \quad \frac{R}{n^2} = T(n) \quad (3.9)$$

ишараЙ етсәк,

$$\bar{\nu} = T(K) - T(n)$$

аларыг. $T(k)$ вә $T(n)$ спектрал термләр адланыр. Комбинасија принципини әжани шәрһ етмәк үчүн Лайман серијасындан истифадә едәк вә Балмер серијасынын биринчи хәттинин далға әдәдини тапаг:

$$\bar{\nu}_l = T(1) - T(2)$$

$$\bar{v}_2 = T(1) - T(3)$$

Бүнларын фәрги

$$\bar{v}_2 - \bar{v}_1 = T(2) - T(3)$$

олар. Бу исә қөрүндүјү кими Балмер серијасының биринчи хәттинин далға әдәдидир:

$$\bar{v}_1^B = T(2) - T(3)$$

Комбинасија приснипини Бор постулатлары әсасында изаһ етмәк олар. Бу мәгсәдлә Борун икинчи постулатындан истифадә өдәк:

$$\begin{aligned} h\nu &= E_n - E_k \\ h\nu c &= E_n - E_k \\ \bar{v} &= \frac{E_n}{hc} - \frac{E_k}{hc} \\ \frac{E_n}{hc} &= -T(n), \quad \frac{E_k}{hc} = -T(K) \end{aligned} \quad (3.10)$$

илә ишаро етсөк,

$$\bar{v} = T(K) - T(n)$$

аларыг ки, бу да (3.9) ифадәси илә үст-үстә дүшүр. (3.10) ифадәсіндәки $T(n)$ вә $T(k)$ термләри гарышларындағы мәнфи ишарәләри шәрти мә'на дашишып. Бу онунла әлагәдардың ки, Кулон чазибә саһесинде гејри-релјативистик электронун енержиси һәмишә мәнфидир, термләрин исә ишарәси мүсбәт олмасы даһа әлверишилдири. (3.9) вә (3.10) ифадәләриндән истифадә өдәрәк атомун енержисини R , c , h сабитләри вә n илә ифадә едә биләрик:

$$E_n = -\frac{Rhc}{n^2}$$

Комбинасија принципидән вә Бор постулатларындан истифадә өдәрәк һидрокен атому электронунун һәјәчанланмасында баш верән бә'зи һадисәләри кејфијетчә изаһ етмәк олар.

§3.2. Даирәви орбитләрин квантланмасы

Борун атом нәзәријәсинин әсасыны онун мәшһүр постулатлары тәршкүл едир. Бор постулатлары, хүсусилә, онун класси тәсәввүрләрә көкүндән зидди олан стасионар орбитләрин квантланмасы һағында постулатлары физики тәсәввүрләрин вә физиканың сонракы инкишафы үчүн чох бөյүк кәшиф иди.

Бор постулатлары классик физика ганунлары илә зиддийәт тәшкүл едир. Доғрудан да классик физикада системин енержиси кәсилмәз дәйипдији һалда, Бор бу енержинин дискрет дәжишмәсінің тәләб едир. Белә тәләб микро-аләм механикасының инкишафының илк мәрһәләләриндә дахилән мәнтиги зиддийәтә малик олан үсуллардан истифадә олунмасына кәтирирди. Доғрудан да гарышыја ғојулмуш мәсәлә әvvәлчә атомдахили һәрәкәтләр үчүн бүтөвлүкдә јара-мајан классик механика ганунларына әсасен һәлл олунурdu, соңра исә классик механика ганунлары әсасында алынан һәрәкәт һалларының кәсилмәз гијметләри чохлуғу ичәрисиндең хүсуси постулат әсасында мүәjjән квант һаллары сечилирди. Бу үсулун белә гејри-тәкмиллијинә баҳмајараг онун әсасында бә'зи мәсәләләрин һәллиндә чох бөյүк мүвәффәтиjäätгәләр әлдә олунду.

Инди исә Борун даирәви стасионар орбитләрин квантланмасы шәртинин нечә алындығыны нәзәрдән кечирик. Стасионар орбитләрин квантланмасы шәртини аларкән Бор Планкын һармоник оссилјатор үчүн вердији квант һаллары постулатларындан истифадә етмишцир. Планка қорә рәгс едән микрообъект енержини порсијалар бурахар вә ja

удар, порсијанын эн кичик гијмәти $\hbar\nu$ - бәрабәрdir. Үмүмийәтлә, Планкын постулатына әсасән хәтти осцилляторун классик механика нөгөтәи-нәзәриндән бүтүн мүмкүн олан һалларындан һәигигәтдә ялныз елә қвант һаллары мүмкүндүр ки, бу һалларда осцилляторун енержиси

$$E_n = \hbar\nu \quad (3.12)$$

бәрабәрлијини өдәсин. Бу шәртин өдәнилмәси үчүн осцилляторун там енержисини тәһлил өдәк:

$$E = W + U = \frac{mv^2}{2} + \frac{kx^2}{2}$$

Бу ифадәдә үмумиләшмиш P вә q координатларына кечәк v $k=m\omega^2$ олдуғуны нәзәрә алаң, онда

$$E = \frac{P^2}{2m} + \frac{m\omega^2 q^2}{2} \quad (3.13)$$

алдырыг. Алдығымыз ифадәдә енержи P вә q үмумиләшмиш координатлары илә тәјин олунур; P вә q координатлары илә тәјин олунан фәза яғынан фаза фәзасы дејирләр. Инди фаза фәзасында осцилляторну траекторијасы ны тәјин етмәк үчүн (3.13) ифадәсини ашагыдақы шәкилдә жазаг:

$$\frac{P^2}{2mE} + \frac{q^2}{2E} = I; \quad \frac{P^2}{a^2} + \frac{q^2}{b^2} = 1; \quad a^2 = 2mE, \quad b^2 = \frac{2E}{m\omega^2} \quad (3.14)$$

алдығымыз бу ифадә еллипс тәнлијидир. Демәли, хәтти осцилляторун фаза траекторијасы еллипсdir. (3.14) ифадәсиге дән көрүнүр ки, еллипсин јарымохлары верилмиш осциллятор үчүн (верилмиш t вә k үчүн), онун енержиси E_n ил-

тәјин олунур. Инди еллипсин саһесини тәјин өдәк. Мә'лүмдүр ки, еллипсин саһеси

$$S = \pi ab \quad (3.15')$$

дүстүру илә һесабланыр.

Дикәр тәрәффән еллипсин саһеси

$$S = \oint Pdq \quad (3.15)$$

кими ифадә олуна биләр (интеграл ишарәсіндәки даирә интегралама гапалы контур үзрә, јәни бүтүн еллипс үзрә апартылмасыны көстәрир). (3.15) вә (3.15') ифадәләриндән

$$\oint Pdq = \pi ab = \frac{2\pi E}{\omega}$$

олдуғуны нәзәрә алсаң

$$\oint Pdq = \frac{E}{v}$$

(3.12) ифадәсини нәзәрә алдыгда исә

$$\oint Pdq = nh \quad (3.16)$$

дүстүрунун аларыг ки, бу да осцилляторун квантланма шәртийи оларынан оларынан квантланма шәртийи (3.16) квантланып, Бор һармоник осциллятор үчүн алдығы (3.16) квантланма шәртини бир үмуми шәрт кими бағыттаңында механики системаләре дә аид етмишdir.

(3.16) шәртини тәрпәнмәз нүвә әтрафында даирәви орбит үзрә фырланан электрона тәтбиг өдәк. Бу һалда үмүмиләшмиш координат оларынан орбитдә вәзијәтийи характеризә өдән ϕ азимутал булағыны көтүрмәк тәбиидир. Бу һалда үмүмиләшмиш сүр'әт ϕ олар. Мә'лүмдүр ки, фырланма һәрәкәтиндә хәтти сүр'әт ролуну ϕ булағы

сүр'ети, күтлә ролуну исә mr^2 эталәт моменти ојнајыр (m -электронун күтләси). Онда үмумиләшмиш импулс $P=mr^2\dot{\phi}$ олар. Лакин $\dot{\phi} r = \omega r = v$ олдуғундан $P=mrv=M\phi$ олар, яғни бу һалда үмумиләшмиш импулс нүвәжә нисбәтән тә'јин олунмуш ади импулс моментинә бәрабәрdir. Беләликлә, (3.16)-да Р әвәзинә $M\phi$, q әвәзинә исә ϕ язсаг,

$$\oint M_\phi d\phi = nh$$

аларыг. Бу язылыши ријази нөгтеји-нәзәрдән әсасландырымаг даһа мәгсәдәујуғундур. (3.16) шәрти үмумиләшмиш координатларда язылмышдыр. Даирәви орбит үзрә фырланан электронун вәзијәтини тә'јин етмәк үчүн полјар координат системинә кечмәк даһа әлверишилди. Доғрудан да нүвә әтрапағында даирәви орбит бојунча фырланан электрон бир рабитәје малик олдуғундан (радиус дәјишимир) о бир сәрбәстлик дәрәчесинә маликдир (полјар бучаг), яғни мүәјжән орбит үчүн полјар бучагы билмәклә электронун вәзијәтини мүәјжән етмәк олар. Полјар координата кечмәк үчүн

$$P \rightarrow P_\phi, \quad dq \rightarrow rd\phi$$

Онда $rP_\phi = M_\phi = M$ олдуғуну нәзәрә алсаг (3.16) шәрти ашагыдағы шәкилдә язылар:

$$\oint M_\phi d\phi = \oint M d\phi = nh$$

Нүвә тәрәфиндән электрона тә'сир едән гүввә, мәркәзи гүввә олдуғундан (2.4)-дә көстәрилди кими M импулс моменти сабит кәмијәтдир, яғни $M=const.$. ϕ - бучагы исә 0-дан 2π -дәк дәшишилдиндән

$$nh = \int_0^{2\pi} M d\phi = 2\pi M$$

олар. Бурадан исә

$$M = n \frac{h}{2\pi} \quad (3.17)$$

аларыг ки, бу да даирәви орбитләрин квантланма шәрти-дир.

(3.17) шәрти стасионар орбитләрин квантланмасы һагында Борун мәшінур постулатыны ифадә едир. Бу постулатта әсасен классик механика нөгтеји-нәзәриндән мүмкүн олган сонсуз сајда орбитләр ичәрисиндән јалныз елә орбитләр сечилмәлидир ки, бу орбитләрдә электронун импулс моләр

менти $\frac{h}{2\pi}$ -нин там мисилләринә бәрабәр олсун.

Електрон-нүвә системинде мүстәви үзәрindә даирәви орбит бојунча һәрәкәт едән электрон бир сәрбәстлик дәрәчесинә малик олдуғундан (3.16) шәртинә бир сәрбәстлик дәрәчесинә малик олган системин квантланма шәрти деирләр.

Оссилјаторун (3.14) ифадәси илә верилән квантланма шәртини белә шәрх етмәк олар: классик физика нөгтеји-нәзориндән фаза фәзасында оссилјатор истәнилән еллинс үзрә һәрәкәт едә биләр. Борун (3.16) квантланма шәртинә көрә исә оссилјатор јалныз елә еллинсләр бојунча һәрәкәт едә биләр ки, бу еллинсләrin саһәләри Планк сабити $\frac{h}{2\pi}$ -нин там

мислиниә бәрабәр олсун.

§3.3. Һидрокен атому вә һидрокенәбәнзәр атомлар үчүн Бор нәзәријәси

Бор тәрәфиндән ирәли сүрүлмүш постулатлар она нәзәри олараг һидрокен атомунун вә һидрокенәбәнзәр атомларын спектрләрини һесабламаға имкан вермицидир.

Һидрокенәбәнзәр атом ледикдә $+Ze$ јүкүнә малик нүвәдән вә бир электрондан ибарәт олган атомлар нәзәрдә тутулур. Белә атомлара мисал оларан биргат ионлашмыш нелиум атомунун He^+ $Z=2$, икигат ионлашмыш литиум атомунун Li^{++} $Z=3$ вә с. көстәрмәк олар. Борун гаршысында дуран

мәсәлә (3.8) дүстүрүнүн нәзәри јолла алымасы, уйғын тәч-рүби фактларын изаһ едилмәси вә тәтчүбәдә бөјүк дәгиг-ликлә өлчүлмүш Ридберг сабитинин һесабланмасындан иба-рәт иди. (3.17) ифадәсинә өсасән атомда јалныз о орбитләр һәгигәтдә стационар орбитләр ола биләр ки, онлар үчүн электронун импульс моменти

$$M = mvr = n \cdot \frac{h}{2\pi}, \quad n=1,2,3,\dots$$

шәрти өдәнилсін. Бурада n -ә баш квант әдәди дејилир. Бор һесаб едири ки, һидроjen атомунда вә һидроjенәбәнзәр атомларда электрон r радиуслу стационар даирәви орбит үз-рә һәрәкәт едир. Електронун белә орбитдә сәrbәst һәрәкәт үзтәмәси үчүн она тә'сир едән гүвшеләрин чәми сыйфыр олма-лыдыр. Електрон нүвә тәрәфицән Кулон гүвшесинә, фыр-ланма һәрәкәти нәтижәсүндә исә мәркәзәгачма гүвшесинә мә'рүз галдығындан

$$\frac{mv^2}{r} = \frac{Ze^2}{r^2} \quad (3.18)$$

олар. Бу ифадәнин сол тәрәфини mr^2 вуруб бөлмәклә, сурәти M -илә әвәз етсәк

$$\frac{M^2}{mr^3} = \frac{Ze^2}{r^2}$$

аларыг. (3.17) ифадәсүни нәзәр алсаг:

$$r_n = \frac{h^2 n^2}{4\pi^2 m Z e^2} \quad (3.19)$$

аларыг. (3.19) ифадәси атомда мүмкүн олан орбитләрин радиусларыны тә'жин едир. $Z=1$ вә $n=1$ олдугда һидроjен ато-

мунун биринчи орбитинин радиусуну аларыг. Бу радиус би-ринчи Бор орбитинин радиусу адланыр вә r_0 илә ишарә олу-нур:

$$r_0 = \frac{h^2}{4\pi^2 m e^2} = 0,528 \cdot 10^{-8} \text{ cm} = 0,528 \text{ Å}$$

(3.20)-ни вә (3.19)-да нәзәрә алсаг

$$r_n = r_0 \frac{n^2}{Z} \quad (3.21)$$

аларыг. Бу дүстүрдан қөрүнүр ки, стационар орбитләрин ра-диусу истәнилән гијмәти ала билмәз, о јалныз сечилмиши - дискрет гијмәтләри ала биләр.

Атомда електронун там енержиси онун кинетик вә по-тенсиал енержиләринин чәминә бәрабәрдир.

$$E = W + U = \frac{mv^2}{2} - \frac{Ze^2}{r}$$

Бурада икинчи һәdd ғарышындақы мәнфи ишарәси елек-ронла нүвәнин ғарышылыглы потенсиал енержисинин ҹазибә сөржиси олдуғуну көстәрир. (3.18) ифадәсүни нәзәр алсаг

$$E = -\frac{Ze^2}{2r} \quad (3.22)$$

аларыг. Қөрүндүj кими атомда електронун там енержиси мәнфидир. (3.22) дүстүрүнде (3.19)-и нәзәрә алсаг

$$E_n = -\frac{2\pi^2 m Z^2 e^4}{n^2 h^2} \quad (3.23)$$

аларыг. Бу дүстурда дахил олан көмийжэтләрин һамысы сабит-
дир; она көрә дә $\frac{2\pi^2 me^4}{h^2} = E_0$ илә ишарә етсәк

$$E_n = -\frac{Z^2 E_0}{n^2}$$

олар. Баш квант әдәди n -нин дәјишиләсі илә енержи дәјишиләр. n -там гијмәтләт алдығындан енержи истәннилән гијмәти јох, јалныз сечилмин - дискрет гијмәтләр алыр, је'ни енержи квантланыр. Инди енержи үчүн јазылан (3.11) ифадәсини (3.23) ифадәси илә мугаисә етсәк Ридберг сабити үчүн

$$R = \frac{2\pi^2 m Z^2 e^4}{c h^3} \quad (3.24)$$

иfadэсіні аларыг. Һидрокен атому үчүн $z=1$

$$R = \frac{2\pi^2 me^4}{ch^3} \quad (3.24)$$

(3.23) ифадэсіндән истифадә едәрәк биз Балмерин үмумиләштіміш серијасыны ифадә едән (3.8) дұстурун да ала биләрик. Цоғрудан да, әкәр һидрокен атомунда электрон n һалындан k һалына кеңәрсә енержиси $h\nu = E_n - E_k$ олан квант (фотон) шыталандырыр. Онда (2.18)-ә әсасән

$$h\nu = E_n - E_k = -\frac{2\pi^2 me^4}{h^2 n^2} + \frac{2\pi^2 me^4}{h^2 k^2} = \frac{2\pi^2 me^4}{h^2} \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\frac{hc}{\lambda} = hc\bar{\nu} = \frac{2\pi^2 me^4}{h^2} \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\bar{v} = \frac{2\pi^2 me^4}{h^3 c} \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right) = R \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad (3.8')$$

аларыг ки, бу да (3.8) дүстүрүнүн нэзәри ифадәсидир. (3.8) ифадәсини төзлик үчүн јазсаг,

$$V = \frac{2\pi^2 me^4}{h^3} \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad (3.8'')$$

аларыГ.

Бүдүстүрдә $m=9,1x10^{-31} \text{ кг}$, $e=4,8x10^{-10} \text{ CGSE}$ јүк вайни
 $c=3x10^8 \text{ см/сан}$ вә $h=6,627x10^{-37} \text{ ерг/сан}$ жазыб Ридберг саби-
тини несабласат бурадан алынан гијмәтиң дәғиг өлчүлмүш
тәчрүби гијмәтө чох жаҳын олдугуны, жәни практики олараг
бу гијмәтләриң нәзәри несабланмыш гијмәти илә онун
експериментал гијмәтишин үст-үстә дүнимәси, жәни (3.8) вә
(3.11) дүстүрларының нәзәри јолла чыхарылмасы Бор нәзә-
рийәсинин мұвəффегијәтини тәсдиғ едән чох инандырычы
фактлардыр.

Һидрокен атому үчүн $z=1$ (3.23) ифадәси

$$E_n = -\frac{2\pi^2 me^4}{h^2 n^2} \quad (3.25)$$

цэклини, (3.21) ифадэсн исэ

$$r_n = r_0 \cdot n^2 \quad (3.26)$$

шәклини алыр. Бу дүстурларын көмәји илә һидрокен атомунун енержи диаграммыны вә орбитләрин радиусларының саблаја биләрик.

һидрокен атомунун енержијаләри вә спектрал серијалары верилмишdir.

$$n=1 \text{ олдугда } r_1 = r_0 = 0,528 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

$$E_1 = -\frac{2\pi^2 me^4}{h^2} = -13,53 \text{ eB}$$

$$n=2 \text{ олдугда } r_2 = 2^2 r_0 = 2,11 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

$$E_2 = \frac{E_1}{2^2} = -3,39 \text{ eB}$$

$$n=3 \text{ олдугда } r_3 = 3^2 r_0 = 4,75 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

$$E_3 = \frac{E_1}{3^2} = -1,50 \text{ eB}$$

$$n=4 \text{ олдугда } r_4 = 4^2 r_0 = 8,45 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

$$E_4 = \frac{E_1}{4^2} = -0,85 \text{ eB}$$

$$n=5 \text{ олдугда } r_5 = 5^2 r_0 = 14,2 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

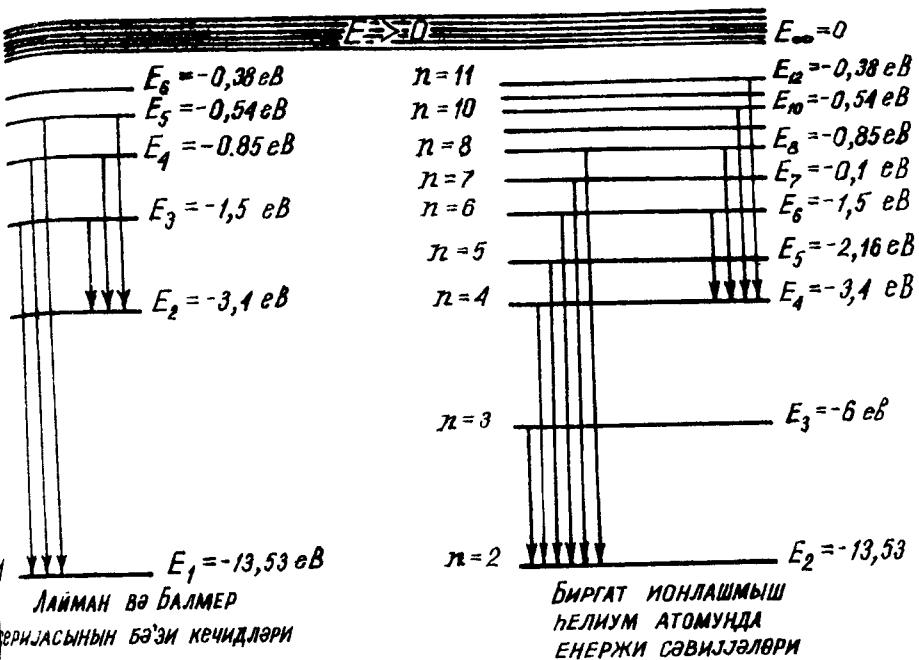
$$E_5 = \frac{E_1}{5^2} = -0,54 \text{ eB}$$

$$n=6 \text{ олдугда } r_6 = 6^2 r_0 = 19 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

$$E_6 = \frac{E_1}{6^2} = -0,38 \text{ eB}$$

нәһајет, $n \rightarrow \infty$ олдугда $r_{\infty} \rightarrow \infty$ вә $E_{\infty} \rightarrow 0$ аларыг.

r_{∞} вә E_{∞} гијметләри електронун атому тәрк етмәсине уйғун көлир. Бу мәлumatлара өсасен һидрокен атомунун енержијаләри диаграммыны түрмаг алар. Шәкил 6-да



Шәкил 6

Бурада үфүги хэтләрлә n -ин $n=1, 2, 3, \dots$ гијметләрине уйғун мұхтәлиф енержијаләри көстәрилмишdir. Електрон $n=1$ олдугда атом һәјәчанланмамыш һаңда олур. Бу һала нормал (әсас) һал дејилир. Экәр һәр һансы бир сәбәбдән електрон $n=2$ һалына кечәрә атом һәјәчанланмымыш һаңда олур. Бу һала һидрокен атомунун биринчи һәјәчанлашма һалы, бу кечидә уйғун кәлән потенциала биринчи һәјәчанланма потенциалы вә буна уйғун кәлән енержијә исә һәјәчанланма енержиси дејилир. Електрон $n=3$ һалында һәјәчанланма енержиси дејилир. Електрон $n=4$ һалында оларса атом икinci һәјәчанланма һалынды, $n=4$ һалында оларса о, үчүнчү һәчәјанланма һалында вә с. олар.

Нидрокен атомунун електроунун $n=1$ һалындан $n=\infty$ һалына үчүн лазым олан потенциала ионлашма потенциалы, буна уйғун енержијә исә ионлашма енержиси дејилир. Нидрокен атомунун ионлашма енержисини Борун икинчи постулатына әсасен тапшылар:

$$E_{ion} = \hbar v = E_\infty - E_1 = 0 - (-13,53) = 13,53 eV$$

Биринчи һөjөчанланма енержиси

$$E_1^{(h)} = \hbar v = E_2 - E_1 = -3,4 - (-13,53) = 10,13 eV$$

Икинчи һөjөчанланма енержиси

$$E_2^{(h)} = E_3 - E_1 = 1,5 - (-13,53) = 12,03 eV$$

Лар. Биринчи һөjөчанланма енержисинә уйғун олан дағы түнлүккүнде нидрокен атомунун резонанс хәтти дејилир:

$$\hbar v = E_1^{(h)}; \quad E_1^{(h)} = \frac{\hbar c}{\lambda}; \quad \lambda = \frac{\hbar c}{E_1^{(h)}} = 1,2 \cdot 10^{-5} \text{ см}$$

Бу хәтт спектрин ултрабэнөвпөji һиссесинә дүшүр.

Балмерин үмумиләшмиш дүстурундан алынан вә тәчүбәдә мүшәнидә олунан бүтүн спектрал серијалар енержи диаграмында көстәрилмишицір. (3.8) дүстурунда биринчи һәдд һәр бир серија үчүн сабиттір, икинчи һәдд исә дәйишиңдір. Башта сөзлә биринчи һәддин мәхрәчи һансы сәвијөjә кечиди, икинчи һәддин мәхрәчи исә һансы сәвијәләрдән кечиди көстәрир. $k=1$ олдугда Лайман серијасыны, $k=2$ олдугда Балмер серијасыны, $k=3$ олдугда Пашен серијасыны, $k=4$ олдугда Брекет серијасыны, $k=5$ олдугда Пфунд серијасыны, $k=6$ олдугда Һемфи серијасыны аларыг.

Нидрокен атомунун енерки сәвијәләри диаграмындан көрүндүjү кими атом һәм E_1 әсас һалында, һәм дә һөjөчанланмыш E_2 , E_3 , E_4 ... һалларында олдугда онун енержиси

мәнифидир, бу ону көстәрир ки, електрон нұвә илә бағлыдыр. Баш квант әдәди бөjүдүкчә она уйғун олан E_n енержиси сифра жаһынлашыр вә лимиттә $n \rightarrow \infty$ олдугда $E_\infty \rightarrow 0$ олур. Бу һалда електрон нұвә илә бағлы дејил вә атом ионлашмыш һаладыр. n бөjүдүкчә ғоншу енержи сәвијәләри арасындағы мәсафә азалары вә $n \rightarrow \infty$ олдугда бу сәвијәләр бүтөн спектр тәшкил едирләр.

Бор нәзәриjеси нидрокенәбәнзәр атомларын спектрләриндәки ганунауjунлуктарын өjрәнилмәсіндә дә мүhүм мүвәффегијәтләр әлдә етмишдір.

Нидрокен вә нидрокенәбәнзәр атомлар үчүн Бор нәзәриjесіндән алынан бир сыра характеристик дүстурларын мұгајисеси 1-чи чөдөлдә көстәрилмишицір. Қоруңдүjү кими нидрокен атому үчүн дүстурлара дахил олан e^2 көміjәтіні нидрокенәбәнзәр атомлар үчүн дүстурларда Ze^2 көміjәті әвәз едир. Баш квант әдәди n -ин ejни бир гиjmәтиндә нидрокенәбәнзәр атомларда електрон орбитинин радиусы нидрокен атомунда електрон орбитинин радиусундан Z дәфә кичикдір,

Чәдвәл 1

Нидрокен атому үчүн	Нидрокенәбәнзәр атомлар
$r_n = \frac{\hbar^2 n^2}{4\pi^2 m e^2} = r_0 n^2$	$r_n = \frac{\hbar^2 n^2}{4\pi^2 m Z e^2} = r_0 \frac{n^2}{Z}$
$E_n = -\frac{2\pi^2 m e^4}{\hbar^2 n^2} = \frac{E_1}{n^2}$	$E_n = -\frac{2\pi^2 m Z^2 e^4}{\hbar^2 n^2} = E_1 \cdot \frac{Z^2}{n^2}$
$\bar{v} = R \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$	$\bar{v} = R Z^2 \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$

E_n енержисинин уйғун мүтләг гиjmәти исә Z^2 дәфә бөjүкдүр. Мәсәлән, биря ат ионлашмыш һелиум атому He^+ , $Z=2$ үчүн әсас һалын енержиси нидрокен атомунун әсас һалынын енержисиндән $Z^2=2^2=4$ дәфә бөjүкдүр, яғни $E_1^{He^+} = -54,1 eV$. Бунун кими дә биргат ионлашмыш һелиум атомунун $n=2, 3$,

4,... сэвийлэрийн енержиси һидрокен атомунун уйгун сэвийлэрийн енержисиндэй 4 дэфэ бөйкдүр.

$$E_2^{He^+} = -13.53 \text{ eB}; \quad E_3^{He^+} = -6 \text{ eB};$$

$$E_4^{He} = -3,4 \text{ eB}; \quad E_5^{He} = -2,16 \text{ eB};$$

$$E_6^{He} = -1.54 \text{ eB}; \quad E_7^{He} = -1.1 \text{ eB}$$

Нидрокен атомунун Лайман вә Балмер серијалары илэ биргат ионлашыш һелиум енержи сәвијјәләринин мүгаисәсәи Лайман вә Балмер серијаларынын бә'зи кечид хәтләри He^+ ионунун енержи сәвијјәләри диаграмындакы бир сыра кечид хәтләри илэ тәгрибән үст-үстә дүшүр. Мәсәлән, нидрокен атомунда $n=2 \rightarrow n=1$; $n=3 \rightarrow n=1$; $n=4 \rightarrow n=1$ $n=3 \rightarrow n=2$; $n=4 \rightarrow n=2$; $n=5 \rightarrow n=2$; $n=6 \rightarrow n=2$ кечид хәтләри He^+ ионунда уйғун олары $n=4 \rightarrow n=2$; $n=6 \rightarrow n=2$ $n=8 \rightarrow n=2$; $n=6 \rightarrow n=4$; $n=8 \rightarrow n=4$; $n=10 \rightarrow n=4$; $n=12 \rightarrow n=4$ кечид хәтләритең чох яхындырып. Бүгүн бунлар көсгәрир ки, нидрокен атомунун спектриндә He^+ ионунун спектринин бә'зи хәтләринә чох яхын олан хәтләр мұшаһидә олунмалыдырып. Дөргудан да 1897-чи илдә астроном Пикеринг улдуз спектрини ојрәнәркән Балмер серијасына бәнзәйән бир спектрал серија кәшиф етмишdir. Пикеринг серијасынын хәтләри һәр хәтт алырып Балмер серијасынын хәтләри илэ тәхминән үст-үстә дүшүр, бу серијанын аралыг хәтләри исә Балмер серијасында јохдур Ридберг көстәрмишdir ки, әкәр *n* һәм там, һәм дә таамҗа-рым гијмәтләр аларса, онда Пикеринг серисајыны Балмер дүстүру илэ инфадә етмәк олар:

$$\bar{v} = R \left(\frac{I}{z^2} - \frac{I}{n^2} \right); \quad n=2,5;3,5;\dots$$

п-ин там гијмәтләрindә Пикеринг серијасынын хәтләри Балмер серијасынын хәтләри илә тәхминиән үст-үстә дүшүр. Бу серијаны Jep hidrogeeniндә алмаг тәшәббүсү бир нәтиҗә

вермәйшdir. Она көрә дә белә фикир ирәли сүрүлмүшдүрки, Пикеринг серисајыны улдузларда хүсуси һалда олан һидроjen верир. Бир гәдәр соңra лабораторија шәраитинде бу серијаны алмаг мүмкүн олмушдур. Лакин Пикеринг серисајынын алышмасы учун һидроjен һелиум гарыштырмаг лашым кәлмишицир. Бу анлашылмазлығы Бор арадан галдырыштырып. О ќөстәрмишdir ки, Пикеринг серисајы һидроjене дејил, ионлашмыш һелиума аиддир. Доғрудан да 1-чи чәдвәлдәki дүстурларын мугајисәсинә әсасен \bar{V} далға эдәди Z^2 илә дүз мүтәнасибdir. Һелиум учун $Z=2$ олдуғундан биргат ионлашмыш һелиум атомунун спектрал серијалары

$$\bar{v} = 4R_{He} \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

дүстүру илэ верилмэлндири. Бурада $k=4$ жасаг,

$$\bar{v} = 4R_{He} \left(\frac{1}{4^2} - \frac{1}{n^2} \right) n=5,6,\dots$$

$$\bar{V} = R_{He} \left(\frac{I}{2^2} - \frac{I}{\left(\frac{n}{2}\right)^2} \right)$$

всё же $\frac{n}{2} = n_1$ ишары есть

$$\bar{v} = R_{He} \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n_l^2} \right); \quad n_l = 2, 5; \quad 3, 3, 5, \dots$$

аларыг ки, бу да Пикериног серијасынын дүстүрүдүр. Бор қөсгөрди ки, һидрокен вэ һелиум атомларынын күтләләри бир-бириндей фәргләндикләринә көрә R_{He} бир гәндәр R_{H^+} дан фәргләнмәлидир вэ она көрә дә n_1 -ин там гиј-

мәтләри үчүн Пикеринг серисајынын хәтләри уйғун олараг Балмер серијасынын хәтләринә нисбәтән бир аз бәнөвшәји шүалар тәрәфә сүрүшмәлидир. Борун бу фикирләринин дөрүлүгүнүң һидроjen вә һелиум спектрләриндәки хәтләриң Пашен тәрәфиндән дәгиг өлчүлмүш далға узунлугларының II чәдвәлиндәки мүгајисәси тәсдиғи едир.

$Li^{++} Z=3$ вә $Be^{++} Z=4$ кими һидроjen-әбәнзәр ионларын спектрал серијалары да аналоги олараг

$$\bar{v} = 9R_H \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

вә

$$\bar{v} = 16R_{Be} \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

дүстурлары илә верилмәлидир.

Бор нәзәријәсинин нәинки һидроjen атомунун, һәм дә һидроjen-әбәнзәр атомларын спектрал серијаларындакы ганунауј-унлуглары мұваффәгијәттә изаһ едә билмәси Бор нәзәријәсинин јени парлаг тәжірибелесі иди.

Чәдвәл 2

3	6560,1 Å	6562,8 Å (H_α)
3,5	5411,6 Å	-
4	4859,3 Å	4861,3 Å (H_β)
4,5	4561,6 Å	-
5	4338,7 Å	4340,5 Å (H_γ)
5,5	4199,9 Å	-
6	4100,0 Å	4110,7 Å (H_δ)

§3.4. Нұвәнин һәрәкәтинин нәзәрә алынmasы

Нұвәнин күтләси електронун күтләсіндән чох-чох бејүк олдуғуна көрә биз индијә гәдәр Бор нәзәријәсини нәзәрдән кечирирәркән нұвәнин сүкунеттә олдуғуны, електронун исә нұвә этрафында фырланығыны гәбул етмишик. Бу

о заман мүмкүн олар ки, нұвәнин күтләси електронун күтләсінә нисбәти сонсуз бејүк олсун. Һәгигәтдә исә һидрокен атому нұвәсінин күтләси електронун күтләсінә нисбәти $\frac{M_H}{m} = 1836,1$ -дир. Мұасир спектроскопик өлчүләрин чох бејүк дәгитлиji шәраиттәнде нұвә илә електронун күтләләләринин һәтта жұхарыда костәрилән нисбәттә белә нұвәниң һәрәкәтини нәзәрә алмамаг олмаз. Классик механиканың гануналарына әсасән һәм атомун нұвәси (протон), һәм дә електрон үмуми күтлә мәркәзи этрафында фырланырлар.

Әкәр електронун вә нұвәнин күтлә мәркәзиндән олан мәсафәләрini r_e вә r_H , електронла нұвә арасындақы мәсафәни исә r илә ишарә етсәк,

$$r = r_e + r_H$$

јаза билорик. Күтлә мәркәзинин тә'рифинә әсасән

$$M_H r_H = m r_e$$

аларыг. Бурада M_H һидроjen атому нұвәсінин күтләси, m исә електронун күтләсидир.

Сон ики ифадәни r_e вә r_H корә һәллә етсәк:

$$r_e = \frac{r M_H}{M_H + m}; \quad r_H = \frac{rm}{M_H + m}$$

аларыг, Борун стационар орбитләрин квантланма постулатына әсасән үмуми күтлә мәркәзине көрә там импульс мөменти

$$M = M_H v_H r_H + m v_e r_e = n \frac{h}{2\pi}$$

ифадәси илә тә'жин олунур. Бурада $v_H = \omega r_H$ вә $v_e = \omega r_e$ улгүи олараг нұвә вә електронун хәтти сүр'этләридир. Онда

$$M = M_H \omega r_H^2 + m \omega r_e^2 = n \frac{h}{2\pi}$$

олар. r_e вэ r_H ифадэләрини нэзэрэ алсаг

$$\frac{mM_H}{M_H + m} \omega r^2 = n \frac{h}{2\pi}$$

олар. $\frac{mM_H}{M_H + m} = \mu$ илэ ишарэ етсэк:

$$\mu \omega r^2 = n \cdot \frac{h}{2\pi} \quad (3.27)$$

аларыг. Бурада

$$\mu = \frac{mM_H}{M_H + m} \quad (3.28)$$

кэтирилмий күтлэ адланыр. (3.27) ифадэси нүвөнин һөрөкөттөн ифадэсийн нэзэрэ алышмајан һал үчүн $M = mvr = m\omega^2 r = n \cdot \frac{h}{2\pi}$ ифадэсийнэ аналожидир, јеканэ фәрг онладыр ки, электронун күтлэсүү түрүндөн ифадэсийн нисбәтэн даха дөгигдир. $M_H > m$ олдугда $\mu \approx m$ олар.

Системин потенциал снержиси

$$U = -\frac{e^2}{r}$$

дүстүру, кинетик снержиси исә

$$W = \frac{I}{2} mv_e^2 + \frac{I}{2} M_H v_H^2 = \frac{\omega^2}{2} (mr_e^2 + M_H r_H^2)$$

ифадэси илэ тэ'жин олуунур. Экэр бу сон ифадэдэ r_e вэ r_H нэзэрэ алсаг

$$W = \frac{I}{2} \mu \omega^2 r^2$$

аларыг. (3.25) вэ (3.26) дүстүрларыныи алышмасындакы һесабаты нүвөнин һөрөкөттөн нэзэрэ алмагла тэкрарласаг орбитләрин радиуслары үчүн

$$r_n = \frac{h^2 n^2}{4\pi^2 \mu e^2}$$

снержи үчүн исә

$$E_n = -\frac{2\pi^2 \mu e^4}{h^2 n^2}$$

дүстүруну аларыг ки, бу да (3.25) вэ (3.26) дүстүрүндөн яланыхыз онунала фәргләнир ки, электронун күтлэсүү m кэтирилмий күтлэ μ илэ өвөз олуумушдур.

Електрон снержиси E_n олан һалдан снержиси E_k олан һала кечөркөп бурахылан шұанын тезлиji

$$\nu = \frac{c}{\lambda} = \frac{E_n - E_k}{h}$$

дүстүру илэ тэ'жин олуунур. Бурада E_n вэ E_k јеринэ алдыгымызын сон ифадэни јазаг:

$$\nu = \frac{2\pi^2 \mu e^4}{h^3} \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\bar{v} = \frac{2\pi^2 \mu e^4}{ch^3} \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

Бурадан нүвәнин һәрәкәти нәзәрә алындырылғанда һидрокен атому үчүн Ридберг сабитинин ифадәсini ала биләрик:

$$R_H^\mu = \frac{2\pi^2 \mu e^4}{ch^3} = \frac{2\pi^2 m e^4}{ch^3 \left(I + \frac{m}{M_H} \right)}$$

Онда

$$\bar{v} = R_H^\mu \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

олар. Нұвәнин һәрекәти нәзәр алымадығда һидроқен үчүн

Ридберг сабити $R = \frac{2\pi^2 me^4}{ch^3}$ олдуғундан

$$R_H^\mu = \frac{R}{m} \frac{1}{1 + \frac{M_H}{m}}$$

Үмуми һаңда истәнилән элемент атомунун нүвәси үчүн исә

$$R_Z^\mu = \frac{R}{m} \frac{1}{1 + \frac{M_Z}{m}}$$

аларыг.

Ридберг сабитинин нүвәнин һәрәкәти нәзәрә алышындан нәзәри несабланмыш гијмәти $R=109737,303\text{cm}^{-1}$ -дир. Экәр нүвәнин һәрәкәтини нәзәрә алмагла Ридберг сабитини несабласағ $R=109677,581\text{ cm}^{-1}$ гијмәтини аларыг ки, бу да тәңрүбى гијмәтлә практики олараг үст-үстә дүшүр.

Беләликлә, үмумиләшмиш Балмер дүстүруну истәни-
лән серија үчүн јаздыгда $R \rightarrow R'$ илә әвәз едилемәлидир. Бу-
радан айдын олур ки, Никеринң серисајында n -ин там гијмәт-
ләринә уйғун кәлән хәтләрин Балмер серијасында H_{α} , H_{β} ,
 H_{γ} , H_{δ} вә с. хәтләрә нисбәтән бир аз даһа гыса далғалар тә-
рәфә сүрүпмәсөнин сәбәбәни мәһз $R_{He}^{\mu} > R_H^{\mu}$ олмасында
көрә биләрик.

Екөр нұвәнин һөрекеті нәзәрә алынан вә алымадан һалларда там енержини уйғун оларға E_n^μ вә E_n илә ишарәтсөк, онда $\mu < m$ олдуғуну нәзәрә алдыгда уйғун дүстурларын мұгајисәсіндөн $E_n^\mu > E_n$ олдуғуну көрәrik. Бұ исә о де-мәқдір ки, нұвәнин һөрекеті нәзәрә алынмадан һесабланмын енержи сәвиijеләри иисбәтән бир аз $E_n = 0$ сәрхәддинең тәрәф сүрушмүшләр.

Тәрәф сүрүшмүшләр. Кәтирилмиш күтлә аялајыны, күтләсің һидрокенин күтләсендән тәхминен ики дәфә бојук олан һидрокенин изогону деңгериүү мүһум рол ојнамышыры. Деңгериүү мүһум рол ојнамышыры. Деңгериүү мүһум рол ојнамышыры.

$$\mu_0 = \frac{m}{1 + \frac{m}{2M_{II}}}$$

кими ифадә олунур. Қөрүндүү кими $\mu_D > \mu_H$. Ридберг сабити исә катырылмаш күтпөрмө иштэ дүз мүгәнасабдир. Демәли, дејтериум үчүн Ридберг сабити һидроюен үчүн Ридберг сабити дејтериум $\mu_D > \mu_H$. Мәнzs R_D^μ иштэ R_H^μ арасындағы чоң киличик, лакин дәгиги олчуларда гејд олунан би-лән фәрг американ физики J.K.Юри тәрәфиндән Дејтериум

мун кәшиф олунмасында мүхум рол ојнамыштыр. Бу кәшиф үчүн 1994-шүй илдә Йури кимја үзэр Нобел мүкафатына лајиг көрүлмүштүр.

§3.5. Елиптик орбитләриң квантланмасы

Өvvәлки параграфларда биз Бор нәзәријәсинин бир сыра мұвәффәгијәтләри илә таныш олдуг. Атом гурулушу нәзәријәсинин сонракы инкапсафында даһа бир адым Зоммерфелд тәрәфиндән атылмыштыр. Бор нәзәријәсинин илк мәрһәләсіндә жалныз даирәви орбитләриң квантланмасы шәрти, јәни бир сәрбәстлик дәрәчесинә малик системин квантланма шәрти мүәжжәләндидирилмисидир. Зоммерфелд классик механикада кеплер мәсәләсінин үмуми һәллиндән истифадә едәрәк даирәви орбитләрле жаңашы елиптик орбитләри дә нәзәрә алмыштыр. Бундан отрү квантланма гајдасыны кенишләндирмәк - бир сәрбәстлик дәрәчесинә малик олан даирәви орбитләриң квантланма гајдасыны елиптик орбитләриң квантланма гајдасына көчүрмәк лазыым кәлмишидир. Елиптик орбит үзэр һәрәкәт едән электронун вәзијәти ики параметрлә r -радиус вектору во ϕ азимут бұчалы илә тә'жин олундукундан о, ики сәрбәстлик дәрәчесинә малик олур.

Нәхајет, әкәр электронун орбит мүстөвиси фәзада вәзијәтини дәжиштерсә, онда электрон үч сәрбәстлик дәрәчесинә малик олар. Беләликлә, һәлі олунмасы лазыым кәлән биринчи мәсәлә чох сәрбәстлик дәрәчесинә малик олан системин квантланма шәртини тапмагдан ибарәт иди. Бу мәсәләни Зоммерфелд шәрти - периодик систем үчүн һәлі етмишидир. Белә системә мисал олараг анизотроп осциллятору көстәрмәк олар.

Фәрз едәк ки, күглюси t олан мадди нөгтә мүстөви үзүринде сло һәрәкәт едир ки, онун ики гарнишының перпендикулар координат охлары үзэр проексијалары мұхтәлиф v_x вә v_y тезликкләри илә садә һармоник рөгсә едирлор. Онда мадди нөгтәнин һәрәкәт тәнликләри:

$$m\ddot{x} = -k_1 x$$

$$m\ddot{y} = -k_2 y$$

олар. Бу дифференциал тәнликләрин һәлләри ашағыдақы кими олар:

$$x = a_1 \cos(2\pi\nu_x t + \delta_1) \quad y = a_2 \cos(2\pi\nu_y t + \delta_2)$$

Бурада

$$\nu_x = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_1}{m}} \quad \nu_y = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_2}{m}}$$

Әкәр $k_1=k_2$ олса олса иди, $\nu_x = \nu_y$ оларды ки, бу да изотроп осциллятор үчүн алдығымыз нәтичәләрлә ежни оларды. Биз фәрз едирик ки, $k_1 \neq k_2$. Бу һалда осциллятор анизатрон олур. Әкәр ν_x вә ν_y тезликкләри бир-биринә сох јаҳындырыса, онда шәрти-периодик һәрәкәт алышыр. Мәсәлән, $v_x = v_y$ олдугда мадди нөгтә ја дүз хәттә үзэр рөгсә һәрәкәт едәр, ја да чеврә үзэр һәрәкәт едәр. Баҳдығымыз садә һалда шәрти-периодик һәрәкәт ики садә һармоник рөгсә кәтирилир. Бу чүр рөгсә едән осцилляторун ики сәрбәстлик дәрәчеси вар, она көрә дә ики квантланма шәрти јазылмалыдыр:

$$\oint P_x dx = n_x h; \quad \oint P_y dy = n_y h \quad (3.29)$$

Бурада n_x вә n_y там гијмәтләр алыр.

Үмуми шәкилдә көстәрмәк олар ки, бир нечә сәрбәстлик дәрәчесинә малик олан системләр үчүн елә q_1, q_2, \dots, q_i үмумиләшмиш координатлары тапмаг олар ки, бу координатларда системин һәрәкәтини јухарыда баҳдығымыз анизатрон осцилляторун һәрәкәтини уйғун олараг i сајда һармоник рөгсә һәрәкәтә парчаламаг олар. Бу һалда параграф 3.2-

дә тандығымыз квантланма шәртини һәр бир сәрбәстлик дәрәчеси үчүн тәтбиг етмәк олар вә биз *i* сајда квантланма шәрти аларыг:

$$\oint P_I dq_I = n_I \hbar, \quad \oint P_2 dq_2 = n_2 \hbar, \dots, \oint P_i dq_i = n_i \hbar \quad (3.30)$$

Бурада n_1, n_2, \dots, n_i там әдәлләри квант әдәлләри адланыры.

Електрон еллиптик орбиттә һәрәкәт едәркән һәм радиус-вектор r , һәм дә азимут булағы ϕ дәйницијиндән ашагыдағы квантланма шәртләрини јаза биләрик:

$$\oint P_\phi r d\phi = n_\phi \hbar, \quad \oint P_r dr = n_r \hbar \quad (3.31)$$

Параграф 3.2-дә көстәрилмишdir ки, нұвә әтрафында фырланан електрон үчүн үмумиләшмеш импулс P_ϕ ади импулс моменти M_ϕ бәрабәрdir вә һәм дә $M_\phi = const$, яғни $P_\phi = mr^2 \dot{\phi} = M_\phi = const$; ϕ - булағы 0-дан 2π -јә тәжіриде жиндән

$$n_\phi \hbar = \oint P_\phi r d\phi = M_\phi \oint d\phi = 2\pi M_\phi$$

$$M_\phi = n_\phi \cdot \frac{\hbar}{2\pi}$$

олар. Бурада n_ϕ азимутал квант әдәди адланыры.

Бор нәзәријәсінин атом системине тәтбиг схемине әсасен өввәлчә классик механики гапунлары чәрчиwәсіндә нұвәнин Кулон саhәсіндә електронун һәрәкәт мәсәләси һәлл олунур, яғни орбитин формасындан асылы олмаараг електрон нұвәнин Кулон саhәсіндә һәрәкәт едир. Она көрә дә енержи үчүн алдығымыз (3.22) дүстүрундан истифадә етмәк олар:

$$E = -\frac{Ze^2}{2a}$$

Сонра исә енержинин бу кәсилмәз гијмәтләри чохлуғу ичәрисиндән мүәjjәn квантланма шәртләринин, мәсәлән, веријмиси һалда (3.17) квантланма шәртинин көмәји илә енержинин мүмкүн олан дискрет гијмәтләри сечилир. Бу деjиләнләрә уйғун олараq (3.31) квантланма шәртләриндән истифадә етсәк еллиптик орбитләрдә електронун енержиси үчүн

$$E_n = -\frac{2\pi^2 m Z^2 e^4}{h^2 (n_\phi + n_r)^2} \quad (3.23)$$

аларыг ки, бу да (3.23) ифадәси илә үст-үстө дүшүр. (яғни бу һалда да енержи квантланыр). Беләликлә, ики квантланма шәртиндән истифадә етмәjимизә баҳмајараг сон нәтичә даирәви орбитләр үчүн алынмыш нәтичәдән заһирән фәргләнми्र; енержи жалныз n , во n_ϕ -нин чәми олан баш квант әдәди n -дән асылыдыр. (3.23) дүстүрунун тәһлили қөстәрик ки, баш квант әдәди n -ин мүәjjәn бир гијмәти үчүн n , во n_ϕ гијмәтләриндән асылы олараq бир нечә орбит мөвчүл ола биләр. Буна инанмаг үчүн n -ин һәр бир гијмәтнә ejни бир бөjүк јарымоха а малик олан n сајда мұхтәлиф орбит уйгун кәлдијини қөстәрәк. Доғрудан да енержинин ифадәсіндөн а-ны тә'жин едib, енержинин јеринә онун квантланмыши гијмәтини јассағ

$$a = -\frac{Ze^2}{2E_n} = \frac{h^2 n^2}{4\pi^2 m Z e^2}$$

вә Бор радиусы үчүн (3.19) ифадәсіндән истифадә етсәк

$$a = a_0 \cdot \frac{n^2}{Z} \quad (3.19')$$

аларыг. Қөрүндүjу кими бөjүк јарымохун гијмәти мұхтәлиф квант һалларында баш квант әдәдинин квадраты илә дүз

мұтәнасибдир. Еллипсін кичик јарымхлору b -ни һесабlamаг үчүн аналитик һәндеседән мә'лум олан бөйк јарымохла, кичик јарымох арасындақы мұнасибәтдән истифадә етсек:

$$b = a_0 \cdot \frac{n^2}{Z} \cdot \frac{n_\phi}{n} = m n_\phi \frac{a_0}{Z} \quad (3.34)$$

аларыг. а вә b ифадәләринин мұгајисәси қөстәрир ки, бөйк јарымох јалныз баш квант әдәдіндән, кичик јарымох исә һәм баш квант әдәдіндән, һәм дә азимутал квант әдәдіндән асылыдыр.

Инди исә n , вә n_ϕ -нин алдығы гијмәтләри тапаг. $n_r=0$ олдугда $b=a$ олур. Бу һалда електрон даирәви орбит үзрә һәрәкәт едир. Демәли, $n_r=0, 1, 2, \dots$ гијмәтләрини алыр. $n_\phi=n$ олдугда да еңи нәтичәjә кәлирик. $n_\phi=0$ олдугда $b=0$. Бу һалда еллиптик орбит дүz хәттә чеврилир вә електрон дүz хәтт боюнча һәрәкәт етмәли олур. Бор нәзәриjәсинә қорә бу һалда електрон нұвә илә тогтушарды ки, бу атомун дајасызылығына кәтиреңди, она керә дә белә һәрәкәт мүмкүн дејил. Беләликлә, n_ϕ -ин ән кичик гијмәти $n_\phi=1$, ән бөйк гијмәти исә n -дир:

$$n_\phi = 1, 2, \dots, n$$

Бурадан қөрүнүр ки, n -ин һәр бир гијмәтинә, је'ни һәр бир бөйк јарымоха мұхтәлиф екссентристели n сајда мұхтәлиф орбитләр уjғун кәлир. Мәсәлән, $n=1$ олдугда

$a = \frac{a_0}{Z}$ олар, бу һалда $n_\phi=1$, $n_r=0$ олдуғундан $b = \frac{a_0}{Z} = a$ олар вә бу һалда орбит даирә олар.

Инди $n=3$ олан һалы арашыраг; $n=3$ олдугда $a=9 \frac{a_0}{Z}$, кичик јарым охун алдығы гијмәтләр исә:

$$1). \quad n=3, \quad n_\phi=1, \quad n_r=2 \quad \text{һалында} \quad b = \frac{3a_0}{Z} \quad \text{вә електронун}$$

орбити еллипс олур.

2). $n=3, \quad n_\phi=2, \quad n_r=1$ һалында $b = \frac{6a_0}{Z}$ олур вә електрон женә дә еллиптик орбит үзрә һәрәкәт едир.

3) $n=3, \quad n_\phi=3, \quad n_r=0$ һалында $b = \frac{9a_0}{Z}$ олур вә електрон даирәви орбит үзрә һәрәкәт едир.

Несабламалардан қорундүjу кими n -ин һәр бир гијмәтиндә (јалныз $n=1$ -дән башта) $n-1$ сајда еллиптик вә бир даирәви орбит алыныр вә n_ϕ нә гәдәр кичик оларса, орбитләр периҳкеjдә бир о гәдәр фокуса (нұвәjә) җаһын олурлар.

Беләликлә, баҳдығымыз мисаллар әсасында һөкм етмәк олар ки, баш квант әдәди n -ин һәр бир гијмәти үчүн еңи бир бөйк јарымоха малик олан n сајда мұхтәлиф кичик јарым оха малик олан орбитләр мөвчуддур. (3.23) дүстүрундан қорундүjу кими бүтүн бу n сајда орбитләрин һәр биринә енержинин еңи бир гијмәти, даһа дәгиг десек енержинин бир-бири илә үст-үстә дүшән n сајда бәрабәр гијмәтләри уjғун кәлир. Бу һадисәjә, је'ни бир нечә квант һалына вә ja бир нечә сәвиijәjә еңи бир енержинин уjғун қәлмәси һадисәсина чырлашма дејилир. Әкәр һәр һансы бир һәjәчанланышырычы амил жаранарса орбитләр мұхтәлиф шәкилдә деформасија уjғраjар вә бир-бири илә үст-үстә дүшән n сајда сәвиijәjә еңи n сајда мұхтәлиф сәвиijәләре парчаланыр. Бу һадисәjә исә һәjәчанланманын чырлашманы арадан галдырылмасы һадисәси дејирләр.

§3.6. Електронун магнит моменти. Лармор теореми

Билдијимиз кими гапалы (даирәви вә ja еллиптик) орбит боюнча һәрәкәт едән електрона мүejjән бир макро даирәви өөрәjан кими баҳмат олар. Бу өөрәjанын шиддәти

$$J = -\frac{e}{T} = -\frac{e\omega}{2\pi}$$

ифадәси илә тә'јин олунур. Бурала e - электронун јүкү, T - фырланма периоду, ω -бұчаг сүр'етидір.

Електрон јүкүнүн ишарәси әввәлчәдән нәзәрә алындырындан бу параграфдакы ифадәләрдә е мүсбәт әдәд несаң олумалыдыр, жә'ни

$$e = 4,8 \cdot 10^{-10} \text{ CGSEj.b.}$$

Дикәр тәрәфдән електрик курсундан билдијимиз кими бу өнерејан ашағыдақы μ_e магнит моментинә еквивалентдир:

$$\begin{aligned} \mu_e &= \frac{I}{c} JS = -\frac{e\omega r^2}{2c} = -\frac{em\omega r^2}{2mc} \\ \mu_e &= -\frac{eM_\varphi}{2mc} \end{aligned} \quad (3.35)$$

Бурада S - өнерејанын әһатә өтдији контурин саһәси, $M_\varphi = m\omega r^2$ исә електронун импульс моментидір.

Електронун јүкү мәнфи олдуғундан орбитал импульс моменти вектору \vec{M}_φ вә орбитаол магнит моменти вектору $\vec{\mu}_e$ истиғамәтчә бир-биринин әксинә јөнәлмәлидір:

$$\vec{\mu}_e = -\frac{e\vec{M}_\varphi}{2mc} \quad (3.36)$$

Бу дүстурдан көрүнүр ки, електронун магнит моментинин онун импульс моментинә нисбәти сабит кәмијәттір; бу сабит кәмијәттә гиромагнит нисбәти дејилір (бах Лантде фактору) вә g һәрфи илә ишарә олунур:

$$\frac{\mu_e}{M_\varphi} = g = -\frac{e}{2mc}$$

Бу дүстур зәррәчијин импульс моменти илә магнит моменти арасында әлагә жарадыр. Бор нәзәрийәсинә әсасен импульс моменти квантланмыши $M_\varphi = \frac{\hbar}{2\pi} n_\varphi$ гијмәтини алыр. Бурада n_φ - орбитал (азимутал) квант әдәди. Онда електронун орбитал магнит моменти

$$\mu_e = -\frac{eh}{4\pi mc} n_\varphi \quad (3.37)$$

олар. Демәли, електронун магнит моменти дә квантланыр, жо'ни магнит моменти истонылән гијмәтләр ала билмәз, јалныз мүәйјөн дискрет гијмәтләр ала биләр. Магнит моментинин $n_\varphi=1$ -ә уйғун гијмәтинә Бор магнетону дејирләр:

$$\mu_0 = \frac{eh}{4\pi mc} = 9,274 \cdot 10^{-21} \text{ CGSM}$$

Онда

$$\mu_e = -\mu_0 n_\varphi \quad (3.38)$$

Бор магнетонундан магнит моментинин тәбии ваһиди кими истифадә олунур.

Инди исә електрон орбитинә харичи магнит саһәсинин тә'сирини тәһлил едәк. Фәрз едәк ки, магнит моментинә малик атом (биз һәләлик һидрокен атомуна баҳары) харичи магнит саһәсинә дахил едилиб, онда айдындыр ки, атомун магнит моменти жа харичи магнит саһәсинә паралел, жа да антипаралел јөнәлдилмәлидір. Лакин әслиндә бу нағисе бағш вермир. Буна атомун (әслиндә електорнун) фырғыра олмасы ма'нечилик қостәрір. Қестәрмәк олар ки, харичи магнит саһәсіндә јерләшмиши атомда електронун орбит

радиусу сабит галмагла, онун нұвә әтрафында фырланма тезлиji дәjишир. Бунун үчүн әvvәлчә садә haла баxаг. Тутаг ки, харичи магнит саhеси олмадыгда електрон нұвә әтрафында r радиуслу даирәви орбит үзrә ω_0 бучаг сүр'ети илә фырланыр. Бу haлда електрона тә'сир едән мәркәзгачма гүvвәси

$$F_{M.G.}(H=0) = \frac{mv^2}{2} = m\omega_0^2 r$$

шәклиндә олур ки, бу да електронла нұвә арасындакы Кулон гүvвәси илә таразлашыр, жо'ни $m\omega_0^2 r = \frac{e^2}{r^2}$. Бу гүvвә харичи саhеләрдә електрона тә'сир едә биләчек гүvвәләрдән чох-choх бөjүк олдуғундан, атому харичи магнит саhесинде јерләшdirдикдә електрон орбитинин радиусу дәjишимир. Инди фәрз едәк ки, атом електронун орбит мүстәвисинә перпендикулар истигамәтдә јонәлмиши харичи магнит саhесинә дахил едилir. Онда електрона F_L Лоренс гүvвәси тә'сир едәчек вә гүvвө радиус боюнча јонәләчекдир.

$$F_L = \frac{e}{c} v H = \frac{e}{c} \omega r H$$

Бурада ω -електронун магнит саhесиндәки даирәви тезлиji-дир ки, бу да ω_0 -дан фәргләнир. Магнит саhесинде електрона тә'сир едән гүvвәләр

$$\vec{F}_{M.G.}(H=0) = \vec{F}_{M.G.}(H \neq 0) + \vec{F}_L$$

$$m\omega_0^2 r = m\omega^2 r \pm \frac{e}{c} \omega r H$$

олар. Бу ифадәдәki ± ишарәси електронун бучаг сүр'ети вектору илә \vec{H} векторунун иисби ориентасијасындан асылы олараг сечилир. Сонунчу ифадәни ашағыдақы шәкилдә жасаг:

$$m\omega_0^2 r - m\omega^2 r = \pm \frac{e}{c} \omega r H$$

аларыг. Гәбул едәк ки, $|\omega - \omega_0| = \Delta\omega \ll \omega, \omega_0$, онда $\omega_0^2 - \omega^2 = (\omega_0 - \omega)(\omega_0 + \omega) \approx 2\omega\Delta\omega$, дөгрудан да несаблагамалар көстәрир ки, ω илә ω_0 бир-бүриндән чох аз фәргләнир, жо'ни $|\Delta\omega| = |\omega - \omega_0| \ll \omega$ вә $\omega + \omega_0 \approx 2\omega$ мұнасибәти чох бөjүк дәгигликлә өденир. Бүнлары нәзәрә алдыгда (3.39)-дан

$$\Delta\omega = \pm \frac{eH}{2mc}$$

алырыг.

Беләликлә, харичи магнит саhесинде електронун нұвә әтрафында фырланмасыны даирәви тезлиji

$$\omega_L = \frac{eH}{2mc} \quad (3.40)$$

гәдәр дәjипиir, бурада ω_L - Лармор тезлиji адланыр.

Бучаг сүр'ти векторунун истигамәтини тә'жин едәк. \vec{v} вә \vec{r} -ин мә'лум истигамәтләrinә әсасен $\vec{v} = [\vec{\omega}_0 \vec{r}]$ вектору haслиндән $\vec{\omega}_0$ векторунун истигамәтини тә'жин етмәк олар. Экәр \vec{H} вектору $\vec{\omega}_0$ векторунун әксинә јөнәләрсө, онда \vec{F}_L гүvвәси $\vec{F}_{M.G.}$ гүvвәсiniн әксинә јөнәләр. Бу заман фырланма мәркәзинә дөгрү електрона тә'сир едән гүvвә

кечилидијиндән, / $F_{M.z.} = \frac{mv^2}{r}$ вә $v = \omega_0 r$ дүстурларындан көрүндүгү кими / електронун сүр'ети v вә бучаг сүр'ети ω_0 азалып. Бу исә ону қөстәрип ки, Лармор бучаг сүр'ети вектору $\vec{\omega}_L$, $\vec{\omega}_0$ -ын әксинә јөнәлмәклө \vec{H} вектору илә ejни истигамәтдә олур. \vec{H} векторунун истигамәти дәжишәрсә \vec{F}_L вә $\vec{F}_{M.z.}$ гүввәләри ejни истигамәтли олуб, фырланма мәркәзинә дөгрү јөнәләрлөр вә електрона тә'сир едән гүввә бөйүдүйндән \vec{v} вә $\vec{\omega}_0$ бөйүжер. Бу һалда $\vec{\omega}_L$ вә $\vec{\omega}_0$ -ын истигамәтләри ejни олар вә $\vec{\omega}_L$ вектору јенә дә \vec{H} вектору истигамәтиндә јөнәләр. Орбитин радиусу дәжишмәдән бу әлавә бучаг сүр'етинин јаранмасына, атомун магнит саһәсindә әлавә олараг $\vec{\omega}_L$ бучаг сүр'ети илә фырланмасы кими баҳмат олар.

Биз јухарыда қөстәрдик ки, һәр һансы бир атому магнит саһәсine дахил етдикдә електронун сүр'ети вә даирәви тезлиji дәжишир; бу кәмијјәтләрип дәжишмәси електронун кинетик спержисинин дә дәжишмәсine қәтирәр. Орбитин радиусу сабит галдығындан електронун потенциал спержиси сабит галыр. Җикәр тәрәфдән, мә'lумдур ки, магнит саһәси (Лоренс гүввәси) иш кормүр. Онда белә бир суал ортаја чыхыр ки, бәс атомда електронун кинетик спержиси нәјин һесабына дәжишир? Јалныз електромагнит индуксија нәзәрийесинә әсасланараң бу суала чаваб вермәк олар. Бу нәзәрийе әсасен атомун јерләшдији фәзада магнит саһәси јараптыгда вә ja дәжишникдә бурулғанлы електрик саһәси јарапыр вә бу саһәнин тә'сири алтында атомда електронун сүр'ети дәжишир.

Инди исә даһа үмуми һалы – електронун бучаг сүр'ети вектору $\vec{\omega}_0$ вә магнит саһәси вектору \vec{H} ихтијари гарышылыглы ориентасијасы һалыны нәзәрдөн кечирәк. Нүввәдән вә онун әтрафында чөврә бојунча фырланан електрондан ибарәт олан атома магнит моментинә малик олан жироскоп кими баҳмат олар. Жироскопун һәрәкәт төнлиji

$$\frac{d\vec{M}_\varphi}{dt} = \vec{M}; \quad \vec{M} = [\vec{\mu}_l \vec{H}]$$

$$\frac{d\vec{M}_\varphi}{dt} = [\vec{\mu}_l \vec{H}] \quad (3.41)$$

Шәклиндә ифадә олунур. бу дүстурдан көрүнүр ки, импулс моменти векторунул дәжишмәси ($\frac{dM_\varphi}{dt}$ - вектору) $\vec{\mu}_l$ орбитал магнит моментинә вә M_φ импулс моменти векторуна перпендикулардыр; дикәр тәрәфдән $\frac{dM_\varphi}{dt}$ вектору \vec{H} векторуна да перпендикулардыр. Онда $\frac{dM_\varphi}{dt}$ вектору, \vec{H} векторуна перпендикулар олан үфиги мүстәви үзәриндә јерләшәр вә \vec{M}_φ векторунун учу бу мүстәви үзәриндә (\vec{H} - вектору әтрафында) чөврә бојунча ω_L тезлиji илә фырла начагдыр; је'ни електронун M_φ импулс моменти векторунун учу Н магнит саһәси вектору әтрафында

$$\vec{\omega}_L = \frac{e\vec{H}}{2mc}$$

бучаг сүр'ети илә пресессија едәчәкдир. Магнит моменти вә импулс моменти векторлары бир-бири илә (3.41) мұнасабәти васитәсилә бағлы олдуғларына қөрә електронун $\vec{\mu}_l$ магнит моменти векторунун да учу һәмин бучаг сүр'ети илә Н вектору әтрафында пресессија едәчәклир.

Беләликлә, жироскопун гравитасија саһәсindә һәрәкәттеги охшар олараг атом да магнит саһәсindә пресессија һәрәкәти едир. Бу пресессија һәрәкәтинә Лармор пресессијасы дејилир.

Атомун \mathbf{H} вектору әтрафында пресессија етмәсі, электронун орбит мұстәвисинин \mathbf{H} вектору әтрафында Лармор пресессијасы етмәсі демекдир. Бурадан да Лармор теореми мејдана чыхыр: Магнит саһесинин атомда электронун орбитинә тә'сиригин жеканә нәтижеси орбитин вә электронун μ_l магнит моменти векторунун нұвәдән кечән вә \mathbf{H} векторуна паралел олан ох әтрафында ω_L бүчаг магнит векторуна паралел олан ох әтрафында ω_L бүчаг сүр'етилә пресессија етмәсіндән ибарәтдир. Инди $\frac{\omega_L}{\omega}$ - нисбәтинин гијмәтләндирәк:

$$\mu_l = \frac{e\hbar}{4\pi mc}; \quad \omega_L = \frac{eH}{2mc} = \frac{2\pi\mu_l H}{h} \text{ илә әвөз етсәк:}$$

$$\frac{\omega_L}{\omega} \sim \frac{2\pi\mu_l H}{\omega h} \sim 10^{-7} H$$

$$H < 10^6 \text{ ерстед} \text{ гијмәтләрindә } \frac{\omega_L}{\omega} \ll 1 \text{ ола биләр.}$$

Лармор теореми бир сыра һадисәләри, о чүмләдән нормал Зејман еффектини вә диамагнетизми изаһ етмәjә имкан верир.

Жадда сахламаг лазымдыр ки, јухарыда тејд едилдији кими электронун орбитдәки сүр'етинин вә бүчаг сүр'етинин дәјишмәсі вә беләликлә дә, Лармор пресессија һәрәкәтинин жаранмасы вә дәјишмәсі жалның харичи магнит саһесинин дәјишмәсі мұддәтиндә баш верир. Магнит саһесинин дәјишмәсі дајандыгда бүтүн бу дәјишмәләр дајаныр, о чүмләдән, Лармор пресессијасы һәрәкәтинин бүчаг тезлијинин дәјишмәсі дә дајаныр вә о, (3.40) ифадәси илә тә'јин олунан сабит гијмәтини алыр.

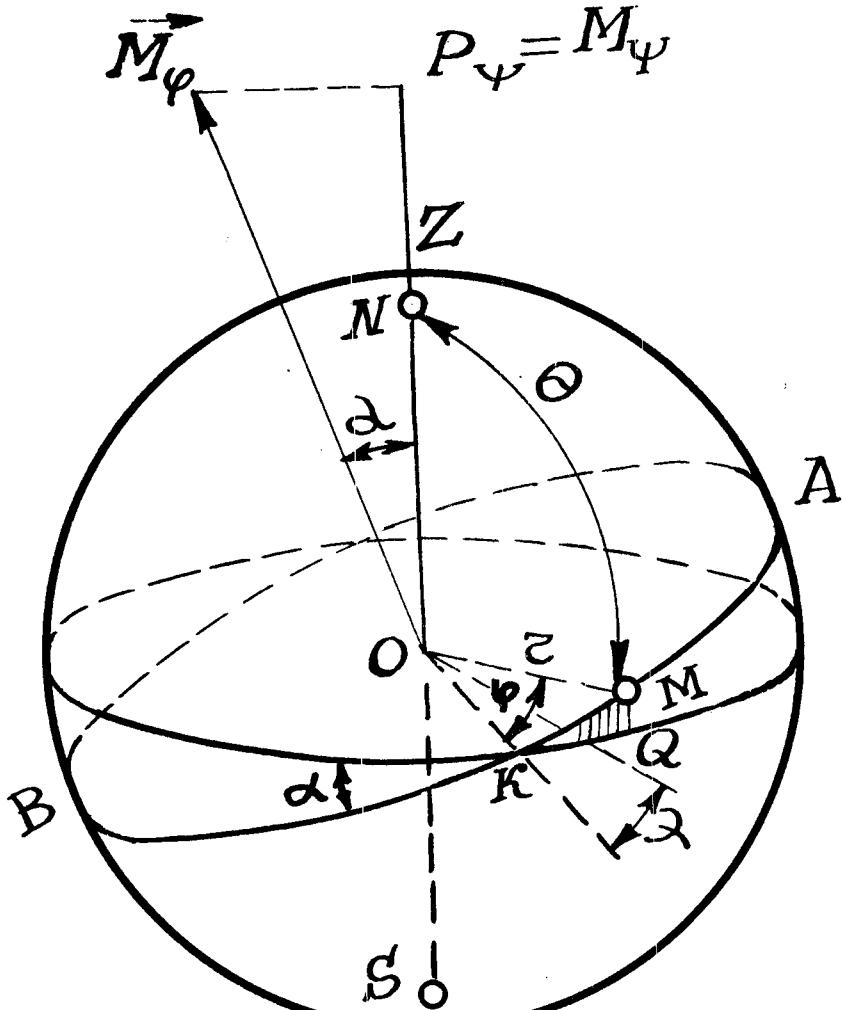
§ 3.7. Фәза квантлаймасы

Биз электронун даирәви вә еллиптик орбит бојунча һәрәкәтинә баҳдыг. Бу һәрәкәтләрдә электрон бир вә ики

сәрбәстлик дәрәчәсинә малик олдуғундан уйғун олараг бир вә ики квантлама шәртиндән истифадә етмишдик. Инди даһа үмуми һалы тәһлил етмәк үчүн фәрз едәк ки, μ -магнит моментинә малик олан атом харичи магнит саһесинә дахил едилмишдир. Айдындыр ки, белә атом харичи саһә илә гарышылыглы тә'сирдә олачаг вә гарышылыглы тә'сир енержиси $U = -(\vec{\mu}\vec{H})$ олар. Беләликлә, электронун там енержиси дәјишәчәкдир. Енержинин дәјишмәсі орбитин вәзијәтгендә мүәjjән дәјишиклијин жаранмасына қәтирмәлидир. Тутаг ки, белә дәјишмә орбит мұстәвиси вәзијәтинин дојишмәсінә қәтирир; экәр дөргудан да белә һалда орбитин вәзијәті дәјиншәрсә, онда орбит мұстәвисинин $H=0$ олан һалдақы мұстәвијә нәзәрән ала биләчәји вәзијәтләри мүәjjәнләшdirәк.

Фәрз едәк ки, $H=0$ олдуғда орбит мұстәвиси екваториал мұстәви үзәриндәдир. Бу һалда электронун һәрәкәт мигдары моменти M_ϕ , Z -оху истигамәтдә олачагдыр. Харичи магнит саһесини дә Z оху истигамәттіндә јонәлдәк. Онда электронун харичи саһә илә гарышылыглы тә'сирин нәтижесидә орбит мұстәвисинин екваториал мұстәвијә нәзәрән α -бучагы гәдәр дөнмәсіни гәбул едәк (AB орбит мұстәвиси) вә бу бучагын ала биләчәји гијмәтләри тә'јин едәк. Фәзада электронун вәзијәті үч координатла харәктеризә олундуғундан электрон үч сәрбәстлик дәрәчәсинә малик олачагдыр. Сәрбәстлик дәрәчәләринин үчүнү дә нәзәрә алмагла биз нәинки электронун орбит үзрә һәрәкәтини тәсвир етмәк, һәм дә орбит мұстәвисинин фәзада вәзијәтини тә'јин етмәк имканы әлдә едирик. Електронун фәзада вәзијәті үч сферик r , θ вә ϕ координатлары илә харәктеризә олунур. Она көрә дә үч квантланма шәрти жазылмалыдыр:

$$\oint P_r dr = n_r h, \quad \oint P_\theta d\theta = n_\theta h, \quad \oint P_\psi d\psi = n_\psi h$$



Шәкил 7

Бурада, n_r, n_θ, n_ψ -радиал, екваториал вә енлик квант әдәмләриди.

Үмумиләшмиш импулсларының һесабламаг үчүн үмуми тајда үзрә сферик координатларда енержинин

$$E = \frac{m}{2} \left[\left(\frac{dr}{dt} \right)^2 + \bar{r}^2 \left(\frac{d\theta}{dt} \right)^2 + \bar{r}^2 \sin^2 \theta \left(\frac{d\psi}{dt} \right)^2 \right] + U(r)$$

ифадәсindән үмумиләшмиш сүр'этләрә корә торәмәләр алмаг лазыымдыр:

$$P_\theta = \frac{\partial E}{\partial \dot{\theta}} = mr^2 \dot{\theta} = M_\theta, \quad P_\psi = \frac{\partial E}{\partial \dot{\psi}} = mr^2 \sin^2 \theta \dot{\psi} = M_\psi,$$

$$P_r = \frac{\partial E}{\partial \dot{r}} = m\dot{r}\theta$$

41-чи шәкилдән корүндүjү кими ψ координаты електронун екватор үзрә проекциясының һөрөкотини ҳарактеризә едир, она уйғун $P_\psi = M_\psi$ үмумиләшмиш импулсу исә там импулс моменти M -ин Z оху үзрә проекциясыдыр. Бу охун истигамети, мәсәлән, һәмни ох үзрә јөнәлмии магнит саһәсинин истигамети илә дә верилә биләр. Асанлыгы инанмаг олар ки, $P_\psi = M_\psi$ оз гијмәтини сабит сахлајыр, ю'ни $M_\psi = \text{const}$. Буша инанмаг үчүн жухарыдақы ифадәләрі нәзәрә алмагла һамилттон функциясыны јазаг:

$$H = W + U = \frac{1}{2m} \left(P_r^2 + \frac{1}{r^2} P_\theta^2 + \frac{1}{r^2 \sin^2 \theta} P_\psi^2 \right) - \frac{Ze^2}{r} \quad (3.43)$$

аларыг. Экәр һәр һансы бир координат һамилттон функциясына ашкар шәкилдә дахыл дејилсә, белә координат тсиклик координат адланыры. Мәлүмдүр ки, әкәр координатлардан һәр һансы бири тсиклик координатдырса, онда она уйғун үмумиләшмиш импулс сабитдир. (3.43) ифадәсindән корүндүjү кими ψ координаты һамилттон функциясына ашкар шәкилдә дахил дејил. Демәли, $M_\psi = \text{const}$. Онда

$$\oint P_\psi d\psi = \oint M_\psi d\psi = M_\psi \oint d\psi = 2\pi M_\psi = n_\psi h$$

$$M_\psi = \frac{h}{2\pi} \cdot n_\psi$$

олар. Беләликлә, импулс моментинин магнит саһәси истигамәти үзрә проексијасы квантланмыш гијмәтләр алыр. Бу о демәкдир ки, АВ орбит мүстәвиси (һәјәчанланмыш орбит) фәзада ихтијари вәзијәт (оријентасија) ала билмәз, о, јалныз мүмкүн олан мүәјҗән дискret вәзијәтләри ала биләр. Бу вәзијәтләри даһа мүкәммәл тәһлил етмәк үчүн һәјәчанланмыш орбитин екваториал мүстәвијә нәзәрән мејл бучачыны арашыраг. 41-чи шәкилдән

$$\cos \alpha = \frac{M_\psi}{M_\phi} = \frac{n_\psi h}{n_\phi h} = \frac{m}{n_\phi} \quad |m| = n_\psi$$

мұнасибәтини алышыг. $|\cos \alpha| \leq 1$ олдуғундан $|m| \leq n_\phi$ олар. Дикәр тәрәфдән $-1 \leq \cos \alpha \leq +1$ гијмәтләри алдығынан m -ин алдығы гијмәтләр

$$-n_\phi, -(n_\phi - 1), \dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots, n_\phi$$

олар; јә'ни $m, 2n_\phi + 1$ гәдәр гијмәт алар. m вә n_ϕ сечилмиш гијмәтләр алдығындан $\cos \alpha$ ихтијари гијмәти алмайыб, јалныз сечилмиш гијмәтләри алачагдыр. Бу о демәкдир ки, фәзада орбитин вәзијәти квантланмыш гијмәтләри алыр. Мәсәлән, $n_\phi = 1$ олдуғда $\cos \alpha = \frac{m}{n_\phi}$ мұнасибәтінә көрә $m=0, \pm 1$ гијмәтләрини алыр; орбит мүстәвиси исә фәзада $\alpha = 0, \frac{\pi}{2}, \pi$ вәзијәтләрини алыр вә с. Даҳил едилән m әдәдинә магнит квант әдәди дејирләр вә импулс моментинин үстүн истигамәти үзрә проексијасының характеристизә едир.

Параграф 3.5.-дә қөстәрдилдији кими (3.29) квантланма шәртләри (3.23) ифадәсинә қәтирир вә еллипсин ексцентриситетини тә'жин едир. Қөстәрмәк олар ки, екваториал вә енлик квант әдәдләри илә азимутал квант әдәди арасында

$$n_\phi = n_\theta + n_\psi$$

әлагәси вардыр. Онда там енержи үчүн (2.23) ифадәси

$$E_n = -\frac{2\pi^2 mz^2 e^4}{h^2 (n_2 + n_\theta + n_\psi)^2} \quad (3.44)$$

шәклини алар. (3.44) ифадәсindән көрүнүр ки, еллиптик орбитләrin квантланмасы һалында олдуғу кими орбитин фәзада оријентасијасы нәзәрә алындыры (фәза квантланмасы) һалда да електронун там енержиси квантланыр вә айры-айры квант әдәдләrinдән дејил, јалныз бүтүн квант әдәдләrin чәминдән асылыдыр. Демәли, фәза квантланмасында ҹырлашма дәрәчәси даһа да артыр, чүнки иәнки ејни бөјүк јарымохлу бүтүн еллипсләр, һәм дә фәзада мұхтәлиф оријентасијалар алмыш бу ҹүр бүтүн еллисler ејни енержијә малик олур.

Һәјата кечирилән бүтүн дәгигләшdirмәләрдән соңра (еллиптик орбитләрә баһылмасы, орбитләrin фәзада оријентасијасының нәзәрә алынmasы) алынан нәтичәнин ән садә даирәви орбитләр һалында алынан нәтижә илә үст-үстә дүшмәсі бүтүн бу мүрәккәбләшdirмәләrin лазымсыз олдуғу фикрини јарада биләр. Һәгигәтдә исә бу белә дејил. Харичи магнит саһәси сыйфырдан фәргли олдуғда n_ψ екваториал квант әдәди (вә ja m магнит квант әдәди) илә әлагәдар олан ҹырлашма арадан галдырылыр, јә'ни мұхтәлиф оријентасија малик орбитләр мұхтәлиф енержиләрә малик олур. Бу истигамәтдә ардычыл сурәтдә апарылмыш несабламалар нормал Зејеман еффектини изаһ етмәjә имкан ве-рир. Бундан башга, бир нечә електрона малик олан мүрәккәб atomларда дахили електронларын кәнар електронлара

көстәрдикләри һәјечанлашдырычы тә'сир, атомун там енержиси ифадесинә $n_r + n_\phi$ чәминә бәрабәр олан n баш квант әдәди илә јанаши азимутал квант әдәдинин дә дахил олмасына кәтирир. Бунун нәтичәсиндә бирелектронлу атомларда ejni баш квант әдәдинә (лакин мұхтәлиф азимутал квант әдәдләринә) уйғын олан вә бир-бирилә үст-үстә дүшән енержи сәвијәләри, чохелектронлу атомларда бир-бириндән араланырлар. Бу исә бир валент електрону олан мұрәккәб атомларын (дөври системин биринчи груп элементләри Li , Na , K вә с.) спектрләриндәки хүсусијәтләри изаһ етмәjә имкан верир.

Беләликлә, биз индијәдәк үч квант әдәдини нәзәрдән кечирдик.

1. n -баш квант әдәди. Баш квант әдәди атомда електронун енержисини вә електронун јерләпдији сәвијәнин номрәсини тә'јин едир.

2. n_ϕ - азимугал квант әдәди ($n_\phi = 1, 2, 3, \dots, n$). Електронун импулс моментини тә'јин етмәк үчүн n_ϕ әвәзинә $l=n_\phi-1$ квант әдәдини дахил едирләр. l -ә көмәкчи квант әдәди дејилир. Бә'зән буна орбитал квант әдәди вә нәһајәт, азимутал квант әдәди дә дејирләр. n -ин верилмиш гијмәтиндә орбитал квант әдәди $l = 0, 1, 2, \dots, (n-1)$ гијмәтләрини, је'ни чәмиси n гијмәт алыр. Орбитал квант әдәди електронун орбитдә импулс моментини характеристизә елир. Чохелектронлу атомларда (гәләви металларын атомларында) електронун енержиси l -дән асылы олур.

3. m_Z -магнит квант әдәди. Магнит квант әдәди импулс моментинин үстүн истигамәт үзрә (мәсәлән, харичи магнит саһәсинин истигамәти үзрә) проексијасыны тә'јин едир вә сыйфыр да дахил олмагла $-l$ -дән $+l$ -ә гәдәр бүтүн там гијмәтләри алыр, је'ни $2l+1$ гијмәт алыр.

§ 3.8. Штерн-Һерлах тәчрүбәси

Борун фәзада квантланма нәзәријәсини тәчрүбәдә илк дәфә 1921-чи илдә Штерн вә һерах юхламышлар. Тәчрүбәни шәрх өтмәздән әvvәл тәчрүбәдә һансы кәмијәтин, һансы шәраитдә өлчүлмәсисинин мүәjїнләшdirәк. Фәза

квантланмасынын тәһлилииндә гејд етдик ки, харичи магнит саһәсинә дахил едилмиш атомун, гарышылыглы тә'сир нәтиҗәсисиндә, електрон орбитинин вәзијәти дәјишә биләр; бу дәјишмә

$$\cos \alpha = \frac{m_Z}{m_\phi}$$

илә тә'јин едилир. Бу мұнасибәтә дахил олан кәмијәтләрин һеч бири тәчрүбәдә өлчүлә билән кәмијәтләр дејилдир. Она көрә дә бу мұнасибәти тәчрүбәдә өлчүлә бөйлән кәмијәтләрлә әлагәләндирәк.

Мә'лумдур ки, харичи H -магнит саһәсинә дахил едилмиш μ_l -магнит моментинә малик олан атом харичи саһә илә гарышылыглы тә'сирдә олур:

$$U = -(\vec{\mu}_l \vec{H})$$

бурадан

$$\mu_l = \frac{e\hbar}{4\pi m c} n_\phi = \mu_0 n_\phi; \quad n_\phi \cos \alpha = m_Z$$

гијмәтини јеринә јазсаг:

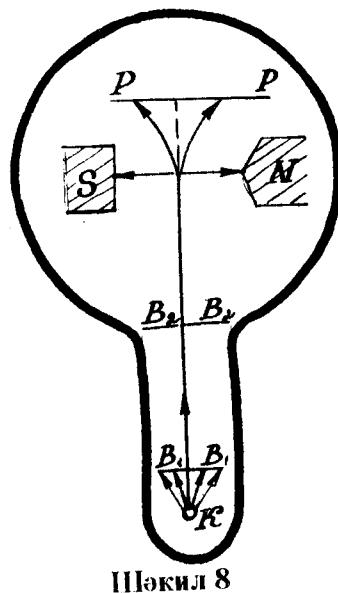
$$U = -\mu_0 H n_\phi \cos \alpha = -m_Z \mu_0 H$$

олар. Онда атома тә'сир едән гүввә:

$$\vec{F} = -grandU = grand(\vec{\mu}_l \vec{H}); \quad F = m_Z \mu_0 \frac{dH}{dr}$$

олар. Бурадан көрүнүр ки, саһә гејри-бирчинсли олмалыдыр вә гејри-бирчинслилик дәрәчәси нә гәдәр бөյүк олса, тә'сир гүввәси бир о гәдәр бөйүк олачагдыр. Экәр тәчрүбәдә атомларын һәрәкәти z -оху истигамәтдә оларса, онда саһә һөкмән бу истигамәтә перпендикулjar олмалыдыр. Мүәjїнләшdirәк үчүн саһәни Z -оху истигамәтдә јөнәлтсәк, онда

$$F_z = m_z \mu_0 \frac{dH}{dz}$$

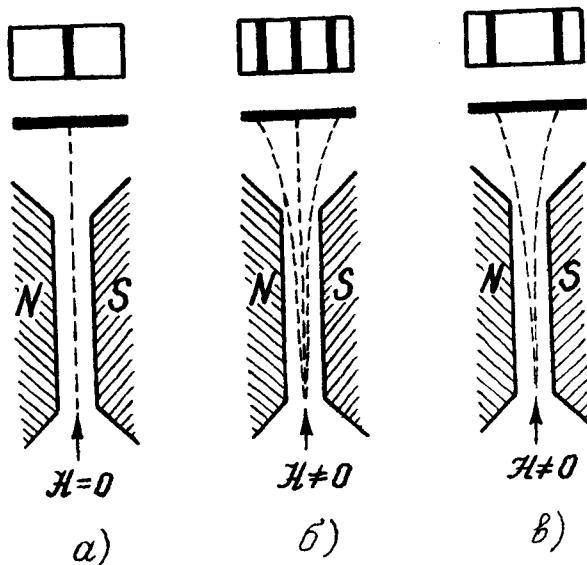


Шәкил 8

олар. Беләликлә, фәза квантланмасыны тәчрүбәдә јохламаг үчүн нејтрал атом дәрстәсисе гејри-бирчинсли сагнит саһесинин тә'сирини тәһлил етмәлийк. F_z -ә дахил олан магнит квант эдәди m_z , $2n_\phi + 1$ гијмәт алдырындан, атом дәстәси $2n_\phi + 1$ компонентине парчаланмалысыр. Тәчрүбәнин нәтичәләрини јашы мұшаһидә етмәк үчүн $n_\phi = 1$ олан атомлардан истифадә етмәк лазымдыр. Бу мәгсәдлә үзәрине назик құмуш тәбәгәси (лајы) чәкилмиш K катоду ваккум јарадылмыш балона дахил едилир. Катод гыздырылығда онун сәтһиндән құмуш атомлары бүтүн истигамәтләрдә бухарланыр. Бухарланмыш құмуш атомларындан назик бир дәстә аյырмаг үчүн катод гарышсына B_1 вә B_2 диафрагмалары гојулур. Алынан назик атом дәстәси гејри-бирчинсли магнит саһесиндән кечәрәк P , лөвһәсі үзәрине дүшүр. Тәчрүбәнин нәтичәләрини шәрһ етмәздән әvvәл мүмкүн олан билән нәтичәләри тәһлил едәк.

Әкәр магнит саһәси олмазса $H=0$ онда диафрагмалардан кечән атом дәстәси heч бир манеәјәраст қәлмәдијиңдән (таршылыглы тә'сир олмадығындан) Р-ловһәси үзәриндә назик бир золаг јараныр (шәкил 9-а) $H\neq0$ олдугда атом дәстәси гејри-бирчинсли магнит саһәсинин тә'сириңә мә'руз галыр.

Доғрудан да, һәр бир атом μ_i -магнит моментине малик олдуғундан о, харичи саңә илә гаршылығлы тә'сирдә олачаг вә бу тә'сир §3.7-дә дејилдији кими орбитин вәзијәтини (ориентасијасына) дәжишә биләр. Экәр, доғрудан да орбитин вәзијәти дәжишәрсә, онда бу дәжишмәни дәгиг мұшақидә етмәк үчүн, елә вәзијәт сечилмәлидир ки, фәзада ориентасијасының сајы минимум олсун. Бу мәгсәдлә катод үзәринә құмұш лајы чәкилир, чүнки, құмұш атомларына валент електронлары $n_\phi=1$ һалынадыр. $n_\phi=1$ олдуғда $m_z=0$; t_1 гијмәтләрини алыр ки, бу да бизи үч ориентасија көтирир (шәкил 9 б). Тәчрүбә исә буну тәсдиг етмир.



Шәкил 9

Тәрүбә көстәрир ки, назик атом дәстәси гејри-бирчинсли магнит саһәсендән кечдикдә ики дәстәжә парчаланып, јә'ни Р-ловхәсі үзәриндә ики хәтт алышып. Бу тәрүбә факт Борун фәза квантланмасыны тәсдиг етмир. Экәр биз истәсәк ки, бу факты Бор нәзәрийәси илә әлагәләндирәк, онда ентираф етмәлийк ки, ола биләр ки, фәза квантланмасы мөвчуддур, лакин Бор нәзәрийәсини дедижи кими дејил. Бу тәрүбә факты изаһ етмәк үчүн 1925-чи илдә Уленбек вә Гаудсмитт һәр бир электронун мүәйян мәхсуси механики моментә (спин моменти) малик олмасы фәрзијәсини ирәли сүрдүләр. Бу мәхсуси механики моментин гијмәти елә сечилмәлийдир ки, о јалныз ики гијмәт алмагла, бу гијмәттәрдән фәрги $M_n - M_{n-1} = \frac{\hbar}{2\pi}$ олмалыдыр. Экәр спин мом

ментинин гијмәтини $M_s = \pm \frac{1}{2} \cdot \frac{\hbar}{2\pi}$ сечесәк, онда гојдуғумуз тәләбләр өдәнәр вә Штерн-Һерлах тәрүбәсінин истичәләри изаһ едилмиш олар. Соңракы тәрүбәләр вә тәһлилләр көстәрди ки, Штерн-Һерлах тәрүбәләри слектронун спин моментинә малик олмасыны ашқар чыхармыш вә Уленбек-Гаудсмитт фәрзијәсінин һәтигото үйғун олмасыны тәсдиг стишишdir.

§3.9. Електронун спини

Штерн-Һерлах тәрүбәсінин тәһлилиндә қөрдүк ки, фәза квантланмасыны тәрүбәдә юхламаг үчүн орбитал магнит моментин проексијасыны өлчимәк кифајәтдир. Бу тәрүбәни һидроқен атому үчүн бир даһа тәһлил едәк.

Мә'лүмдүр ки, һидроқен атомунун магнит моменти $\mu_l = \frac{eh}{2\pi mc} n_\varphi$ илә тә'јин едилir. Квант механикасында адәтән $l=n_\varphi-1$ орбитал квант әдәлиндән истифадә едирләр. Квант механикасында апарылан һесабат, магнит моменти үчүн $\mu_l = \frac{eh}{2\pi mc} l = \mu_0 l$ ифадәсінә кәтирир. Бу ифадәjә

көрә S һалында ($l=0$) олан атомун орбитал магнит моменти сыйырдыр. Онда нормал һалда олан атомар һидроқен дәстәси гејри-бирчинсли магнит саһәсендән кечдикдә һеч бир тә'сирә мә'рүз галмамалыдыр. Экәр дәстәдә Р-һалында ($l=1$) олан электрон оларса, онда дәстә магнит квант әдәдинин гијмәтине үйғун олараг $m_z=0; \pm 1$ үч компонентә парчаланмалыдыр. Үмумијәттә, l -ин гијмәтиндән асылы олараг һәмициә тәк сајда ($1; 3; 5; \dots$) компонентә парчаланма мүшәнидә едилмәлийдир. Лакин тәрүбә көстәрир ки, S һалында олан атомар һидроқен дәстәси ики компонентә парчаланып. Белә қөзләнүлмәз нәтижә квант механикасының әсасларыны бир даһа тәһлил етмәк зәрурийјетини гарыша гојду. Гејд едәк ки, белә бир зәрурийјет гәләви атомларын спектринин тәһлилиндә дә мејдана чыхмышдыр. Дөгрудан да, гәләви атомларын спектрләринин даһа әтрафында тәһлили көстәрди ки, гәләви атомларын спектрләри дублет түрүлүшү маликдир; јә'ни һәр бир спектрал хәтт (сәвијјә) бир-биринэ чох јаҳын јерләнпән ики сәвијјәдән ибараәтдир. Она көрә дә Штерн-Һерлах тәрүбәсі һидроқен, литиум, күмүш вә дикәр атомлар дәстәси илә дә апарылды. Бу тин атомларда електролон S-һалында олдуғундан, дәстә ики компонентә парчаланды. Беләниклә, бу тәрүбә фактын изаһ едилмәсін мәсәләсі гарыша гојулду. Инди бу факты қејијәтчә изаһ едәк.

Штерн-Һерлах тәрүбәсінин тәһлилиндә атома тә'сир еден гүввәнин

$$F_Z = m_z \mu_0 \frac{dH_Z}{dZ}$$

олдуғуну мүәйянләпидирәк. Бурада магнит квант әдәди m_z , l -дән $+l$ -ә гәдәр $2l+1$ гијмәт алышып, она көрә дә $l=1$ олдуғуда (Р-һалы) $m_z=0; \pm 1$ олдуғундан дәстә үч компонентә парчаланмалыдыр. Дәстәнин ики компонентә парчаландырыны тәрүбә тәсдиг етдијиндән, фәрз едәк ки, гүввәнин ифадәсінә магнит квант әдәди m_z юх. дикәр бир намә'лум m_s квант әдәди дахилдир; јә'ни $F_Z = m_s \mu_0 \frac{dH_Z}{dZ}$. Бу квант

әдәди m_z -ә уйғун оларан $2S+1$ гәдәр гијмәт алып, парчаланманын ән кичик гијмәти иккі жаңы бәрабәр олдуғундан бу квант әдәдинин алдығы гијмәтләрин чөмий пәрчаланманын мигдарына бәрабәр олмадырып.

$$2S+1=2; \quad S=\frac{1}{2}$$

Бу квант әдәдинең спин квант әдәди, уйғун моменттә исә спин моменти дејирләр; онда m_s - спин моментинин проекциясының характеристикасы. Беләликлә, электронун мәхсуси механики -спин моменти орбитал моменттә уйғун олараг

$$\vec{M}_s = \frac{\hbar}{2\pi} \vec{S}$$

кими тә'жин едиләр.

Спин моментинин проекциясының ән бөյүк гијмәти

$$M_s^z = \frac{\hbar}{2\pi} m_s^{max} \quad \text{ән кичик гијмәти исә} \quad M_s^z = \frac{\hbar}{2\pi} m_s^{min} \quad \text{олар.}$$

$$m_s^{max} = \frac{1}{2}, \quad m_s^{min} = -\frac{1}{2} \quad \text{олдуғундан} \quad m_s = \pm \frac{1}{2} \quad \text{гијмәтини алар.}$$

Беләликлә, Штерн-Һерлах тәчрүбәсендә атома тә'сир едән

$$F_z = m_s \mu_0 \frac{dH_z}{dZ} \quad \text{илә тә'жин олунарса, онда иккى}$$

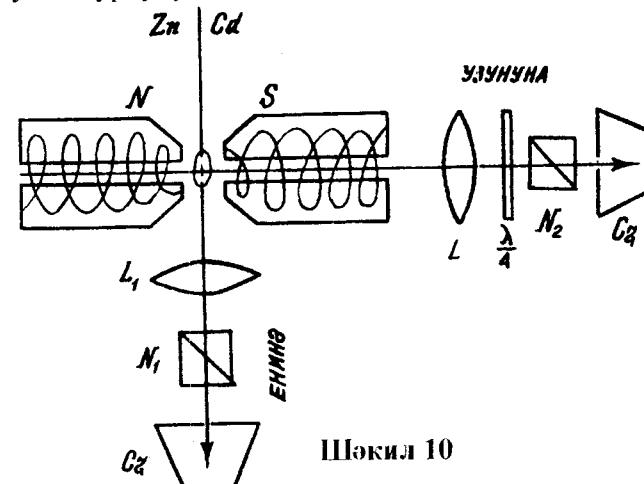
компоненттә парчаланма изаһ едилә биләр. Бу һаңда магнит моменти орбитал моменттә әлагәләндилрә билмәз ($I=0$) вә спин гүввәнин ифадәсine дахил олан магнит моменти, спин моменти илә әлагәләнмәлидир.

Кејфијјәт характеристи даңыздан бу мұһакимә Штерн-Һерлах тәчрүбәсендеги нәтичәләрини изаһ етмәје имкан берип; және Штерн-Һерлах тәчрүбәси фәза кванталанмасының жох, электронун спин моментинин варлығыны ашқара чыхармышдыр. Гејд едәк ки, спин моментинин варлығы реләтивистик квант нәзәријәсендеги чиди ријази лесабат тасасында сүбугт едиләр. Спин моменти классик анилаыш олмадығындан онун классик нәзәријәси јохдур; спинин

классик нәзәријәсина гурмаг чәһди нисбилик нәзәријәсина тәчрүбәдә тәсдиғ олумнуш постулатлардан бири-синин ($v=300c$) инкар олумнасына кәтирир.

§ 3.10. Нормал Зејеман еффект

Бөյүк инкилис алими Фарадеј магнит саһәсindә ишығын полјаризасия мүстәвисинин фырланмасыны тәчрүби олараг мүшәнидә етдиңдән вә магнит һадисәләри илә оптик һадисәләр арасында әлагә олдуғуну мүәйжәнләшdirдикдән соңра магнит саһәсindен спектрал хәтләрә тә'сирини өјрәнмәк үчүн бир сыра тәчрүбәләр апармыштыр. Тәчрүбәләrin бириндә Фарадеј магнит саһәсindә јерләшdirилмиш натриум бухарынын спектринә магнит саһәсindен тә'сирин өјрәнмәji мәгсәд гојмуштадур. Лакин бу тәчрүбәдә магнит саһәси кифајет гәдәр күшү олмадығындан вә спектрал чиңазларын аյырдемәк габилиjjәтләри кичик олдуғындан мүәйjәn бир нәтижә әлдә едилмәмиштадир. Јалныз ярым эср соңра 1896-чы илдә тәчрүби олараг Зејеман көстәрди ки, шүаланан атом күшү магнит саһәсindә јерләшdirилдиңдә спектрал хәтләр парчаланырлар. Зејеман тәчрүбәдә кадиумун чох еңсиз јашыл-мави хәттини күшү магнит саһәсindә тәдгиг етмиштадир. Тәчрүбәдә истифадә олунан тәртіптә олараг магнит саһәсindә көстәрдилмиштадир.



Шәкил 10

Хәтти спектр верән ишыг мәнбәји (мәсәлән, вакуум гөвсү, газ бошалмасы борусу) бирчынсли магнит саһәси јарадан электронмагнитин гүтбләри арасында јерләшдирлир. Магнит саһәсинин гүвшә хәтләрине перпендикулар истигамәтдә (енинә эффект) вә гүвшә хәтләри истигамәтиндә мұшаһидәнин (узунуна эффект) мүмкүн олмасы үчүн электромагнитин оху боюнча магнит ичлийнде дешик ачылышылды.

Магнит саһәсендә јерләшдирилмиш ишыг мәнбәйин-дән, шұа, жүксәк аյырдемә габилийјетинә малик олан спек- траал чиһаза (СЧ) јөнәлдилир. Шұанын полјаризасијасыны

характерини тәһлил етмәк үчүн онун ѡолунда L_1 вә L_2 лин-

залары, N_1 вә N_2 николлары (анализаторлары) вә $\frac{\lambda}{4}$ лөвхәсі

јерләшдирлир; бурада магнит саһәси полјаризатор ролуну ојнајыр. Тәчүрүбә бир нечә saat давам етдијиндән жүксәк айырдемә габилийјетинә малик олан спектраал чиһаздан (дифраксија гәфәси, интерференсија спектроскопу) истигадә етмәк үчүн көстәрилән мүлдәтә магнит саһәсинин вә температурун сабитлиji тә'мин олунмалылды.

Нормал Зејеман эффекти гәләви торпаг элементләринин вә Zn , Cd вә Hg элементләринин спектриндә нисбәтән асанлығла мұшаһидә олунур.

Мұшаһидәни магнит саһәсінә перпендикулар истигамәтдә апарылға Зејеман, магнит саһәси олмајан һалда мұшаһидә олунан ω_0 тезликли бир спектраал хәттин магнит саһәси олан һалда $\omega_0 - \Delta\omega$, ω_0 вә $\omega_0 + \Delta\omega$ тезликләринә малик олан полјаризәләнмиш үч компоненто парчаландығыны (триплет) ашикар етмишdir. Бу һалда орта компонент илкин хәттә нисбәтән сүрүшмүр, кәнар компонентләр исә тезликләр шкаласында әкс тәрәфләрә доғру ejni гәдәр сүрүшүрләр. Сүрүшмәнин өлчүсү магнит саһәсинин гијмәти илә дүз мүтәнасибдир. Орта компонентдә рәгсләрин истигамәти (\vec{E} - вектору) магнит вектору \vec{H} -а паралел јөнәлдири. Бу компонент π компоненти адланыр. Кәнар компонентләрдә рәгсләрин истигамәти \vec{H} векторуна перпендикулар истигамәтдә јөнәлдири. Бу компонентләр σ компон-

нетләри адланыр. π компонентләринин интенсивлији σ компонентләринин һәр биригин интенсивлијиндә ики дәфә бөյүк, магнит саһәси олмајан һалдақы хәттин интенсивлијиндән исә ики дәфә кичикдир.

Мұшаһидә магнит саһәси истигамәтindә апарылдыгда, жәнни шүаланма магнит саһәси истигамәтindә jaýылдыгда вә магнит саһәсипин истигамәти мұшаһидәчијә доғру јөнәлдиқдә, сүрүшмә жөнә дә әvvәлки гәдәр олур, лакин бу һалда орта хәтт (сүрүшмәжән хәтт) мұшаһидә олунмур. һәр компонентин интенсивлији магнит саһәси олмајан һалдақы спектраал хәттин интенсивлијиндән ики дәфә кичик олур. Бу һалда һәр ики компонент (дублет) бир-биринн әкси истигамәтдә даирәви полјаризәләнирләр. Ишыг магнит саһәси истигамәтindә jaýыларса, кичик тезликли $\omega_0 - \Delta\omega$, компонент сағ даирә үзрә, бөйүк тезликли $\omega_0 + \Delta\omega$ компонент исә сол даирә үзрә полјаризәләнир. Магнит саһәсипин истигамәти дәјишидикдә һәр ики компонентин даирәви полјаризасијасы әксинә дәјишилдир.

Жұхарыда тәсвир олунмуш эффект нормал Зејеман эффекти адланыр. Лакин тезликлә мә'лум олмушпур ки, элементләрин әксерийәти үчүн магнит саһәсендә спектраал хәтләрин парчаланмасы мәнзәрәси жұхарыда тәсвир олундуғундан хәрекәттән мұрәккәбдир. Бә'зи һалларда мұрәккәб хәрактерли полјаризасија малик олан соңынан (4,6,8,12) компонентләр мұшаһидә олунур. Бу хәрактерли эффектләрә anomal Зејеман эффекти деирләр.

§ 3.11. Нормал Зејеман эффектинин классик нәзәријәси

Нормал Зејеман эффектинин классик нәзәрәијәсini Лоренс вермишdir.

Әvvәлчә садәлик үчүн һидрокен атомуну нәзәрдән кечирәк вә фәрз едәк ки, атомда электрон нүвә (протон) әтрафында r радиуслу чеврә боюнча v сүр'әти илә һәрәкәт едир, магнит саһәсипин исә электронун орбит мүстәвисинә перпендикулар јөнәлдәк. Магнит саһәси олмадыгда

електрона протон тәрәфиндән $F_k = -\frac{e^2}{r^2}$ кулон гүввәси тәсир едир вә бу гүввә мәркәзгачма гүввәси илә таразлашыр.

$$\frac{e^2}{r^2} = \frac{mv^2}{r} = m\omega_0^2 r$$

Бурада ω_0 магнит саһәси олмадыгда електронун дайрәви тезлијидир. Атом матниг саһәсіндә јерләшдирилдикдә електрона кулон гүввәси илә јанаңы Лоренс гүввәси де тәсир едир вә бу гүввәләр радиус бојунча мәркәзә доғру јөнәлирләр. Бу һалда

$$\frac{e^2}{r^2} + \frac{e}{c} vH = m\omega^2 r$$

аларыг. Параграф 3.6-да гејд едилдији кими, магнит саһәсіндә електрон орбитинин радиусу дәјишимир, тезлији исә дәјишир. Магнит саһәсіндә електроңун тезлијинин дәјиши мәсенин сонунчы дүстурларын мұғајисәсіндән дә көрмәк олар. Она көрә дә (3.39) ифадәсінә аналоги олараг сағ тәрәфдә ω_0 әвәзинә ω жазылыр, жә'ни сонунчы ифадәдә $\frac{e^2}{r^2} = m\omega_0^2 r$ жасаг вә $v = \omega r$ олдуғуны нәзәрә алсағ (бах §1.4)

$$\omega^2 - \frac{eH}{mc} \omega - \omega_0^2 = 0$$

аларыг. Бу квадрат тәнлијинин һәллийдән

$$\omega_{l,2} = \frac{eH}{2mc} \pm \omega_0 \sqrt{I + \left(\frac{eH}{2mc\omega_0} \right)^2}$$

аларыг. Инди көк алтындакы ифадәни көрүнән шүалар үчүн гијмәтләндирәк. Бунун үчүн ω_0 әвәзинде $\frac{2\pi c}{\lambda_0}$ жазыб, көрүнән ишыг үчүн $\lambda_0 \sim 6 \cdot 10^{-5} \text{ см}$, $c = 3 \cdot 10^{10} \frac{\text{см}}{\text{сән}}$, $e = 4,8 \cdot 10^{-10} \text{ CGSE}$

гијмәтләрини көтүрсәк $\left(\frac{eH}{2mc\omega_0} \right) \approx (10^{-6} H)^2$ аларыг. Бура-

дан көрүнүр ки, $H < 10^6$ ерстед гијмәтинде белә бу һәdd, биричи һәddә нисбәтән чох-choх кичикдир. Она көрә дә бејүк дәғигликлә оны ванидә нисбәтән нәзәрә алмамаг олар. Онда

$$\omega_{l,2} = \frac{eH}{2mc} \pm \omega_0$$

аларыг. Бурада биринчи һәdd Лармор тезлији олдуғундан

$$\omega_L = \frac{eH}{2mc}$$

$$\omega_{l,2} = \omega_L \pm \omega_0$$

вә ja

$$\omega_1 = \omega_0 + \omega_L, \quad \omega_2 = -\omega_0 + \omega_L$$

ифадәләрини аларыг; мәнфи тезлијин физики мә'насы олмадығындан

$$\omega_1 = \omega_0 + \omega_\angle, \quad \omega_2 = -\omega_0 - \omega_\angle$$

шәклиндә жазмаг олар. Бу ифадәнин тәһлили қостәрир ки, \vec{H} векторунун учундан баҳдыгда сааг эгрәбинин экси истиғамәтиндә фырланан електронун тезлији магнит

саһесинде ω_L гәдәр артыр, saat әгрәби истигамәтиндә фырланан електронун тезлији исә ω_L гәдәр азалыр.

Беләликлә, ω_1 вә ω_2 тезликләринин ω_0 тезлијинә нисбәтән сүрүшмәси ашағыдақы гәдәр олар.

$$\omega_L = \Delta\omega = \pm \frac{eH}{2mc}$$

Инди исә даһа үмуми һала бахаг.

Биз хүсуси һалы нәзәрдән кечирәркән көрдүк ки, магнит саһесинде електронун тезлијинин дәјипимәси Лармор тезлијинә бәрабәрдир. Инди исә үмуми һалда електронун һәрәкәт тәнлијинин һәлл едәрәк көстәрәк ки, Лоренс нәзәријәси нормал Зејеман еффектини һәрчәһәтли изаһ едир, о чүмләдән, спектрал ҳәтләрин полюаризасијасының характеристикин дә мүәյҗәнләшдирир.

Лоренсин классик електрон нәзәријәсинә әсасен һармоник оссилјатора шүаландырыбы мәркәз кими баһмаг олар. Тутаг ки, хариши \vec{H} -магнит саһесинде електрон рәгс едир; онда електронун һәрәкәт тәнлији (бах §1.4)

$$m\ddot{\vec{r}} = -k\vec{r} - \frac{e}{c}[\vec{r}\vec{H}]$$

кими олар. $\frac{k}{m} = \omega_0^2 / \omega_0$ - електронун мәхсуси тезлијидир

вә $\frac{eH}{mc} = 2\omega_L$ олдуғуны нәзәрә алсаг һәрәкәт тәнлијини

$$\ddot{\vec{r}} + \omega_0^2 \vec{r} + 2[\vec{r}\vec{\omega}_L] = 0$$

шәклиндә јазмаг олар. Бу тәнлији һәлл етмәк үчүн ону проекцијаларла јазаг. Координат системинин Z охуну \vec{H}

магнит саһеси истигамәтиндә јөнәлдәк. Онда $H_x = H_y = 0$, $H_z = H$, $\omega_{Lx} = \omega_{Ly} = 0$, $\omega_{Lz} = \omega_L$ олдуғуны нәзәрә алсаг,

$$\begin{cases} \ddot{x} + \omega_0^2 x + 2\omega_L \dot{y} = 0 \\ \ddot{y} + \omega_0^2 y - 2\omega_L \dot{x} = 0 \\ \ddot{z} + \omega_0^2 z = 0 \end{cases} \quad (3.45)$$

аларыг. Бу систем тәнликтә биринчи ики тәнлијин һәллини

$$x = ae^{i\omega t}, \quad y = be^{i\omega t}$$

шәклиндә ахтараг. Бурада a вә b амплитудлары үмумијәтлә десәк, намә'лум комплекс әдәдләр. Бу һәдләри (3.45) систем тәнлијиндә јазсаг a вә b мәғнүллары үчүн

$$\begin{cases} a(\omega_0^2 - \omega^2) + 2i\omega\omega_L b = 0 \\ b(\omega_0^2 - \omega^2) + 2i\omega\omega_L a = 0 \end{cases} \quad (3.46)$$

хәтти бирчинсли тәнликләр системини аларыг. Бу системин әмжыныз о заман сыйырдан фәргли һәлл олар ки, онун салларындан тәнлији олунмуш детерминаты сыйфа бәрабәр олсун, јә'ни

$$\begin{vmatrix} \omega_0^2 - \omega^2 & 2i\omega\omega_L \\ -2i\omega\omega_L & \omega_0^2 - \omega^2 \end{vmatrix} = 0$$

олсун. Детерминаты ачараг

$$(\omega_0^2 - \omega^2)^2 = 4\omega^2\omega_L^2$$

аларыг. Бурадан

$$\begin{aligned}\omega_1^2 + 2\omega_L \omega_1 - \omega_0^2 &= 0 \\ \omega_1^2 - 2\omega_L \omega_2 - \omega_0^2 &= 0\end{aligned}\quad (3.47)$$

квадрат тәнликләрини аларыг. Бу тәнликләрдән алышан дөрд һәлдән јалныз икиси мүсбәттәр

$$\omega_1 = -\omega_L + \omega_0 \sqrt{1 + \frac{\omega_L^2}{\omega_0^2}}$$

$$\omega_2 = \omega_L + \omega_0 \sqrt{1 + \frac{\omega_L^2}{\omega_0^2}}$$

олдуғундан

$$\omega_1 = \omega_0 - \omega_L, \quad \omega_2 = \omega_0 + \omega_L, \quad \omega_2 - \omega_1 = 2\omega_L = \frac{eH}{mc}$$

аларыг. Бурадан көрүндүjү кими ω_1 вә ω_2 даирәви тәнликләринин ω_0 даирәви тезлијине нисбәттән сүрүшмәси $\Delta\omega = \pm\omega_L$ олар.

Инди исә сүрүшән компонентләрин полјаризасијасынын характеристини мүэйжәнләштәрәк. (3.46) системиндән

$$\frac{a}{b} = -i \frac{2\omega_L \omega}{\omega_0^2 - \omega^2} \quad (3.48)$$

аларыг. (3.48) ифадәсindә $\omega = \omega_1$, је'ни гырмызы тәрәфә сүрүшмүш компонентин тезлијини јаңсаг вә (3.47) системини бириңчи тәнлијине әсасән $2\omega_L \omega_1 = \omega_0^2 - \omega_1^2$ олду-

гуна нәзәрә алсаг, $\frac{a}{b} = -i$ вә ja $a = -ib = be^{-\frac{i\pi}{2}}$ олар. Бу онун көстәрик ки, х оху үзрә рәгсләр у оху үзрә рәгсләрдән фазача $\frac{\pi}{2}$ гәдәр кери галыр (вектору i -јә вурмаг, ону saat

әгрәби истигамәтиндә $\frac{\pi}{2}$ гәдәр дөндәрмәк демәк) бу вә

ики рәгс фырланма һәрәкәтине еквиваленттир. Йухарыдақы фазалар мұнасибәтини нәзәрә алсаг фырланманын saat әгрәби истигамәтиндә баш вердијини, је'ни сағ даирә үзрә полјаризәләндүйни көрәrik.

Әкәр (3.48)-дә $\omega = \omega_2$ је'ни бәнөвшәји тәрәфә сүрүшмүш компонентин тезлијини јаңсаг вә (3.47) системинин икинчи тәнлијине әсасән $2\omega_L \omega_2 = \omega_0^2 - \omega_2^2$ олдуғуна нә-

зәрә алсаг вә ja $a = ib = be^{\frac{i\pi}{2}}$ аларыг. Бурадан көрүнүр ки, ω_2 компоненти сол даирә үзрә полјаризәләнмишdir.

(3.45) системиниң үчүнчү тәнлијини һәлл көстәрик ки, Z оху истигамәтиндә рәгсләрдә тезлик дәјищмәз галыр, хәттү сүрүшмүр вә бу рәгсләр хәттү полјаризәләнмишләр. Лакин \vec{H} векторунун учундан баҳан мүшәнидәчи бу үчүнчү компоненти көрүр, чүнки диполун рәгсләр истигамәттә шүаланмасы сыйфа бәрабәрдир. Беләликлә, узуна истигамәттә (мүшәнидә \vec{H} векторунун учундан апарылдыгда) нормал Зејеман еффектинин там мәнзәрәси ики сүрүшмүш хәттгән ибарәттir. Онларын һәр икиси даирә үзрә полјаризәләнмишләр, һәм дә гырмызы тәрәфә сүрүшмүш (кичик тезликли) хәтт исә сол даирә үзрә полјаризәләнмишdir.

\vec{H} векторуна перпендикулар, мәсәлән, х оху истигамәтиндә баҳан мүшәнидәчи (енинә мүшәнидә) сүрүшмәjән хәтти көрүр, чүнки рәгсләр перпендикулар истигамәттә диполун шүаланмасы максималдыр. О, һәм дә һәр ики сүрүшмүш хәтти дә көрүр. Бунун сәбәби одур ки, х оху үзрә мүстәвисинде баш верән һәр ики рәгс даирә үзрә

полјаризэләнмиш компонентләр јарадырлар. Она көрә дә х охунун учундан бахан мүшәнидәчи даирәви рәгсләрин у оху үзрә профексијасыны, у охунун учундан бахан мүшәнидәчи исә даирәви рәгсләрин х оху үзрә профексијасыны көрүр. Беләликлә, нормал Зејман еффектинин там мәнзәрәси бу һалда үч хәттдән – бир сүрүшмәјән вә ики сүрүшән хәттдән ибарәтдир. Һәр үч хәтт полјаризэләнмишdir.

Сүрүшмәйән хәтдә електрик вектору \vec{E} , магнит саһәси истигамәтиндә, сүрүшән хәтләрдә исә \vec{E} вектору магнит саһәсина перпендикулär истигамәтдә рәгс едир.

Көрүндүйү кими, нормал Зејеман еффектинин Лоренс тәрәфиндән верилән классик нәзәрийәсіндән алынан бүтүн нәтичәләр тәчрүбәдә там дәгигликлә тәсдиғ олунур. Аномал Зејеман еффекти исә јалның квант нәзәрийәси әсасында изаһ олуна биләр.

§3.12. Ујгуулуг принципи

Биз Бор нээрийжэс өсөсүнда һидрокен вэ һидрокен нэбэнзэр атомларын спектриндэки бир сыра ганунаујгүн-луглары изаһ етдик, һэм дэ ҝөстәрдик ки, классик физика вэ классик электродинамика ганунлары өсөсүнда микроалэмдэ, о чумлэдэн, атомда баш верэн һадисэлэри изаһ етмэк мүмкүн дејил. Лакин классик физика ганунларынын тэчрүүби оларағ тэсдиг олундуғу һалларда квант механикасынын вэ классик физиканын вердији нэтичэлэр үст-үстэ дүшмэлидирлэр.

Мүтлэг гара чысмин шүаланмасынын квант нэзэрийж-
синдэн биз бу фундаментал шэртийн өдөнилдижинийн шаһиди
олдуг, о, нисбилик нэзэрийжэсиндэ, маддэнийн даилга нэзэрий-
жэсиндэ вэ башга саһэлэрдэ дэ өзүнү догруулдур. Қестэрмэк
олар ки, бу шэргт һидрокен атому үчүн Бор нэзэрийжэсиндэ
дэ өдэнилир.

Экэр электронун орбитинин радиусу о гэдэр бөյүк олса иди ки, ону билаваситэ өлчмэк мүмкүн олсун, онда квант еффектлэри өзлэрини бирузэ вермэздилээр. Мэсэлэн, экэр орбитин радиусу 0,5 см оларса, онда (2.19) ифадэсийнэ

әсасен бу чүр орбит үчүн баш квант әдәди $n=10^4$ оларды. Айдындыр ки, һәгигәтдә белә нәһәнк һидрокен атомлары јохдур, лакин онларын енержиси илә һидрокен атомунун ионлашма енержиси арасындағы фәрг сонсуз кичик олду-гундан нәзәри олараг бу чүр атомларын мөвчудлугуну гәбул етмәк олар.

Баш квант әдәди белә бөյүк гијмэт аланда сәвијжеләр арасындақы енержи фәрги о гәдәркичек олачагдыр ки, биз енержинин дискрет дәјипидијини һисс етмәјәчәјик, башга сөзлә квант механикасының дискретлији озуну бирүзә вермәјәчәкдир. Демәли, *n*-ин бојук гијмэтләринде квант механикасы илә классик механиканың вердији нәтичәләр тәгрибән ejni олмалыдыр. Бу дедијимизә ашағыдақы ријази үсулла инана биләрик. Бунун үчүн фәрз едәк ки, һидројен атомунда электрон r радиуслы чеврә бојунча һәрәкәт едир. Онда (2.18) вә (3.23) ифадәләринә әсасен электронун орбит бојунча фырланма тезлији ашагыдақы кими тә'јин етмәк олар:

$$E_n - E_k = \frac{2\pi^2 me^4}{h^2} \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{k^2} \right)$$

Фэрз едәк ки, $k=n+1$ вә $n>>1$, онда

$$E_n - E_k = \frac{2\pi^2 me^4}{h^2} \cdot \frac{2n+1}{n^2(n+1)^2} = \frac{2\pi^2 me^4}{h^2} \cdot \frac{2}{h^3} = h\nu$$

олар.

Классик селектродинамика ганунларына әсасен электрон нүвә әтрафында v_{ka} тезлији иле һөрөкөт едирсө, онда электрон һәмин тезлијә вә ја бу тезлијин там мисилләринә бәрабәр олан электромагнит далғалары шәклиндә енержи шүаландырмалыдыр. Бор нәзәријәсинә әсасен электрон k квант әдәдинә уйғун олан орбитдән k квант әдәдинә уйғун олан орбитә кечәркән

$$\nu_{ke} = \frac{2\pi^2 me^4}{h^3} \left(\frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

тезликли фотон шұаландырып. Бу ифадәнин шәклини бир аз дәжишәк:

$$\nu_{ke} = \frac{2\pi^2 me^4}{h^3} \cdot \frac{(n-k)(n+k)}{n^2 k^2}$$

Иди фәрз едәк ки, $n \gg 1$ вә бундан башта $n-k=1$. Онда $n \approx k$ вә $n+k=2n$ олдуғундан сонунчы ифадәдән

$$\nu_{ke} = \frac{2\pi^2 me^4}{h^3} \cdot \frac{1 \cdot 2n}{n^4} = \frac{2\pi^2 me^4}{h^3} \cdot \frac{2}{n^3}$$

аларыг ки, бу да жұхарыдақы ифадә илә үст-үстә дүшүр, жә'ни n -ин бөйк гијмәтиндә $\nu_{ke} \approx \nu_{kl}$ олур.

Бојук квант әдәллөринә кечәркән квант нәзәрийәсінин вердији нәтижәлерин классик нәзәрийәдөн алынаң нәтичеләрле үст-үстә дүшмәси тәләби Бор тәрәфиндән уйғунлуг принципи адландырмышидыр. Кичик квант әдәллөри үчүн классик вә квант нәзәрийәләrinin вердикләри нәтижеләр бир-бiriндөн көсқин фәргләнирләр.

Әкәр кечид заманы баш квант әдәди ваһид гәдәр дејил, 2,3,... вә үмумијәттә, Δn гәдәр дәжишәрсө, онда $\Delta n \ll n$ шәрти өдәнилдикдә

$$\nu_{ke} = \frac{2\pi^2 me^4}{h^3} \cdot \frac{2}{n^3} \cdot \Delta n = \nu_{kl} \cdot \Delta n;$$

$$\Delta n = 2,3,\dots$$

олар, жә'ни бу кечидләрдә бурахылан $2\nu_{kl}, 3\nu_{kl}$ тезликләри классик тезлијин икinci, үчүнчү вә жа даңа јүксәк обертонлары илә үст-үстә дүшүр.

Классик физика ганунлары илә квант физикасы ганунлары арасында мұнасабети ашағыдақы кими дә айдынлаштырмаг олар. Тутаг ки, систем бир сәрбәстлик дәрәҗәсинә маликдир.

Квант физикасы ганунлары илә квант физикасы ганунлары арасында мұнасабети ашағыдақы кими дә айдынлаштырмаг олар. Тутаг ки, систем бир сәрбәстлик дәрәҗәсинә маликдир.

Квант физикасы ганунларына әсасен бу системин бурахығы шұанын тезлиji $E_n - E_k = h\nu$ шәрти илә тә'жин олунур, жә'ни

$$\nu_{ke} = \frac{\Delta E}{h}$$

E_n вә E_k снержиләринә малик олап стасионар һаллар исә $\oint Pdq = nh$ квантланма шәртиндән тә'жин олунур. Атом физикасында снержинин замана һасили тә'сир адландырылып. Тә'сирин ән кичик гијмети Планк сабитидир. $\oint Pdq$ интегралы тә'сир интегралы адланып вә $I = \oint Pdq = nh$ кими ишарә олунур. Ики стасионар һал үчүн $I_n = nh$, $I_k = kh$ вә $I_n - I_k = \Delta I = (n-k)h$ жазмаг олар. Әкәр $n-k=1$ оларса, жә'ни ики ғоншу һала баҳыларса $\Delta I = h$ олар. h -ын бу ифадәсіни ν_{ke} -да жазсаг

$$\nu_{ke} = \frac{\Delta E}{\Delta I}$$

аларыг.

Классик тәнлијин уйғын ифадәсінни алмаг үчүн хәтти һармоник осцилляторлан истифадә етдәк. Осцилляторун

енерджиси $E = \frac{mv^2}{2} + U = \frac{P^2}{2m} + U$ ифадэси илэ тэ'жин олунур. Бурадан $P = \sqrt{2m(E - U)}$ аларыг. Бы һалда тэ'сир интегралы

$$I = \oint P dq = \oint \sqrt{2m(E - U)} dx$$

олар. Е-жэ кәсилмәз дәйишән параметр кими баҳараг бу ифадәдән төрәмә алаг:

$$\frac{dI}{dE} = \oint \frac{m dx}{\sqrt{2m(E-U)}} = \oint \frac{m}{P} dx = \oint \frac{dx}{v} = \oint \frac{dx}{\frac{dx}{dt}} = \oint dt = T$$

Бурада Түрөгесин периодудур. Бурадан классик тезлик үчүн мүнүм бир ифадә алышыры:

$$v_{k\lambda} = \frac{I}{T} = \frac{dE}{dl}$$

Көстәрмәк олар ки, бу ифадә бир сәрбәстлик дәрәҗә-
синә малик олан истәнилән периодик систем үчүн доғрудур.

V_{kb} өс V_{kl} ифадәләринин мүгајисәсендән белә бир нәтиҗәйә көлирик ки, һәм классик, һәм дә квант нәзәријәләrinә корә тезлик енержи артымының тә'сир артымына иисбәти кими һесаблана биләр, лакин классик нәзәријә үчүн биз сонсуз кичик артымлар көтүрдүймүз һалда, квант нәзәријәсindә сонлу артымлар көтүрмәлийк.

Алынан пәтичөләри башга чүр дә јекунаштырымға олар. Экәр системин өлчүләри вә зәррәчәикләрин күтләләри еләдир ки, бу систем үчүн тә'сир h илә мұғајисә олуначаг гиjmәтә маликдир, онда һадисәләрин квант характеристи өзүнү там шәкилдә бирузә верир. Эксинә, экәр тә'сир елә бөյүк гиjmәтә маликдир ки, $h=0$ гәбул етмәк мүмкүн олсун, онда дискретлик нәзәрә алынмајачаг дәрә-

чэдэ кичик олар; унугмамалы ки, бүхийд классик мөхчиний гануулары одэнийлмэлийдир.

Үйгүнлүг принципи маддәнин квант нэзәрийәсінин ин-
кишафында бөյүк рол ојнамышты. О, һәр һансы бир гејри-
классик нэзәрийәнин мүәjjән лимит һалында классик нэ-
зәрийәжә кечмәсінни тәләб едір.

83.13. Бор нэзэрийн бөхрөнүүд

Бор нэзэрийжэсийн атом гурулууну нэзэрийжэсийн инкишафында ирэлийэ дөгру чох бөյүк бир аддым иди. О, бир тэрэфдэн там аждынлыгы илэ классик физика ганууларынын атом дахилийнда һадислэрийн ганунаујгүнлүгларыны изаһ олунмасы ишиндэ јарацсызлыгыны вэ она корэ дэ ади классик тэсэввүрлэрийн көкүндэн гырылмасынын зэргурилийни, дикэр тэрэфдэн исэ микросокник системлэрдэ квант физикасы ганууларынын биринчи дэрэчэли ролууну костэрди вэ мүасир квант механикасынын јарадылмасы јолунда чох мүһүм бир мөрхэлэ олду. Бор нэзэрийжэсийн һидрокен вэ һидрокенбэнзэр атомларынын спектрлэрийн тэбиетини вэ онларын табе олдуулары гануулары баша дүшмэйж имкан верди. Лакин бүгүн јухарыда костэйлэн вэ бир сыра дикэр мүсбэгт чөхтгэлэри илэ јананы Бор нэзэрийжэсийн бир сыра чатышмамазлыглары да вар иди. Бу чатышмамазлыглары ичэрийндо илж нөвбэдэ нэзэрийжэсийн дахилэн зидлийгэтийн олмасыны костэрмэк лазымдыр. Дорудан да, Бор нэзэрийжэсийн ардычыл классик, нэ дэ ардычыл квант нэзэрийжэсий иди. О, бир тэрэфдэн классик аялаяшлардан (мэсэлэн, слектронун траекторијасы, һөрөнгөт тээлийн аялаяшындан) вэ гануулардан, дикэр тэрэфдэн исэ классик физика яд олан квант тэсэввүрлэрийндэн истигадэ едирди.

Она көрә дә һеч да тәәччублұ ғалып ки, илк мұвәффәгій жәтләрдән соңра заман кеңдикке Бор нәзәрийесі даға да ашқар сураттә өз негсанларыны бирузә вермәй башлады. Һәтта, ән садә атомларда - һидрокен вә һидрокениәбәнзәр атомларда Бор нәзәрийеси електрон бир стасионар орбиттән дикеринә кечірекен бурахылан шуаланманың жаһызың тезлијини тә'жін етмајә имкан верди, спектргал хәт-

ләрин интенсивлијини вә полјаризацијасыны исә характеризә едә билмәди.

Чохлу сајда тәшәббүсләр едилмәсинә бахмајараг Борун квант тәсәввүрләри әсасында ән садә атомлардан бири олан нејтрап һелиум атомунун нәзәријәсини яратмаг мүмкүн олмамышыдыр. Бу нәзәријәниң зәиф чәһәтләрини көстәрән Борун өзү олмушдуру вә о, тәкмил нәзәријә яратмаг үчүн јени јоллар ахтарылмасының зәрурилијини көстәрилмишидир.

Мұасир дөврдә Бор нәзәријәси јалныз тарихи әһәмијәттә малиkdir. Зәррәчикләрин, һәтта, маддәнин далға хас сәләринин кәңгіндән соңра аждыңдыры ки, классик физика да истинад едән Бор нәзәријәси атом һадисәләринин ардыңыл нәзәријәсинин ярадылмасы јолунда јалныз кечид мәрһәләсі ола биләрди.

IV ФӘСИЛ

КВАНТ НӘЗӘРИЈӘСИННИҢ ФИЗИКИ ӘСАСЛАРЫ

§ 4.1. Ишығын корпускулјар вә далға тәбиэтине даир илк тәсәввүрләр

Нәлә XVII әсрдә Нјутон ишығын корпускулјар нәзәријәсини ирәли сүрмүшдүр. Нјутона қөрә ишыг чох кичик зәррәчикләрдән – корпускулјардан избарәтдир вә бу зәррәчикләр ишыг мәнбәји тәрәфиндән бурахылыр вә дүз хәтт бојунча чох бөйүк сүр'етлә һәрәкәт едиrlәр. Бу нәзәријә ишығын гајытма вә сыима ганунларыны изаһ едә билминидир. О, ишын корпускулјары илә маддәни тәникил едән зәррәчикләр арасындакы гарышлылы тә'сир истинин күрәләрин тогтушмасына бәнзәтмишиді. Нјутон өз һесабламаларында ишығын сыима гануну вә маддәнин сындырма әмсалы үчүн аниғыдан ифадәни вермийшиді:

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{P'}{P} = \frac{v'}{v} = const$$

Бурала α вә β корпускулун дүйнәмә вә сыима бучаглары (фәрз едирик ки, корпускулјар дәстәси вакуумда һәрәкәт едәрәк вакуумда оптика чәһәтчә даһа сый олан мүһитин сәрһәдинә дүшүр вә сынараг һәмин мүһиттө кечир), v' вә v корпускулун уйғун олараг мүһитдәки вә вакуумдакы сүр'етләри, P' вә P исә онун импулсларыбыз.

Нүкенс вә Френел исә ишығын далға нәзәријәсини ирәли сүрәрәк ишыға дүнja сифиринде яјылан еластики далға кими бахмышлар. Далға нәзәријәсендөн ишығын сыима гануну үчүн

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{c}{c'} = \frac{\lambda}{\lambda'} = n = const$$

дүстүру алымышырыр. Бурада с вә с¹ ишығын вакуумда вә мұһитдәки сүр'етләри, λ вә λ¹ исә һәмин мұһитләрдәки далға узунлугларыдыр.

Жұхарыдақы мұнасибәтләрін мұғајисәсіндән көрүнүр ки, онлардан алынан нәтичәләр бир-биринин әксидір. Корпукулар нәзәрийәжә қөрә $n > 1$ олдуғундан ишығ зәррәчијинин (корпукулун) мұһитдәки сүр'ети онун ваккумдақы сүр'етіндән бөյүкдүр. Далға нәзәрийәсінә әсасен исә ишығын ваккумдақы сүр'ети, онун мұһитдәки сүр'етіндән бөйүкдүр.

XIX әсрдә Фуко тәрәфиндән апарылан тәчрүбәләр көстәрди ки, ишығын һавадақы сүр'ети, онун судақы сүр'етіндән бөйүкдүр. Бу нәтижә илк бағытта далға нәзәрийәсінә үстүнлүк верири. Қостормәк олар ки, ишығ зәррәчиқләрінә фотон кими бағсағ, жұхарыдақы ифадәләрин енни күштү өлдүгүнү көрәrik. Дөгрудан да

$$P = \frac{h\nu}{c} = \frac{h}{\lambda}; \quad P' = \frac{h\nu}{c'} = \frac{h}{\lambda'},$$

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{P}{P'} = \frac{\lambda}{\lambda'}$$

аларыг.

Геjd етмәк лазымдыр ки, ишығын далға нәзәрийәси бир сыра һадисәләри, мәсәлән: ишығын сыйма вә гајытма ганунларыны, ишығын интерференциясыны, дифракциясыны, полюризациясыны жағын вә дүзкүн тәсвир етдииндән Нјутонун корпукулар нәзәрийәси тамамилә нәзәрдән салынмышырыр. Елмин сонракы инкишафы нәтичәсіндә Фарадеин електромагнит индукциясының кәшфиндән сонра Максвелл нәзәри оларға қөстәрмишdir ки, ишығ шұасы Һүжкенс вә Френелин фәрз етдикләри кими ефирдә жајылан еластики далға дејил, тыса електромагнит далғаларындан ибарәтдір. Ишығын електромагнит нәзәрийәси мә’лум олдуған сонра ваһид електромагнит шкаласы жарадылды вә ишығын далға нәзәрийәсінин тамамилә дүзкүн олдуғу сүбүт олунду. Лакин XIX әсерин лап ахырларында вә XX

әсерин әvvәлләрindә кәшиф олунан бир сыра физики һадисәләр, мәсәлән, таразлығда олан истилик шұаланmasы заманы мұшақидә олунан ганунаујғунлуглар, фотоеффект һадисәси, Комптон эффекти вә дижәр һадисәләр ишығын тәбиәти һағтында корпукулар (квант) тәсеввүрләrin jенидән ҹанланмасына вә инкишафына сәбәб олду.

§ 4.2. Комптон эффекти

Комптон һадисәси маддә үзәринә ренткен шұалары дүшәркән онларын маддә атомларындан сәпилмәсіндә мұшақидә едилмишdir. Комптон, ренткен шұаларынын маддә атомларындан сәпилмәсіни тәддиг едәркән, сәпилән шұанын далға узунлугунун артмасыны мұшақидә етмишdir; јәни сәпилән шұа дәстәсіндә далға узунлугу дүшән шұанын далға узунлугуна бәрабәр вә ондан бөйүк далға узунлугуна малик олар ренткен шуасыны мұшақидә етмишdir. Бу һадисәде ишығын корпукулар (квант) хассәләри хүсусилә ашқар шәкилдә озүнү бирузә верири. ишығын далға нәзәрийәси нәгтєji-нәзәрийән маддә үзәринә дүшән ренткен шұалары, маддә атомларындақы електронлары бу шұанын тезлијинә бәрабәр тезликтә рәгсә кәтирмәли вә бу заман һәjечанланмыш електронлар һәмин тезликли електромагнит далғалары (шұа) шұаландырмалыдыр, јәни маддәдән сәпилән ренткен шұаларынын далға узунлугу маддә үзәринә дүшән ренткен шұаларынын далға узунлугуна бәрабәр олмалыдыр. Тәчрүбә исә сәпилмәдә далға узунлугунун бөjүдүjүнү қөстәрир. Апарылан тәчрүбәләр (молибден, литиум, мис) қөстәрмишdir ки, бүтүн һалларда сәпилән ренткен шұаларында дүшән шұанын далға узунлугуна бәрабәр вә ондан бөйүк далға узунлуглары мұшақидә олунур.

Тәчрүбәдә алынан нәтичәләрин тәjили қөстәрир ки:

1. Сәпилән шұаларын тәркибиндә илкин далға узунлугуна малик олар шұаланма компоненти илә жанаши, далға узунлугу, узун далғалар тәрәфә сүрүшмүш шұаланма компоненти дә мұшақидә едилir.

2. Сүрүшмәнин гијмәти сәнилмә бучагындан чидди асылыдыр: бу бучагын бөјүмәси илә сүрүшмәнин гијмәти артыр.

3. Сәнилмә бучагынын бөјүмәси илә сүрүшмәйен компонентин интенсивлиji азалыр, сүрүшән компонентин интенсивлиji исә артыр.

4. Сүрүшмәнин гијмәти, сәпичи маддәнин тәбиэтиндең асылы дејил. Сәпичи маддәнин атом нөмрәси бөјүдүкчә, сүрүшмәйен хәттин интенсивлиji артыр, сүрүшән хәттин интенсивлиji исә азалыр.

Биз јухарыда гејд етдик ки, сәнилмә заманы ренткен шаларынын далға узунлугларынын бөјүмәсини ишығын дағы нәзәрийесинә әсасән изаһ етмәк мүмкүн дејил. Лакин, шаланманын корпускулјар (квант) тәбиэтә малик олмасы, јәни онун фотонлардан төшкіл олунмасы вә hәр бир электронун бир фотону сопдијини гәбул етсөк, онда тәүрүбәдән алынан бүтүн нәтижеләр чох асанлыгla изаһ олуна биләр.

Ишығын квант тәбиэтли олдуғуны гәбул едәрәк инди Комитон ефектини нәзәри олараг изаһ етмәјө чалышаг. Тутаг ки, \vec{P}_0 импулслу квант маддә дахилиндәки сәрбәст электронла «тогтушур». Садәлик үчүн кванттын (фотонун) сүкунәтдә олан электрондан сәнилмәсиси гәбул едәк. Тогтушмадан сонра кванттын импулсуну \vec{P} , электронун импулсумен исә \vec{P}_e илә көстөрсөк, онда импулсун сахланмағануна әсасән

$$\vec{P}_0 = \vec{P} + \vec{P}_e \quad (4.1)$$

Јаза биләрик. Бу мұнасибәтә енержинин сахланмағануunu да әлавә едәк. Бунун үчүн релјативистик һалда $E^2 = c^2 p^2 + m_0^2 c^4$ олдуғуны нәзәрә алсаг:

$$\varepsilon_0 + E_0 = \varepsilon + E$$

олар. (4.2) ifадәсіндә $h\nu$ һәddини сола кечириб, бәрабәрлигин hәр ики тәрәфини квадрата жүксәлтсәк, бә'зи садә чеврилмәләр апарыб, сонра (4.1) ifадәсіндән $\vec{P}_e = \vec{P}_0 - \vec{P}$

јазыб, $|\vec{P}_0| = \frac{h\nu_0}{c}$, $|\vec{P}| = \frac{h\nu}{c}$ олдуғуны нәзәрә алмагла

$$P_e^2 c^2 = (h\nu_0 - h\nu)^2 + 2m_0 c^2 (h\nu_0 - h\nu)$$

$$h(\nu_0 - \nu)m_0 c^2 = h^2 \nu_0 \nu (1 - \cos \varphi)$$

аларыг. Бурада φ , \vec{P}_0 илә \vec{P} арасындакы бучагдыр. $\nu = \frac{c}{\lambda}$ олдуғуны нәзәрә алсаг

$$\frac{c}{\nu} - \frac{c}{\nu_0} = \frac{h}{m_0 c} (1 - \cos \varphi)$$

$$\lambda - \lambda_0 = \frac{h}{m_0 c} (1 - \cos \varphi)$$

вә ja

$$\lambda - \lambda_0 = \Delta \lambda = \frac{2h}{m_0 c} \sin^2 \frac{\varphi}{2} \quad (4.3)$$

аларыг. Бурада $\frac{h}{m_0 c}$ сабити Комитон далға узунлуку адланыр вә λ илә ишарә олунур:

$$\lambda = \frac{h}{m_0 c} = \frac{6,626 \cdot 10^{-34}}{9,1 \cdot 10^{-31} \cdot 3 \cdot 10^10} = 0,0243 \text{ Å} \quad (4.4)$$

Л -нын тэчүүбэдэн тапылмыш гијмэти онун (4.4) ифадэсиндэх һесабланмыш гијмэти илэ үст-үстэ дүшүр, бу гијмэти нөзәрә алсаг,

$$\Delta\lambda = 2A \sin^2 \frac{\varphi}{2} = 0,048 \sin^2 \frac{\varphi}{2} \quad (4.5)$$

дүстүрүнү аларыг. Бу дүстурдан көрүнүр ки, $\varphi = \theta$ олдуғда

$\Delta\lambda = 0$, $\varphi = \frac{\pi}{2}$ олдугда $\Delta\lambda = \Lambda$, $\varphi = \pi$, олдугда $\Delta\lambda = 2\Lambda$ олур, және илк һөрекәт истигамәтинин экси истигамәтдең электрондан сәпилән рентген шуаларының дағы узунлугларының дәжишмәсі максимум олур.

Тәңрүбәдөн алынан нәтичәләр көстәрир ки, сәнилән шүаларын ичәрисинде сүрүшән хәтләрлә јанацы сүрүшмәйән хәтләр дә вардыр. Бу, онунда изаһ олуна биләр ки, биз сәнилмә механизминә бхааркән фотонун јаңызы сәрбәст електронла «тогтушмасыны» фәрз етмишик. Йүнкүл атом електронлары вә даһа ағыр атомларын кәнар електронлары үчүн бу фәрзијә өзүнү тамамилә дөгрүлдүр, чүнки бу електронларын әлагә енержиси (бир нечә електроволт) рентген шүалары енержисиндән нәзәрә алышмајаған дәрәҗәдә кичикдир. Лакин дахили електронлар, хүсусилә, ағыр атомларын дахили електронлары өз нүвөләри илә еле бојук гүүвәләрлә бағланмышылар ки, онлары сәреәст һесаб стмәк олмаз. Бу һаңда «тогтушма» заманы фотон електронла дејил, бүтөвлүкдә атомла енержи вә импулс мүбадиләсіндә олур. Әкәр бу һаңда тогтушма гејри-еластики оларса онда сүрүшән хәттләр, тогтушма сластики оларса, сүрүшмәйән хәттләр мүшәнидә олунар.

Бу мұланиязеләрә әсасланыраг атомун күтләсіндән асылы оларға сүрүшін вә сүрүшмәйен хәттләри интенсивликләри арасындақы мұнасибәти кејфијеттің гијметләндирмәк олар. Іүнкүл атомларда бүтүн електронлар нұвәләрде зәиф бағланмышилар. Эксинә, ағыр атомларда жалызы нұвәдән узаг електронлар онунда зәиф бағланмышилар. Она көрә дә көзләмәк олар ки, ейни експеримент шәраитидә

атом нөмрәсүнүн бөјүмәси илэ сүрүшөн хәттин интенсивлији азалачаг, сүрүшмәјөн хәттинки исә артачагдыр. Тәч-рүбәдә дә мәһз бу дедијимиз ганунаујғунлуглар мүшәнидә олонур.

Аналоги мұлақизәләрдән белә бир пәтичәје кәлмәк олар ки, спектрин көрүнөн һиссәсіндә Комптон еффекті, үмумијјетлә, мұштахидә олуна билмәз. Тәңрүбә буны тәсдиғедир.

Беләликлә, биз көрүрүк ки, Комитонун тәчрүбәләрин-
дән алышан нәтиҗәләр ишырын кориускулјар нәзәријәси
тәбул етмәк изаһ етмәк мүмкүн олур. Бу исә ишырын
кориускулјар (квант) хассәләрә малик олдуғуну сүбуг едир.

Тәмрүбөләр көстәрир ки, шүаланманың тезлиji нәгәдөр бойжк оларса шүаланма өзүнү бир о гәләр айдын шәкиндә корпускул кими апарыр, бойжк даңға узунлуг-ларында исә шүаланма өзүнүн даңға тәбиэтини бирузә верир.

§4.3, Даља тензији

Иниғыны даңға вә кориускулјар хассолорини даһа дәріндән тәсәвүр етмәк үчүн гыса шәкиндә даңға просеси илә әлагәдар олан бә'зи мә'луматлары жаға салаг.

Классик селектродинамикадан мәлімдүр ки, бойшугда жақынан селектромагнит саһеси Максвелл тәнликлөри илә ифаде олунур. Экәр саһени вәја дағаны тәсвир едән функцияны $f(x,y,z,t)$ илә көстәрсөж, онда $f(x,y,z,t)$ ашағыдақы тәнлиji одажер:

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial z^2} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 f}{\partial t^2} = 0 \quad (4.6)$$

Бу тәнлиji гыса шәкилдө жазмаг үчүн Лаплас операторундан истифадә едиrlр:

$$\Delta f - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 f}{\partial t^2} = 0 \quad (4.6')$$

(4.6) тәнлијинин (4.6') шәкилдә јазылмасы, онун һәм гыса шәкилдә ифадә әдилмәсинә, һәм дә бир координат системинән дикәринә кечмәк үчүн зәмин յарадыр. Мәсәлән, декарт координат системинде

$$\Delta \equiv \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2} \quad (4.7)$$

сферик координат системинде исә

$$\Delta \equiv \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left(r^2 \frac{\partial}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \left\{ \frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left(\sin \theta \frac{\partial}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{\sin^2 \theta} \frac{\partial^2}{\partial \phi^2} \right\} \quad (4.7')$$

шәклиндә јазылыр.

(4.6) вә ja (4.6') тәнлиji даlғa тәnliji адланыр. Садәлик үчүн X-оху истигамәтдә яјылан даlғanы тәhlii едәk; онда (4.6) тәnliji

$$\frac{\partial^2 f(x, t)}{\partial x^2} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 f(x, t)}{\partial t^2} = 0 \quad (4.8)$$

шәклинә дүшәр. (4.8) тәnlijinи һәll етмәк о гәdәr дә чәтиh деjil, лакин биз садә һала бахаг. Фәrz едәk ki, $f(x, t) = e^{i\omega t} \varphi(x)$ бу ифадәni (4.8) дә јеринә јасаг:

$$\frac{d^2 \varphi}{dx^2} + \frac{\omega^2}{c^2} \varphi(x) = 0 \quad (4.9)$$

аларыг.

(4.9) тәnlijinin һәllini ашағыдақы кими көstәrmәk олар:

$$\varphi(x) = A e^{\frac{i\omega}{c} x} + B e^{-\frac{i\omega}{c} x} = A e^{ikx} + B e^{-ikx}$$

Онда (4.8) тәnlijinin һәllini

$$f(x, t) = A e^{-i(\omega t - kx)} + B e^{+i(\omega t - kx)} = C \cos(\omega t - kx + \delta) \quad (4.10)$$

шәклиндә јазмаг олар; бурада δ - бацланғыч фаза, C-исә амплитуда адланыр. (4.10) даlғasына мұstәvi monoхроматик даlғa деjirлөr. (4.8) вә ja (4.6) тәnliklәri хәttti тәnliklәrdir. Тутаг ki, (4.8) тәnlijinin ики f_1 вә f_2 хүсуси һәlllәri бизә мә'lумдур. Онда $f_3 = C_1 f_1 + C_2 f_2$, дә (4.8) тәnlijinin һәllli олар. Бу һокм суперпозиција принцибинин ријази ифадәси dir. Бу о демәkdir ki, суперпозиција принциpi өdәnilmәsi үчүn һәrәkәt тәnliji һокmәn хәttti тәnlik олмалыдыr. Суперпозиција принцибинин өdәnilmәsi, мұхтәлиf даlғalar топлусу vasitәsilә истgәnilәn даlғa зонасыны (областыны) гурмаға имкан верир.

§ 4.4. Mұstәvi даlғalарын суперпозицијасы

Тәbiэтдә сөзүn әsил мә'насында monoхроматик (jañnyz бир тезлиjә malik) даlғa јохдур. Monoхromатик даlғa дедикдә фәzada сонсуз олан ($-\infty$ -дан $+\infty$ -дек яјылан) вә сонсуз мұddatdә шуаландырылан синусоидал даlғa нәzordә тутулур. Реal ишыg даlғalары исә фәzada мәhдуд олур вә кичик заман интервалында шуаландырылыр. Она көрә дә реal даlғalар мүejjәn тәmiz monoхromатик даlғalар олмаýыб, синусоидал даlғanын чох кичик hissәlәrinдәn ibarәtdir. Бу чүр даlғalар тезликләr интервалында эhатә еdir. Эkәr бу тезликләr интервалы кичик оларса, онда уjғun даlғa monoхromатик даlғaja яхын олур вә квазимonoхроматик monoхromатик даlғa деjil. Бу деjilәnlәrdәn көрүнүр ki, § 4.3-dә даlғa адланыr. Бу деjilәnlәrdәn көрүнүр ki, § 4.3-dә даlғa да эслиндә monoхromатик даlғa деjil. Бу чүр даlғalara биз мұstәvi monoхromатик даlғalaryn суперпозицијасы (топлусу) кими баха биләrik. Интерференција nәтичесинде

бу далғалар фәзанын бир һиссесіндә бир-бирини күчләндіріп, дикер һиссесіндә исә бир-бирини зәйфләдір.

Әввәлчә ики мұстәви монокроматик далғанын суперпозициясыны нәзәрдән көчирик. Тутаг ки, бу далғаларын һәр икиси X оху истигамәтіндә жақылыштар, онларын даирәви тезликтери ω_0 вә ω далға векторларынын әдәди гијметтәрі k_0 вә k ($k_0 = \frac{2\pi}{\lambda_0}$; $k = \frac{2\pi}{\lambda}$) бир-бириндән чох аз

фәргләнірләр, я'ни $\omega_0 - \omega = \Delta\omega$; $k_0 - k = \Delta k$. Далғаларын амплитудалары ежни оларса, онда $f_1 = a \cos(\omega_0 t - k_0 x)$, $f_2 = a \cos(\omega_0 t - kx)$ жаза биләrik. Бу далғалары тоңласағ

$$f = f_1 + f_2 = a[\cos(\omega_0 t - k_0 x) + \cos(\omega_0 t - kx)] = \\ = 2a \cos\left(\frac{\Delta\omega}{2}t - \frac{\Delta k}{2}x\right) \cos\left(\frac{\omega_0 + \omega}{2}t - \frac{k_0 + k}{2}x\right)$$

вә ja ω_0 -ла ω вә k_0 -ла k -нын бир-бириндән чох аз фәргләндикләрини нәзәрә алсағ

$$f = 2a \cos\left(\frac{\Delta\omega}{2}t - \frac{\Delta k}{2}x\right) \cos(\omega_0 t - k_0 x) \quad (4.11)$$

мүрәккәб далғасыны аларын.

(4.11) ифадәсіндә $\cos(\omega_0 t - k_0 x)$ вуругуну ω_0 тезликли вә k_0 далға әдәдинә малик олан далғанын фазасыны,

$$2a \cos\left(\frac{\Delta\omega}{2}t - \frac{\Delta k}{2}x\right) \text{ вуругу исә һәммән далғанын периодик}$$

олараг жаваш дәйишиң амплитудуну ифадә едір. Башта сөздә, (4.11) дүстүру илә ифадә олунан $f(x,t)$ далғасына биз даирәви тезлиji вә далға әдәди уйғун олараг ω_0 вә K_0 олан, амплитуду исә модуляшмыш далға кими баһырыг. Гејд етмәк лазымдыр ки, дәгиг жаңашығда бу далға һармоник

(синусоидал) далға олмајағадыр, чүни һармоник далға $-\infty$ -дан $+\infty$ -дәк бүтүн саһәдә ежни амплитуд вә тезлиjә млик олмалыдыр, (4.11) далғасынын амплитуду исә периодик олараг косинус гануну илә дәйишир вә уйғун спектрал чиһаз онда бир дејіл, ω_0 вә ω кими ики тезлик гејд едәмәкдір.

(4.11) ифадәсіндә амплитуд адландырығымыз

$$2a \cos\left(\frac{\Delta\omega}{2}t - \frac{\Delta k}{2}x\right) \text{ вуругу } \Delta\omega \rightarrow 0 \text{ вә } \Delta k \rightarrow 0 \text{ олмасына}$$

бахмајараг x вә t -дән зәиф асылыдыр; бу асылылыг амплитуда верилән тә'рифи өдәмир. Бу вуруг амплитуда верилән тә'рифи өдәмәси үчүн

$$\frac{\Delta\omega}{2}t - \frac{\Delta k}{2}x = const$$

шәрти ихтијари t вә x үчүн өдәнилмәлидір. Бу ифадәнин замана көрә төрәмәси:

$$g = \frac{dx}{dt} = \frac{\Delta\omega}{\Delta k}$$

вә ja

$$g = \frac{d\omega}{dk} \quad (4.12)$$

(4.12) илә тә'јин олунан сүр'еттә далғанын груп сүр'ети дејирләр. Груп сүр'ети дедикдә мүәjін груп амплитудаларын јердәйишмә сүр'ети баша дүшүлүр.

Далғанын һәр һансы бир фазасынын (ежни бир фазанын) јердәйишмә сүр'ети фаза сүр'ети аділаныр. Фаза сүр'етини тапмаг үчүн фазанын сабитлиji шәртиндән истифадә өдек:

$$\omega_0 t - k_0 x = const$$

Бу ифадәдән замана көрө төрәмә алсаг, ейни фазалы мүстәвиләрин јердәјинимә сүр'ётини, јэ'ни далғаны С фаза сүр'ётини алары:

$$\omega_0 - k_0 \frac{dx}{dt} = 0$$

$$c' = \frac{dx}{dt} = \frac{\omega_0}{k_0}; \quad c' = \frac{\omega_0 \lambda_0}{2\pi} = \lambda_0 v_0 \quad (4.13)$$

Көрүндүйү кими, даңғанын фаза вә групп сүр'этләри мүхтәлиф дүстурларла ифадә олунур. Бу сүр'этләр арасындағы мұнасибәти айдынланыптырмаг үчүн даңғаларын мүхтәлиф мүһитләрдә жајылма шәртина бахмаг лазыымдыр. Бундан еткүй исә бу параграфда алдығымыз иетищеләри чохлу сајда даңғаларын суперпозициясы һалы үчүн үмуми-ләшпидирмәлийк.

8.4.5. Дајга пакети

Инди исо мұстəви далғаларын суперпозициясы нәтижесинде фәзаның жалның кичик бир һиссесіндегі амплитуда сығырдан фәргли, галан жерлөрдегі исә сығыр олан далға процеси жаратмағын мүмкүн олдуғуну көстөрек. Ики мұстəви далғаның 4.4-чү параграфында һəjатта кечирдијимиз суперпозициясы, фәзаның мәһдүд һиссесини əhatə едəн далға процеси жаратмаг үчүн кифајет дејил. Лакин һəр һансы $2\Delta k$ интервалында далға əдəдлəри кәсилемəз дəjiштəн далғаларын топланмасы (суперпозициясы) нәтижесинде далға процеси жаратмаг мүмкүндүр. $2\Delta k$ интервалына һəр һансы бир геид олунмуш κ_0 нөггəсини көтүрек вə көстөрек ки, мүəjjəн шəртлəр дахилиндегі далғаларын суперпозициясы нəтижесинде фəзада мәһдүд олан мұстəви далға процеси, жəни далға пакети алмаг олар. Айдындыр ки, бу һалда кәсилемəз дəjiштəдијиндəн јекун далға айры-айры далғаларын чəми илэ дејил.

$$f(x,t) = \int_{k_0 - \Delta k}^{k_0 + \Delta k} a(k) \cos(\omega t - kx) dk \quad (4.14)$$

интегралы илэ нифадэ олуначаңдыр. Биз бурада садәлик үчүн топланан далғаларын $a(k)$ амплитудаларынын бүгүн Δk интервалында сабит вэ $a(k_0)$ -а бәрабөр олдугуны тәбүл едәчәйик. Даирәви тезлигинин k далга әдәдиндән асылылығы, үмумијеттә, верилмәлидир. Бу асылылыг мұхтәлиф тәбиэттің далғалар үчүн мұхтәлиф ола билөр. Бурада биз $\omega(k)$ асылылығы мә’лум олмадығындан бу функцияны $\Delta k = k - k_0$ әтрафында сыраја аյыраг вэ биринчи ики һәдділә кишајәттәнәк:

$$\omega(k) = \omega(k_0) + (k - k_0) \left(\frac{d\omega}{dk} \right)_{k=k_0} + \frac{1}{2!} (k - k_0)^2 \left(\frac{d^2\omega}{dk^2} \right)_{k=k_0} + \dots \quad (4.15)$$

$$\omega(k) = \omega(k_0) + (k - k_0) \left(\frac{d\omega}{dk} \right)_{k=k_0} \quad (4.15')$$

$$\omega(k_0) = \omega_0 \text{ в о } \left(\frac{d\omega}{dk} \right)_{k=k_0} = \left(\frac{d\omega}{dk} \right)_0 \text{ кими ишаро едигб (4.15)}$$

ифадесини (4.14) интегралында жазмайла һөмин интегралы һесаблаја биләрк:

$$f(x,t) = a(k_0) \int_{k_0 - \Delta k}^{k_0 + \Delta k} \cos \left[\omega_0 t - k_0 \left(\frac{d\omega}{dk} \right)_0 t + k \left(\frac{d\omega}{dk} \right)_0 t - Kx \right] dk$$

Көрүндүү кими, косинусун аргументиң биринчи һөлдүн асылы дејил, она көрә дө заманын мүэйжөн аны үчүн она сабит бир кәмийтүү кими баха биләрик. Онда:

$$f(x,t) = \frac{a(k_0)}{d\omega} \cdot t - x \int_{k_0-\Delta k}^{k_0+\Delta k} \cos \left[\omega_0 t - k_0 \left(\frac{d\omega}{dk} \right)_0 t + k \left(\frac{d\omega}{dk} t - x \right) d \left[k \left(\frac{d\omega}{dk} t - x \right) \right] \right]$$

вә ja

$$f(x,t) = \frac{a(k_0)}{d\omega} \sin \left[\omega_0 t - k_0 \frac{d\omega}{dk} t + k \left(\frac{d\omega}{dk} t - x \right) \right]_{k_0-\Delta k}^{k_0+\Delta k}$$

аларыг. Бурада $k_0 + \Delta k$ вә $k_0 - \Delta k$ сәрхәдләрини јеринә жаздыгдан сонра алышан ифадәдә синуслар фәрги дүстүрүндан истифадә едиб вә алышан нәтичәнин Δk -ja вуруб бөлмәклэ

$$f = 2a(k_0)\Delta k \cdot \frac{\sin \Delta k \left(\frac{d\omega}{dk} t - x \right)}{\Delta k \left(\frac{d\omega}{dk} t - x \right)} \cdot \cos(\omega_0 t - k_0 x) \quad (4.16)$$

аларыг. Алышмыш бу нәтичәни ejни илә (4.11) дүстүруну изаһ етдијимиз кими изаһ едә биләрик. $\cos(\omega_0 t - k_0 x)$ вуруғу јаранмыш мүрәккәб далға просесинин фазасы илә әлагәдардыр, ондан әvvәлки вуруг исә дәјищән (модулланмыш) амплитуду ифадә едир. Экәр

$$\Delta k \left(\frac{d\omega}{dk} \cdot t - x \right) = \xi$$

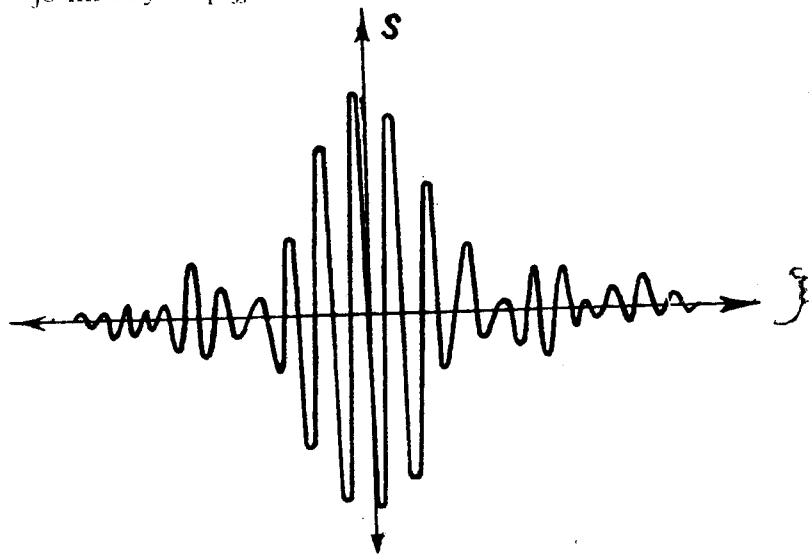
илә ишарә етсәк мүрәккәб далға просесинин амплитуду үчүн

$$A(k) = 2a(k_0) \cdot \Delta k \frac{\sin \xi}{\xi} \quad (4.17)$$

ифадәсини аларыг. Қөрүндүjү кими $A(k)$ амплитудунун дәјищәмә характеристи $\frac{\sin \xi}{\xi}$ вуруғу илә тә'жин олунур. $\xi \rightarrow 0$

олдугда $\frac{\sin \xi}{\xi} = 1$, $\xi = \pm \pi$ олдугда исә $\frac{\sin \xi}{\xi} = 0$ олур. ξ -нин мүтләг гијмәтинин сонракы бөjүмәси заманы $\frac{\sin \xi}{\xi}$ функциясы бир сыра максимум вә минимумдан кечир. Лакин бу максимум вә минимумларын гијмәтләри $\xi=0$ -да алышан баш максимума нисбәтән кичикдир вә аргумент бөjүдүкчә сүр'етлә кичилир. Беләликлә, биз деје биләрик ки, суперпозиција нәтичәсендә практик олараq, амплитуду фәзанын $\frac{\sin \xi}{\xi}$ ялныз мәһдуд бир һиссәсендә сыйырдан фәргли вә

гануну илә дәјищән бир далға групу вә ja далға пакети алышыр. 11-чи шәкилдә бу чүр группун «ани фотопәкили», јә'ни онун мүәjжән андакы формасы костәрилмишdir.



(4.16) дұстуру көстәрир ки, ики мұстәви далғанын топланмасы һалына аналоги оларға пакети һалында да фаза вә grp үшін $\omega_0 t - k_0 x = \text{const}$ көтүрүб, замана көрә көтәрмә алсаг фаза

сүр'әти үчүн $c' = \frac{dx}{dt} = \frac{\omega_0}{K_0}$ аларыг. $\xi = 0$ олдугда амплитуду

модаллашдыран $\frac{\sin \xi}{\xi}$ вуруғу вәнидә бәрабәр олан сабит

гиjmәт алыр. үмумијәтлә амплитудун (4.17) сабитлијини тәлеб етсек $\frac{d\omega}{dk} t - x = \text{const}$ аларыг ки, бурадан да

$$g = \frac{dx}{dt} = \frac{d\omega}{dk}$$

аларыг. Бу ифадә көстәрир ки, бәрабәр амплитудлар сәтті

$$g = \frac{d\omega}{dk}$$

сүр'әти илә јерини дәјишиң мұствидир. Қорындыјү кими бәрабәр амплитудлар мұстәвисинин јердәиши мәсүр. Бу сүр'әт ежни заманда пакетин бүтөвлүкдә једәиши мәсүр.

Инди жада салаг ки, жуахарыда алынан нәтичәлөрін һамысы ω -нын (4.15) ифадәсіндә үчүнчү һәдидән башлајараг жүксәк тәртибли һәдиләрин атылмасындан ибарәт олан жаһынлацма илә бағылдыры вә бу жаһынлаиманын нәтичәләрә нечә тә'сир етмәсіни тәдтіг етмәк лазымдыр.

Әкәр икінчи тәртиб торәмә $\frac{d^2\omega}{dk^2}$ сифра бәрабәр оларса (диспресија олмајан һал) бүтүн нәтичәләр дәиши мәз галыр.

$\frac{d^2\omega}{dk^2} \neq 0$ олдугда исә далға пакти өз формасыны сахламыр вә заман кечдиқчә өз формасыны дәжишиб тәдричән пакет формасыны итирир. Лакин, әкәр диспресија кичик оларса, жәни $\frac{d^2\omega}{dk^2}$ сифра јаһын оларса, онда пакетин мүәйїән формасы вә онун бүтөвлүкдә g grp сүр'әтилә јердәиши мәсүр.

Беләликлә, биз суперпозија нәтичәсіндә јаранан мүреккәб далға просесинин демәк олар ки, там тәсвирини аллыг, лакин онун ашағыдағы бир хүсусијәтини дә гејд етмәк лазымдыр: далға пакетинин (4.16) дұстурунда фиксө олунмуш ω_0 вә k_0 дан асылы олан фаза вуруғу дахил олмасына баҳмајараг әслиндә алымыш далға просеси мыүреккәб просесdir вә онун фазасынын тәкчә бир далға узунлуғу илә бағламаг олмаз. Әкениә, далға просесинин јаранmasы далға әдәлләри кәсилемәз дәжишән чохлу сајда һармоник далғаларын суперпозијасы илә әлагәдар олдуғундан пакетин спектрал анализи онда бүтөв спектрин кениш бир һиссәсіни ашкара чыхарыр. Бундан башта, мә'лум олмуштур ки, верилмис Δk олчүлү далға пакетинин јаранmasы үчүн бүтөв спектрин Δk интервалы һәр һансы бир мүәйїән гијметдән кичик ола билмәз.

Инди квант физикасынын инкишафы үчүн чох мүһүм олан Δk илә Δx арасындағы мұнасибәти, жәни пакетин енини тапағ. Бунун үчүн һәр һансы бир мүәйїән $t=0$ аны үчүн пакети нәзәрдән кечирәк. (3.16) дұстурундан қорындыјү кими бу һалда пакетин формасы

$$\frac{\sin \Delta k \cdot x}{\Delta k \cdot x} = \frac{\sin \xi_0}{\xi_0}$$

вуруғу илә тә'жин олунур. Бурада $\xi_0 = \Delta k \cdot x$, $\xi_0 = \pm \pi$ олдугда бу вуруг сифыр олур. Әкәр биз координат башланғычы оларға X оху үзәрindә баш максимума уйғун

(жәни $\xi=0$ -а уйғун) олан нөгтәси сечсәк, онда бу максимумдан сол вә сағ тәрәфдә јерләшпөн биринчи минимумларын

координатлары $\pm \frac{\Delta x}{2}$ олачагдыр. Бундан сонракы макси-

мумларын сүр'этгө кичилдикләрини нәзәрә алсаң, онда биз пакетин өлчүсү (ени) оларал тәхминән симметрик јерләши-

миш биринчи ики минимум арасындакы Δx парчасыны

көтүрө биләрик. бу һалда биз

$$\Delta k \cdot \frac{\Delta x}{2} = \pi$$

шәртини жаза биләрик. Бу шәртдән $\Delta k \cdot \Delta x = 2\pi$ алыныр. Экәр биз далға пакетинин енини даһа дәгиг тә'јин етмәк истәсәк вә онун ени оларал координат башланғышына нәзәрән симметрик јерләшиши икинчи минимумлар арасын-
дақы мәсафәни көтүрсәк онда $\Delta k \cdot \Delta x = 4\pi$ вә үмумијәтлә,

$$\Delta k \cdot \Delta x \geq 2\pi$$

аларыг.

Индијә гәдәр биз бир олчулу далға групларынын яранмасы просесини цэзәрдән кечирмишик. Бу груплары алмаг үчүн исә далға векторлары еңи истиғамәтдә олан монохроматик далғалары топтамышынан. Лакин бу заман апарылан мұлаһизәләр координат охларынын һәр үчүн үчүн дөргөн олдуғундан охлар үздөнгөләри Δx , Δy вә Δz олан фәзә пакетинин әмәлә қөлмәси үчүн

$$\Delta x \cdot \Delta k_x \geq 2\pi; \quad \Delta y \cdot \Delta k_y \geq 2\pi; \quad \Delta z \cdot \Delta k_z \geq 2\pi;$$

шәртләри өдәнилмәлидир.

§ 4.6. Фаза вә grp сүр'этләри

Фаза вә grp сүр'этләрини ики мұхтәлиф һал үчүн мұгајисә едәк.

1. Һармоник далғаларын суперпозициясындан жарандырылған фаза сүр'ети k -дан асылы дејил. Бу үшүр хассәжә малик олан мұһиттә диспресиясыз мұһит дејилир.

2. Далға пакетинин фаза сүр'ети k -дан асылыдр. Бу хассәжә малик олан мұһит диспресијалы мұһит дејилир.

Биринчи һалда фаза сүр'етинин $c' = \frac{\omega}{k}$ дүстүрүндан

$\omega = c' k$ тә'јин едиб, گруп сүр'етини һесабласағы

$$g = \frac{d\omega}{dk} = \frac{d(c' k)}{dk} = c'$$

аларыг. Демәли, диспресиясыз мұһиттә фаза сүр'ети илә گруп сүр'ети ежидир.

Иккинчи һалда фаза сүр'ети C' далға әдәди K -нын функциясы олдуғундан

$$g = \frac{d}{dk}(c' k) = c' + k \frac{dc'}{dk}$$

олар. Бурада $\frac{dc'}{dk}$ -ны

$$\frac{dc'}{dk} = \frac{dc'}{d\lambda} \cdot \frac{d\lambda}{dk} = -\frac{\lambda^2}{2\pi} \cdot \frac{dc'}{d\lambda}$$

кими чевириб јеринә жасағ گруп сүр'ети илә фаза сүр'ети арасында

$$g = c' - \lambda \frac{dc'}{d\lambda}$$

мұнасибәтини аларыг. Қөрүндүйү кими диспресијалы мұһиттә گруп сүр'ети илә фаза сүр'ети бир-бириндән

фәргләнирләр вә $\frac{dc'}{d\lambda}$ ишарәсиндән асылы олараг груп сүр'эти фаза сүр'этиндән һәм кичик, һәм дә бөйүк ола биләр. Оптикада бу һалларын һәр икиси мүшәнидә олуңур. нормал диспресија һалында λ -нын бөյүмәси илә сындырма әмсалы n (ишиғын мүһитдәки сүр'этинин ваккумдақы сүр'этинә нисбәти) кичилир, јәни фаза сүр'эти c' бөйүр вә $\frac{dc'}{d\lambda} > 0$ олур ки, бунун да нәтижәсindә $g < c'$ олур. Ишиғын удулма зонасында мүшәнидә олунан аномал диспресија һалында исә n илә λ арасында асылылыг тәрсінәдир вә она көрә дә $\frac{dc'}{d\lambda} < 0$ вә $g > c'$ олур.

Ишығын сүр'етинин өлчүлмәсінин мұхтәлиф үсулларының анализи көстәрір ки, бу үсулларын һамысында ишығын груп сүр'ети өлчүлүр вә үмумијәтлә, һеч бир үсула мүһитдә фаза сүр'етини өлчімәк мүмкүн дејіл. Ишығын сүр'етинин тә'жини илә әлагәдар олан бүтүн тәчрүбәләрдә жа мүәйїән сигналын сүр'ети өлчүлүр (Рјомер үсулу), жа да заман вә фазада мәндуд олан дағалар сырасыны (Физо үсулу) сүр'ети өлчүлүр. Һәр бир мәндудланмыши дағалар сырасы исә Фурје интегралы васитәсілә анализ олуна биләр вә мұстәви монохроматик дағаларын суперпозициясының нәтижеси кими тәсвир олуна биләр. Бу, о демәкдир ки, һәр бир мәндуд дағалар сырасына даға пакети кими баҳмаг олар вә биз тәчрүбәдә һәмисшә пакетин сүр'етини, јәни дағанын груп сүр'етини өлчүрүк.

84.7. Зэррэчиклэрийн далга хассэлэри. Де-Бројл һипотези

Биз §4.1-дэ үердүк ки, һәлә XVII әсрдә ишығын тәбиэтиндә «далға-зәррәчк» дуализми мүниәһидә олунмуш дур. 1924-чу илдә франсыз алими луи-де Бројл бу дуализм илә әлагәдар олан чәтиңликләрдән чыхмага өһәд қостәрәк белә бир чәсарәтли һипотез ирәли сүрдү ки, дуализм

алныз оптик һадисәләрә ҳас олмајыб универсал характер дашыјыр.

Де-Бројла көрө нәинки ишыг далғалары зәррәчик хассәләрини бирүзә верир, һәм дә мадди зәррәчикләр корпукслыар хассәләрлә јанаши далға хассәләринә дә маликдир. Де-Бројла мадди зәррәчикләрин далға хассәләринә малик олмасы һипотезинин јаранмасында ашағыдақы мұлаңизеләрин дә ролу олмушудур. XIX әсрин ийримнчи иллюриндә һамилтон һәндәси оптика илә классик механика арасында гәрибә бир охшарлыг олдыруна диггәт жетирәрек қестермишdir ки, физиканын бу икى мұхтәлиф саһәләринин әсас ганунларыны ријази чәһәтдән ежни бир формада тәсвири етмәк олар. Классик механикада мадди зәррәчијин $V(x,y,z)$ потенциаллы саһәдә һәрәкәти, сындырма әмсалы $n(x,y,z)$ олан оптик чәһәтчә бирчынсли олмајан мұнитдә ишыг шуаларыны һәрәкәти илә еквивалентdir. Дикәр тәрәффән оптикада далғанын јајылма истиғамәти һәмишә далға чәб-хәсинә перпендикулардыр, классик механикада исә зәррәчијин траекторијасы һәмишә тә'сир сәтіләринә перпендикулардыр. Бу охшарлыг јалныз һәндәси оптика вә механика аид едилерди. Лакин јаҳшы мә'лумдур ки, һәндәси оптика ишығын бүтүн хассәләрини изаһ едә билмир. Ишығын интерференсија вә дифраксија хассәләрини изаһ етмәк үчүн даһа үмуми олан (һәндәси оптика, гыса далға узунлугларында далға оптикасындан хұсуси һал кими алышыр) далға оптикасындан истифадә етмәк лазымдыр. Дикәр тәрәффән мә'лумдур ки, Нјугон механикасынын да тәтбигиндә мәһдудијәтләр вардыр. Нјугон механикасы, мәсәлән, атом системинде дискрет енержи сөвийжәләринин алышмасы изаһ едә билмир. Де-Бројлун идеясы, механика илә оптика арасында охшарлығы қенишләндирмәк вә далға оптикасына аналоги олараг классик механикаја нисбәтән даһа үмуми олан вә атомдахили һәрәкәтләрә тәтбиг олуна билән далға механикасы јаратмагдан ибарәт иди.

Беләликлә, мадди зәррәчикләрин корикулјар хас-сәләри илә јанаңы даға хассәләринә дә малик олмалары һаггындакы фәрзүйәни гәбул едәрәк де-Бројл оптикада «далға -зәррәчик» дуализминә баҳаркән дәфәләрлә расл кәлдијимиз бир шәкилдән башта шәклю кечмә гајдаларыны

мадди «зэррәчикләр» һалына да көчүрмүшдүр. Тутаг ки, күтләси m олан мадди «зэррәчик» (мәсәлән, электрон v) сүр'әти илә бәрабәрсүр'әтли һәрәкәт едир. Електрона корпускул кими баҳдыгда ону E енержиси вә P импулсу илә, далға кими баҳдыгда исә ону v тезлиji вә λ далға узунлуғу илә характеристизә едирик. Экәр һәр ики хассә ejni бир ојбектиң мұхтәлиф чәһәтләридирсә, онда ону характеристизә едән кәмијјәтләр арасында әлагә јарадылмалыдыр. Зэррәчијин енержиси $E=mc^2$, импулсу $P=mv$, далғананын енержиси исә $\varepsilon = h\nu$, импулсу $p = \frac{h\nu}{c} = \frac{h}{\lambda}$ олдуғундан

$$E = h\nu; \quad P = \frac{h}{\lambda} \quad (4.18)$$

олмалыдыр. Бу мұнасибәтәр де-Бројл мұнасибәтләри, уйғун далғалар исә де-Бројл далғалары адланыры.

Оптик һадисәләрдә сүкунәт күтләси сығыр олан вә С сүр'әти илә һәрәкәт едән фотонун импулсуну тә'јин етмәк үчүн (4.18) дүстүрундан истифадә едирик. Де-Бројла корә һәмин дүстүр мадди зэррәчикләрә дә аид едилир вә онун васитәсилә бу зэррәчикләрдә бағлы олан мұстәви монокроматик далғаларын (Де-Бројл далғаларынын) далға узунлуглары һесабланмалыдыр.

Зэррәчијин далға узунлуғу

$$\lambda = \frac{h}{p}$$

кими һесабланыры. Сүкунәт күтләси сығыр олмајан зэррәчикләрин импулсу $P=mv$ дүстүру илә верилир. Кичик сүр'әтләрдә m сабит кәмијјәтдир, ишыг сүр'әтинә жахын сүр'әтләрдә исә күтлә сүр'әтдән асылы олараг $m = \frac{m_0}{\sqrt{1-\beta^2}}$

гануну илә дәжишир. Бу һалда

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

$K = \frac{2\pi}{\lambda}$ олдуғуну нәзәрә алсаң (3.18) дүстүруна әсасен

$$\vec{P} = \frac{h}{2\pi} \vec{K}$$

аларын. Онда сәрбәст мадди «зэррәчикләрин» һәрәкәтини тәсвир едөн мұстәви далға

$$\psi = A e^{i(\nu t - \vec{k}\vec{r})} = A e^{\frac{2\pi i}{h}(Et - \vec{p}\vec{r})} \quad (4.19)$$

шәклиндә олар. Сәрбәст микрозэррәчикләрин һәрәкәтини характеристизә едән ψ функциясы далға функциясы адланыры.

§4.8. Де-Бројл далғаларынын хассәләри

Бүгүн дикор далғалар кими де-Бројл далғалары да һом фаза, һәм дә груп сүр'әтине маликдирләр. Кичик сүр'әтләрдә де-Бројл далғасынын фаза сүр'әти

$$c' = \frac{\omega}{k} = \frac{h\omega}{hk} = \frac{E}{P} = \frac{mc^2}{mv} > c$$

дүстүру илә тә'јин олунур. Бурада E зэррәчијин енержиси, P -онун импулсу, c исә ишығын бошлугдакы сүр'әтидир, $c > v$ олдуғудан де-Бројл далғаларыны фаза сүр'әти ишығын бошлугдакы сүр'әтиндөн бөյүкдүр. Бу нәтиҗә бизи тәәммүб-ләндирмәмәлидир, чүнки биз артыг билирик ки, фаза сүр'әти нә «сигналын» сүр'әтини, нә дә енержинин јердә-жышмә сүр'әтини характеристизә едир, она корә дә о , ишығын бошлугдакы сүр'әтиндөн бөյүк ола биләр.

Бөйүк сүр'әтләрдә зэррәчијин енержиси:

$$E = \sqrt{c^2 p^2 + m_0^2 c^4}$$

иfadæسى илэ тэ'жин олуңур. бу налда де-Броjl далғаларының фаза сүр'эти ашағыдақы дұстурла һесабланып:

$$C = \frac{E}{P} = \frac{\sqrt{c^2 p^2 + m_0^2 c^4}}{P} = c \sqrt{I + \left(\frac{m_0 c}{P}\right)^2} = c \sqrt{I + \left(\frac{m_0 c \lambda}{h}\right)^2}$$

Де-Бројл далғасынын группалық сур'яты

$$g = \frac{d\omega}{dK} = \frac{dE}{dP}$$

кими тә'жин олунур. көстәрмәк олар ки, $\frac{dE}{dP} = v$. Дөргүдан да, \vec{F} түввэсийн тә'сири алтынжа һәрәкәт едән зәррәчијин $d\vec{S}$ јердәјишмәсендә енержинин дәјиши мәси $dE = \vec{F}d\vec{S}$ вә $\vec{F} = \frac{d\vec{P}}{dt}$ олдуғундан

$$dE = \frac{dP}{dt} \cdot d\vec{S} = d\vec{P} \cdot \frac{d\vec{S}}{dt} = \vec{v} d\vec{P}$$

олар. \vec{v} вэ \vec{P} ёјни истигамётдэ јөнэлдиклэриндэн $dE = v dP$ вэ $v = \frac{dE}{dP}$ аларыг. Белэликлэ, $g=v$ аларыг, јэ'ни зэррэчијин де-Бројл далгасынны групп сүр'ети елэ зэррэчијин өз сүр'этинэ бэрабэрдир.

Инди исә дисперсия ганунуну, јәни де-Бројл далғасынын даирәви тезлиги илә далға векторунун координат охлары үзрә проексијаларын арасындакы әлагәни тапаг. Бундан етгү әvvәлчә релјавистик зәррәчикләр үчүн ω илә k арасындакы мұнасибәт мүәjжәнләшdirәк.

$$\frac{E^2}{c^2} = m_0^2 c^2 + \vec{P}^2 = m_0^2 c^2 + P_x^2 + P_y^2 + P_z^2$$

$E = \hbar v$, $P_x = \frac{\hbar}{2\pi} k_x$, $P_y = \frac{\hbar}{2\pi} k_y$, $P_z = \frac{\hbar}{2\pi} k_z$ олдугуну нәзәрә алсаг (4.16) ифадәси ашағыдақы шәкли алар: ($\omega = 2\pi\nu$)

$$\frac{\omega^2}{c^2} = \frac{m_0^2 c^2}{h^2} + k_x^2 + k_y^2 + k_z^2$$

Бурада

$$\frac{m_0 c}{\hbar} = \omega_0$$

ОЛДУҒУНДАҢ

$$\frac{\omega^2}{c^2} = \frac{\omega_0^2}{c^2} + k_x^2 + k_y^2 + k_z^2$$

аларыг ки, бу да диспресија ганунун релјавтивистик ифадэсидир. Сүкунэт күтләси сыйыр олан зэррәчикләр үчүн $v_0=0$ олар вә бу һаңда

$$\frac{\omega^2}{c^2} = k_x^2 + k_y^2 + k_z^2$$

шәклини алыр ки, бу да фотон үчүн аиртыг бизэ мә'лум олан дисперсия ганунудур.

Инди де-Броіл дағасының даһа бир хассеси иләткеш олаг. Һидроjenбәнзәр атомлар үчүн Бор нәзәрийә-

синдэ стасионар орбитлэрин сечилмэсү үчүн истифадэ олунан $mvr = n \frac{h}{2\pi}$ квантланма шартини

$$2\pi r = \frac{nh}{mv}$$

кими дә јазмаг олар. $\lambda = \frac{h}{mv}$ Де-Бројл далғасынын узунлуғу олдурундан

$$2\pi r = n\lambda$$

аларыг. Буралан көрүшүр ки, стасионар орбитин чөврэсүнин узунлуғу там сајда де-Бројл далғасынын узунлуғуна бәрабәр олмалыдыр.

§4.9. Де-Бројл һипотезинин тәчрүбәдә тәсдиғи

Де-Бројл һипотезинин дөгрулуғу чох тез бир заманда бир чох тәчрүбәләрдә тәсди олунду. Тәчрүбәләр көстәрди ки, электрон, протон вә атом дәстәләри ишүг вә ја рентген шүаларына охшар олараг интерференсија вә дифраксија уғрајырлар.

Эvvәлчә биз электронларла бағлы олан де-Бројл далғаларынын узунлугларынын тәртибини мүэйжёнләпидирәк. Экәр электрон V потенциаллар фәргини кечәркән v сүр'этинә малик оларса, онда

$$\frac{mv^2}{2} = \frac{P^2}{2m} \geq \frac{eV}{300} = W$$

олар. (4.18) дүстүрундан истифадэ едәрәк электронун де-Бројл далғасынын узунлуғу үчүн

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{h}{\sqrt{\frac{2meV}{300}}} = \frac{h}{\sqrt{2mW}}$$

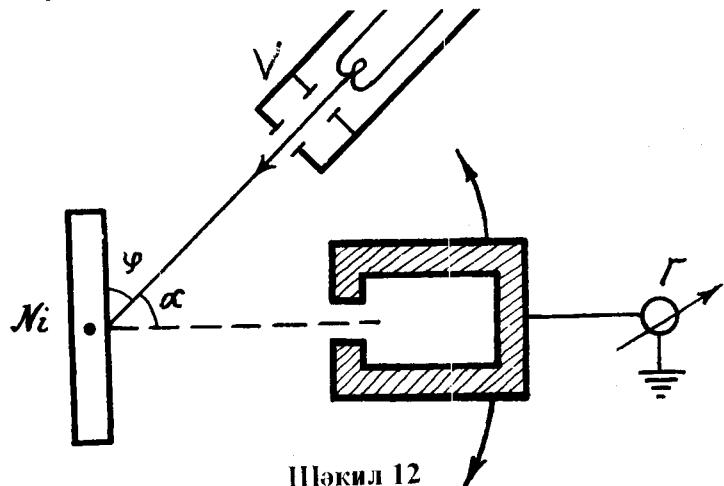
ифадәсини аларамыг. Бурада W электронун кинетик енержи- сидир. Экәр $V=100\text{V}$ оларса, онда

$$\lambda = 1,2 \cdot 10^{-8} \text{ cm} = 1,2 \text{ Å}$$

олар. Бу далға узунлуғу рентген шүаларынын далға узунлуғу тәртибиндәдир.

Экәр де-Бројл һипотези дөгрудурса, онда рентген шүаларына аналоги олараг сүр'этләнмиши электронлар да кристал тәғәсисиндән дифраксија етмәлидирләр. Бу фикри јохламаг үчүн американ физикләри Девиссон вә Чермер 1927-чи илдә электронларын кубик системә дахил олан никел монокрасталындан сәнилмә ганунуа уғулугларыны тәдгиг етмишләр.

V потенциаллар фәргини кечәркән сүр'этләнмиши моногеркетик енсиз электрон дәстәси Ni монокристалы үзәринә јөнәлдилүр. Кристалдан экс олунан электронлар гальвонометрә бирләшдирилмиши силиндрик електрод (Фарадеј



силинди) васитесилә тутулур. Фарадеј силинди еңи бир мүстәви үзәриндә галмагда кристал үзәринә дүшән електрон дәстәсинә нисбәтән истәнилән бучаг алтында јерләшдирилә биләр. Силиндин мұхтәлиф вәзијәтләриндә галвонометрлә I чәрәjan шиддәтини өлчәрәк мұхтәлиф истигамәтләрдә кристалдан экс олунан електронларын интенсивлиji һагтында мұһакимә јүрүтмәк олар. Тәмрүбәнин нәтичәләри костәрмишdir ки, верилмиш истигамәтдә чәрәjan шиддәтинин гијмети координат башланғышындан (електрон дәстәсинин кристалын сәтгинә дүшідүjү нөгтәден) һәмин истигамәтдә әjриjә чәкилмии дүz хәтт парчасынын узунлуғу илә тә'jин олунур вә ф -бучагынын мүәjjәn гијметтәндә електронларын сәтгәндән интенсив экс олмасы баш ве-рир. Бу экс олма оптикада ишығын гајытма ғануна табедир: «дүниm бучагы гајытма бучагына бәрабәрдир». һәмин тәмрүбә поликристал никел үзәриндә апарылдыгда исә һеч бир селектив экс олма мұшақидә олунмамышыдыр. Экәр електронлара зәррәчик кими баҳыларса онда онларын никелин кристал гәfәсинин ионлары илә гарышылыглы тә'сиринә әсасланараq тәмрүбәдә алынан максимумлары һеч чүр изаһ етмәк мүмкүн олмур. Тәмрүби нәтичәләри изаһ етмәк үчүн електронлара далға кими баҳылмалыдыр. Бу заман електронларын монокристал никелдәn селектив экс олунмасы ренткен шүаларынын кристалдан Вулф вә Брэгг тәрәфиндәn мұшақидә олунмуш интерференция экс олунмасынын еңи олачагдыр. Ренткен шүалары кристал үзәринә дүширәк онлар кристалын мұхтәлиф атом мүстәвиләриндәki атомлара тә'сир едәрәк, онлары һәjечанланышырыр вә бу атомларын һәр бири коherent элементар далғалар мәнбәjинә чеврилир. Бу заман мұхтәлиф мүстәвиләрдә јерләшәn атомларын шүаландырылары коherent элементар далғалар интерференция едәчәk вә мұхтәлиф мүстәвиләрдәn шүаланан далғаларын ѡоллар фәргиндәn асылы олараг я бир-бирини зәйфләдәчәk, я да құчпәндирәчәk. Мә'lумдур ки, интерференция едәn ренткен шүаларын кристалдан ѡалныз о заман экс олунурлар ки, (интерференция нәтичәсindә кристалдан ренткен шүаларынын бу чүр чыхмасына - «экс олунма» -интерференцијасы экс олунмасы

деjилир) онларын далға узунлуглары илә сүрүшмә бучағы (дүшмә бучағыны $\frac{\pi}{2}$ гәдәр тамамлајан бучаг) Вулф-Брэггин

$$n\lambda = 2d \cdot \sin \varphi \quad (4.21)$$

дүстүруну өдесинләр. Бурада d - атом мүстәвиләри арасындақы мәсафәдир.

Экәр електронлар далға хассәләринә маликдирләрсә онлар да кристалдан (4.21) шәртино әсасен экс олунмалыдыр. Никел кристалындан електронларын интерференция экс олунмасыны, ј'ни елеクトонлара де-Бројl далғасы кими баҳмағын дүзкүн олуб-олмадынын јохламаг үчүн (4.21) дүстүрундан ики чүр истифадә етмөк олар: 1) кристал үзәринә де-Бројl далғасынын λ узунлуғу мүәjjәn олан електронлар дәстәси (енержиләри сабит ғалан електронлар дәстәси) юнәлтмәкүә кристалы мүәjjәn ох этрафында дөндәриб, максимум экс олманын Вулф-Брэгг дүстүрундан $n=1;2;3$ гијметләринә уjғун олан ѡалныз мүәjjәn Φ_1, Φ_2, Φ_3 бучагларында баш вердиини јохламағла; 2) сүрүшмә бучагы ф-ни сабит сахлајыб, де-Бројl далғасынын λ узунлуғуну кәсиlmәz олараг дәжишмәкүә максимумларын де-Бројl далға узунлуғундан ѡалныз мүәjjәn $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$ гијметләриндә атындыларыны јохламағла мүәjjәnләшdirмәк олар. Бу һалда електронларын интерференция экс олмасы о заман баш верәчек ки,

$$\lambda_n = \frac{1}{n} 2d \sin \varphi$$

олсун, ј'ни экс олма $\lambda_1, \lambda_2 = \frac{\lambda_1}{2}, \lambda_3 = \frac{\lambda_1}{3}$ вә с. де-Бројl

далға узунлугларында баш верәчәкдир.

Ренткен шүаларынын кристалдан экс олунмасына баҳаркәn бириңчи үсулдан, електронларын кристалдан интерференция экс олунмасына баҳдыгда исә икинчи үсулдан истифадә олунур, чүнки сүр'әтләндиричи потенциаллар

Фәргини дәјишилдірмәкәлә електронларын сүр'этләринин вә
еңелликлә дә, онларын $\lambda = \frac{h}{mv}$ де-Бројл даға узунлуглары-
ны дәјишишмәк, кристалды ваккумда өз оху этрағында дөн-
дөрмәкдән гат-тат асандыр.

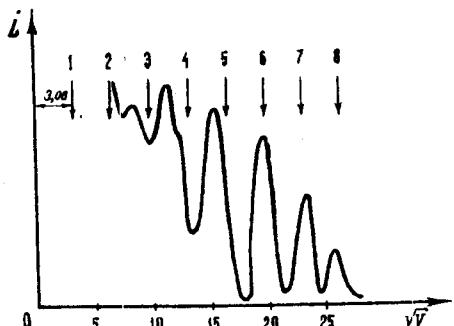
(4.20) вә (4.21) дүстурларындан истифадә етмәкәлә

$$\sqrt{V} = \frac{nh}{\sqrt{\frac{2em}{300} \cdot 2d \sin \varphi}} \quad (4.22)$$

Ифадәсини алмаг олар. Бу ифадәдән көрүнүр ки, әкәр
електронлары сүр'этләнлирән V потенциаллар фәргинин
тәжричән дәјишишсәк вә һәр дәфә кристалдан әкс олунан
електронларын жараттығы чәрәјан шиддәтини (әкс олма
иңтенсивлијини) өлчәсәк вә наһајәт, абсис оху үзәриндә
 \sqrt{V} ни, ординат оху үзәриндә исә i чәрәјан шиддәтини

бүр бир-бириндән $\frac{h}{\sqrt{\frac{2em}{300} \cdot 2d \sin \varphi}}$ гәдәр мәсафәләрдә

жөрләншән кәсқин максимумлары олан әјри алмалыјыг. 13-чу
шәкилдә $\varphi=80^\circ$ вә $d=2,03 \cdot 10^{-8}$ см = 2,03 Å олан һал үчүн никел
Монокристалынын тәдгигиндән алынан әјри көстәрилмишdir.



Шәкил 13

Шәкилдән көрүндүjү кими әјринин максимумлары кәсқин-
дир вә бир-бириндән бәрабәр мәсафәләрдә јерләшир. Шә-
килдәки охларла Вулф-Брэгг дүстурұна әсасен һесабланмыш
максимумларын вәзијјәттери көстәрилмишdir. Нәзәри һе-
сабламалардан алынмыш максимумларын вәзијјәтләринин
тәчрүбәдән алынан максимумларын вәзијјәтләри илә
мұғајисә көстәрир ки, n -ин бөյүк гијметләринде ($n=7;8$) бу
максимумларын вәзијјәттери дәғиг оларағ үст-үстә дүшүр, n -
ин кичик гијметләринде исә түпрубы максимумларын
вәзијјәтләри илә һесабламадан алынан максимумларын
вәзијјәтләри бир-бириндән фәргләнир вә n -ин кичилмәси
илә бу фәрг бөйүjүр. Бу фәргин систематик вә ғанунаујғун
характер дашымасы онун көстәрир ки, һесабламада (Вулф-
Брэгг дүстурунда) һәр һансы бир фактор нәзәрә алынма-
мышдыр. Бу нәзәрә алынмајан фактор ондан ибарәтдир ки,
Вулф-Брэгг дүстурұ чыхарыларқән фәрз олунмушдур ки,
һәм ваккумун, һәм дә кристалын сындырма әмсалы ваид-
дир, рентген далғаларынын узуңлуғу исә һәм кристалдан
кәнарда, һәм дә онун дахилиндә ејнидир. соң кичик далға
узунлугларында бу фәрзийеләр өзләрини тамамилә доғрулт-
са да, даға узун далғалы ретинен шүаларында кристалын
сындырма әмсалында вә Вулф-Брэгг дүстурунда дәјишик-
ликләр едилмәлиdir.

Максимумларын көзләнилән вә фактики оларағ
мұшаһидә олунан вәзијјәтләри арасындағы фәргләри
ашағыдағы мұлаһизәләрдә изаһ етмәк олар. Мә'лумдур ки,
фотоелектрик һадисөсіндә елекtronу металдан ғонармаг
үчүн она әлавә енержи вермәк лазымдыр.

Әкәр метал дахилиндә елекtronун потенциал енержиси
 $U_0 = -eV_0$ оларса (бурада елекtronуш јүкүнүн мәнфилији
нәзәрә алынмышдыр) онда елекtronун металдан чыхыш
иши $A = eV_0$ олар. Әкәр ваккумда $W = eV$ кинетик енержисине
вә сыйыр потенциал енержисине малик олан елекtron ме-
тала дахил олса, о, метал дахилиндә W_i кинетик енержисине
вә U_0 потенциал енержисине малик олар вә бу заман онун
там енержиси саҳланылмалыдыр, јәни $W + 0 = W_i + U_0 = W_i - eV_0$
олмалыдыр. Бурадан $W_i = eV + eV_0 = e(V + V_0)$ аларыг. Бурадан
көрүндүjү кими металда дахил олан елекtronун кинетик

енержиси чыхып иши гэдэр артыр. Онда онун де-Бројл далғасынын узунлуғу кичиләр вә (4.20) дүстурuna әсасән

$$\lambda' = \frac{h}{\sqrt{2m(W+A)}} = \frac{h}{\sqrt{\frac{2me}{300}(V+V_0)}} \quad (4.20')$$

дүстүру илэ тә'жин олунар. Метал дахилиң кечэн электронун де-Бројл далғасынын узунлугунун дәжишмәсі ону көстөрир ки, металын сыйдарма әмсалы вайиддән фәргләнирип. Демәли, электрон метал дахилиң кечәркән онун де-Бројл далғасы сыйыр. Бу налда де-Бројл далғалары учун металын сыйндырма әмсалы

$$\mu = \frac{n_{\text{Met}}}{n_{\text{Bak}}} = \frac{c}{c'} = \frac{v'}{v} = \frac{\lambda}{\lambda'} = \sqrt{\frac{V + V_0}{V}} = \sqrt{1 + \frac{V_0}{V}}$$

олар. Бурада с вә с', v', λ вә λ' де-Бројлд далғаларының ваккумда вә метал дахилиндә уйғын оларға фаза сүр'этләри, груп сүр'этләри вә дағы узунлугдарыдыр. Бу дүстурдан көрүнүр ки, електронун де-Бројл далғалары үчүн металын и нисби сындырма әмсалы ваниддән бөյүкдүр. Она көрә дә електронун де-Бројл далғалары ваккумдан метала сынараг кечир вә бу шүалар сәрһәндә чәкилмеш перпендикулјара жаҳылашырлар.

n-ин бөйүк гијмәтләриндә ($n=7;8$) несаблама вә тәчрүбәдән алышыши максимумларын вәзијјэтләринин үст-үстгә дүшмәсисни асанлыгla изаһ стмәк олар. Догрудан да, *n*-ин бөйүк гијмәтләриндә сүр'этләндирүчү *V* потенциалын кристалын V_0 дахили потенциалындан чох-choх бөйүк олдурундан

$\mu = \sqrt{I + \frac{V_0}{V}} \approx I$ көтүрмәк олар. Бу, о демәкдир ки, электрон-

ларын де-Бројл далғалары кристала кечәркән сыйнырлар. Она көрә дә бу һаңда Вулф-Бреггин (4.21) дүстүрунун тәтбиги дүзкүн нәтижә верир. n -ин кичик гүмәтләриндә исәм ваниллән фәргли олар, жә’ни де-Бројл далғалары

ваккумдан кристала кечәркән сынырлар. Бу һалда Вулф-Бреггин (4.21) дүстүруна дүзәлиш верилмәли вә онун шәкли дәйишмәлідир.

Инди исә де-Бројл далғаларының ваккумдан кристала кечәркән сыйналарыны нәзәрә аларкән Вулф-Брэгг дүстүрүнүн нә шәкил алдығыны мүэйжүнләштирәк. Тутаг ки, галынлыгы d олан кристал үзәринә електрон дәстиеси дүшүр. Електронларын интерференсија едән 1 вә 2 шүаларыны нәзәрдән кечирәк. Де-Бројл далғаларының сыйнасы нәтиҗесинде дахили ϕ' сүрүшмә бучалы ϕ -дән фәргләнәчәкдир вә бу шүаларының јоллар фәрги

$$2d \sin \varphi' = 2d \sqrt{1 - \cos^2 \varphi'}$$

олар.

$$\mu = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{\sin(90^\circ - \varphi)}{\sin(90^\circ - \varphi')} = \frac{\cos \varphi}{\cos \varphi'}$$

ОЛДУҒУНДАН

$$2d \sin \varphi' = 2d \sqrt{1 - \frac{\cos^2 \varphi}{\mu^2}}$$

шәклини алар. (4.21) дүстүрүнү нәзэрэ алсаң интерференсија заманы максимумлуг шәртини

$$2d \sqrt{1 - \frac{\cos^2 \varphi}{\mu^2}} = n\lambda' = n \frac{\lambda}{\mu} \quad (4.23)$$

кими жазарыг. Бурадан $\mu \neq 1$ налы үчүн

$$2d\sqrt{\mu^2 - \cos^2 \varphi} = n\lambda$$

§4.10. Гејри-мүәйянлик мұнасибәтләри

Вулф-Брэг дұстурун аласын.

(4.24) дұстурун көмәжі илә металын дахили потенциалының һесаблаја биләрік. Догрудан да (4.24) дұстурунун
індишкесінде қарастырылғанда ғана $\mu = \sqrt{1 + \frac{V_0}{V}}$ ифадә-
хәр ики тәрәфини квадрата жүксаңдай $\mu = \sqrt{1 + \frac{V_0}{V}}$ ифадә-
сина нәзәрә алса,

$$4d^2 \left(1 + \frac{V_0}{V} - 1 + \sin^2 \varphi \right) = n^2 \lambda^2 = \frac{n^2 h^2}{2meV / 300}$$

аласын вә бурадан исә V_0 үчүн

$$V_0 = \frac{n^2 h^2}{8d^2 em / 300} \quad (4.25)$$

дұстурун аласын. V сүр'етләндірілген потенциалының биләмәләре вә φ сүрүмін булағының өлчимеклә (4.25) дұстуруна әсасен атом мүстәвили арасындағы d мәсафәсі мәлум һесабланамағ олар. Одан кристалын V_0 дахили потенциалының һесабламағ олар.

(4.25) дұстуру васитәсінде һесабламадан d үчүн алынан гијметтәрәк мөттәрәк металдарын нәзәрілесіндөн алынаң гијметтәрәк уйғын көлир.

Әкәр електронларын де-Бројл далғаларының вакуум-дан кристала кечеркөн сынымалары нозорда алынарса вә даң кристала кечеркөн сынымалары нозорда алынарса, онда нәзәрі һесабланима (4.24) дұстуруна әсасон апарыларса, онда 13-һесабламадан алынмын максимумларын возижеттәрәк 13-шүцәкілдә 1-8 охларының көстөрдиклөри возижеттәрәк тәч-түрбәдөн алынмын максимумларын возижеттәрәк илә та-мамилә үст-үстә дүниәр.

Беләликлә, Девиссон-Чермер тәчтүрбәсі инандырычы сүрәтдә де-Бројл һипотезинин дөргүлугүнүң тәсдиғи етди. Бундан башта бир сырға тәчтүрбәләрдә иротон, нејтрон, атом вә һәттә молекулларын да мұнасиб кристалларда дифракциясы мүшәнидә олунмушудур ки, бүгүн бүнлар де-Бројл һипотезинин дөргүлугүнә тох әсаслы сүбүттүр.

Биз бундан әvvәлки параграфларда көрдүк ки, микрозәррәчикләр икили хассәjә – далға-корпусқул (далға-зәррәчик) хассәсінә маликдир. Микрозәррәчикләр макро-чисимләрдән фәргләндирән вә онларын икили хассәсі илә сыйх сурәтдә бағыт олан даңа бир мүһым хұсусијәти ондан ибарәтдир ки, микросистеми характеристизә едән һәр һансы бир ики каноник кәмиijәт һеч вахт ежни заманда ежни дәгигликлә өлчүлә билмәз.

Догрудан да, тутаг ки, х оху үзәриндә микрозәррәчијин вәзијәти һәр һансы бир Δx дәгиглимji илә мәлумдур. Оnda биз деjә биләрік ки, микрозәррәчик һардаса х илә $x + \Delta x$ арасында. Даңға нөгтеји-нәзәрдән микрозәррәчијин даңға функциясының амплитуду жалныз тәхминен ΔX интервалында сыйырдан фәрглидир. Биз артыг билирик ки, бу чүр дага функциясы чохлу сајда һармоник далғаларын суперпозициясы нәтижесіндә алына биләр, лакин бу функция һармоник далға олмајчаагдыр, јәни о, мүәjән өтезлијине вә к даңға әдәдине малик олмајчаагдыр, чүники һармоник далға сонсуз заманда мөвчүл олмалы вә сонсуз фәзаны әнатә стмәлидир. Фәзада мәлдүд олан даңға функциясы даңға пакетиндән ибарәтдир. Белә пакети гурмаг үчүн K даңға әдәдләри мүәjән ΔK гијметтәрәк интервалында кәсилмәз олары дәйшишән синусоидал далғалары топладамағ лазымдыр. § 4.5-дән мәлум олдуғу кими даңға пакетинин Δx ени илә ΔK даңға әдәдләри интервалы арасындағы мұнасибәт

$$\Delta x \cdot \Delta k_x \geq 2\pi$$

шәрти илә верилир. Бу бәрабәрсизлијин һәр ики тәрәфини һ вуруб вә де-Бројл далғасы үчүн $P_x = \frac{\hbar}{2\pi} k_x$ вә ja

$$\Delta P_x = \frac{\hbar}{2\pi} \Delta k_x \text{ олдуғуну нәзәрә алса}$$

$$\Delta x \cdot \Delta P_x \geq \frac{\hbar}{2\pi} \cdot 2\pi \quad (4.26)$$

Bə ja

$$\Delta x \cdot \Delta P_x \geq h$$

аларыг. Бу мұнасабат көстөрір ки, x вә P_x енди заманда мұға және олунмуш гүймәтләр ала билмәзләр: $\Delta x = 0$ оларса, $j = n$ х координаты мұға жәндирсә, онда $\Delta P_x \rightarrow \infty$ олар, $j = n$ импульс һеч бир мұға және гүймәт малик ола билмәз вә әксине, (4.26)-дән көрүнүр ки, ΔX нә 1-әдәр кичик оларса, $j = n$ зәррәчијин вәзијети нә гәдәр тә'жин олунарса ΔP_x бир оғадәр бөйүк олар, $j = n$ зәррәчијин уйғын импульсу бир оғадәр гејри-мұға және олар.

Галан ики координатлар үчүн дә аналожи бәрабәрсизликлэр алмаг олар:

$$\Delta Y \cdot \Delta P_v \geq h \quad (4.27)$$

$$\mathcal{N}Z : \mathcal{A}P_z \geq h \quad (4.28)$$

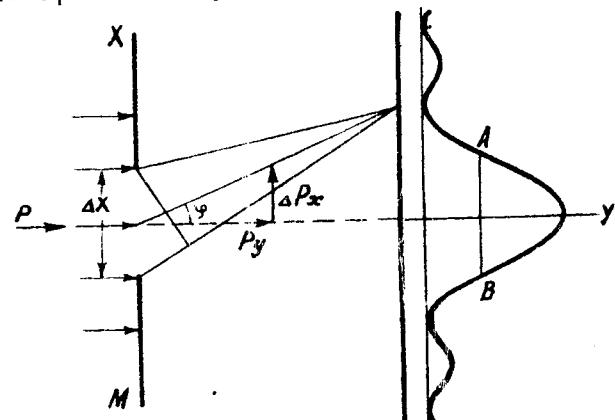
Бу бәрабәрсизликлөр 1927-чи илдө алман алими Һејзенберг тәрәфиндән алғыныштырып, она көрө дә онлар Һејзенбергін гејри-мұәжіллік мұнасибәтлөри адланырлар. Бә'зән буна гејри-мұәжіллік принципі дә дејирләр. Бу бәрабәрсизликлөр классик анлајышларын микрозәррәчикләрә тәтбигиндә мүәжіл мәһдудијәтә қатырир. Доғрудан да, классик анлајышлара көрө олчмә техникасының жүксек инкишафы шәраитиндә макроскопик ғисимләрн координат вә импуслары ежни заманда истәнилән дәгигликлә өлчүлә биләр. Һејзенберг бәрабәрсизликләри исә қөстәрир ки, олчмә техникасының сәвијәси нә ғодәр жүксек олурса, олсун микrozәррәчијин координат вә импульсуну ежни заманда мүтләг дәгигликлә өлчмәк принципиял оларғ мүмкүн дејил. Микrozәррәчикләрин координат вә импульсларынан

рындақы бу гејри-мұәжжәнлик онларын икили тәбиғеттінин –
далға-корңысқұл тәбиғеттінин нәтижесідір.

Нејзенберг гејри-мүэjjәнлик мұнасибәтләрини мұхтәлиф үсулларла алмаг олар. Бу үсуллардан бирини нәзәрдән кечирәк. Тутақ ки, жарығының ени Δx олан гејри-шәффаф M скраны үзәринә электрон дәстеси дұшып. Електронлар жарыға дұшәнедәк мүэjjән \tilde{P}_0 ($P_x = 0, P_y = P_0$) импулсуна маликдирләр. Жарыгдан кечән електронлар M скранындан кафи гәдәр узагда жөрләштирилмиши (шәкилде жарығын енишін олчусы скранлар арасындағы мәсафәjә инебәттән хејли дәрәчәдә бөjүлдүмүндүр) флуоресценсија едими N скраныны (вә ja фотоловбенини) үзәринә дүниүләр. Електронлар зөр-рәчик тәбиэтті илә жапаны даға тәбиётинә дә малик ол-дугларындан жарыға дүнионә гәдәр онлары даға әдәдләри

$k_\theta = \frac{P_\theta}{h}$ олан мұстәви де-Бројл қалғадары илә тәсбір етмәк

олар. Електронлар жарығдан кечіркен дифраксија уғра-
жырлар. Оның көрә де жарығдан кеңдикдән соңра онлар артыг
мұстәви даңыларла тәсвир олуна билмәзләр. Бу заман
електронларын импульс P_0 вә даңға әдәлләри k_0 дојинәрек
тәжри-мүәжжәнијә малик олурлар. Дифраксија заманы әм чох
дојишимен P_0 импульсу үкрайып. Инди P_0 импульсунун ΔP_x
тәжри-мүәжжәнијинің тәжін едәк. Жарығдан кечкөн електрон-
ларын N экранында һара дүшкөкжөрнин әввәлжодән демәк



Lilokaji 14

мүмкүн дејил, лакин дифраксија мәнзәрәсінә әсасен онларын N экранының мұтәлиф жерләрінә дұшмә еңтималарыны тә'жін етмәк олар. Дифраксија мәнзәрәсінин баш максимуму жерләшкен һиссесінә електронларын дұппеме еңтималы максимумдур. Баш максимумун бучаг өлчүсү оларға онун һұндұрлұйын жарысы сәвијжесіндә малик олдуғу АВ енинин бучаг өлчүсүнү қөтүрмәк олар. Бу өлчү әвәзинә исә дифраксија мәнзәрәсінин максимумундан бириңчи минимума гәдәр олан бучаг мәсафәсі қотүрүлә биләр, бу бучаг мәсафәсі исә жарыгдан кечән електронлары тәсвир едән де-Бројл далғаларының «яјылма» өлчүсүнү тә'жін едір. Дифраксија мәнзәрәсіндән көрүнүр ки, жарыгдан кечән електронларын әксәрийеттін мејл етмәдән һәрекәт едирләр, онларын аз бир һиссесі мејл едір.

Ишығын еңсиз узун жарыгдан дифраксија нәзәријәсінә әсасен дифраксија мәнзәрәсінин минимумларының вәзијәтләри $\sin \phi = \frac{n\lambda}{b}$ дұстуру илә тә'жін олунур. Бу ифадәни баҳылаң һұн үчүн жасаг вә $b = \Delta x$ олдуғуну нәзәрә алсаг

$$\Delta x \cdot \sin \phi = n\lambda$$

аларыг. Шәкилдән көрүндүjү кими $\sin \phi = \frac{\Delta P_x}{P_y}$. Онда

$$\Delta x \cdot \frac{\Delta P_x}{P_y} = n\lambda; \Delta P_x \cdot \Delta x = n\lambda P_y \text{ вә } \lambda = \frac{h}{P_y}. \text{ Вә олдуғундан}$$

$\Delta x \cdot \Delta P_x = nh$ олар. Экәр бир пакетин яјылма өлчүсүнү даһа дәгиг тә'жін етмәк мәгсәди илә онун өлчүсү оларға икінчи минимумлар арасындақы мәсафәнин жарысыны қотүрсөјдик $\Delta x \cdot \Delta P_x = 2h$ оларды. Онда, үмумијәтлә,

$$\Delta x \cdot \Delta P_x \geq h$$

Јазмаг олар ки, бу да Ңејзенбергін гејри-мүәjjәнлик мұнасибәтидір.

Гејри-мүәjjәнлик принципини даһа жаңы баша дүшімәк үчүн жұхарылдақы гурғуда баш верән һадисәләри бир гәдәр әтрафлы нәзәрдән кечирәк.

Әкәр M экранының (буну диафрагма адландырағ) күтләсі бейікдүрсә вә о, гурғунун дикәр һиссәләринә мөһекәм бәркилимшишсә, онда диафрагманың түргүја нисбәтән вәзијәти дәјищмәз галаңаг вә бу заман електронлар жарыгдан кечәркән онларын вәзијәтләри Δx хетасы (гејри-мүәjjәнлиji) илә мә’лум олаңғандыр. Айдындыр ки, жарығын енини кичилтмәклә електронларын вәзијәтләрини көтдикчә даһа бөյүк дәгигликлә тә'жін етмәк олар вә бу һалда електронларын вәзијәтләринин тә'жін олунма дәгиглигинә һеч бир мәһдудијәт жохдур.

Инди електронларын импулсларының һаңсы дәгигликлә тә'жін олuna биләчәкләрини нәзәрдән кечирәк. Илк баҳышда белә көрүнә биләр ки, електронларын импулслары да тамамилә мүәjjәндирдиләр. Догрудан да M экранындан (диафрагмадан) соңра електронлар үчүн $P_x=0$, $P_y=P_0$ -дыр, јә'ни онларын импулслары мүәjjән гијметә маликдирләр. Лакин електронлар жарыгдан кечәркән онларын мүстәви де-Бројл далғалары дифраксија уғрајыр вә бунун нәтижәсінде N экранында дифраксија мәнзәрәси жараныр. Гејд етмәк лазымдыр ки, дифраксија мәнзәрәси о заман жараныр ки, жарыгдан ејни заманда чозлу електронлар кечсии. Бурадан белә бир фикир жарана биләр ки, електрон дәстәсіндәki електронларын гарышылыгы тә'сирі нәтижәсінде онларын дифраксијасы балы верир. Лакин бу һеч дә белә дејил. Оптикадан мә’лумдур ки, дифраксија мәнзәрәсінин характеристики гәти оларға ишығын интенсивлијиндән асылы дејил. Електронлара қәлдикдә исә Совет физикләри Биберман, Сушкин вә Фабрикант бу фикри јохламаг үчүн сон дәрәчә зәйф електрон дәстәсінин дифраксијасыны тәдгиг етмиш вә көстәрмишләр ки, һәттә бир-биринин ардынча ики електронун жарығы кечмә аллары арасындақы заман фасиләси бир електронун жарығы кечмәjә сәрф етдији замандан 30000 дәфә бөйүк олдугда белә эксперимент кафи гәдәр бөйүк муддәтдә давам етдирилдикдә дифраксија мәнзәрәси

јараныр вә бу дифраксија мәнзәрәсі електрон сели он жарығынан дифраксија мәнзәрәсінин ежелгінен көптегендегі деңгээлдердөн көпшіл олар. Бу, ону көстәрир ки, һәр бир фәрди електрон жарығдан кечәркән дифраксија мәнзәрәсі жарадыр.

Бәс бә'зи електронларын жарығы кечәркән өз һәрәкәт истигамәтләрини дәжишмәләрини корпускулјар нөгтеижүйе-нәзәрәден нечә изаш етмәк олар? Айдындыр ки, електронлар жалныз жарығын кәнарлары вә я бүтөв экранла гарышылыглы тә'сирдә олдугда өз һәрәкәт истигамәтләрини дәжишә биләр. Дифраксија мәнзәрәсі көстәрир ки, електронларын эксперименти меңи етмәдән N экранында баш максимум олан жерә дүниүләр вә фотоловхәнин үзәриндә гаралтма жарадылар. Лакин баш максимумдан һәр ики тәрәфә фотоловхәнин гаралама дәрәҗәсінин тәдричән зәйфләмәсі ону көстәрир ки, елә електронлар да вардыр ки, онлар жарығдан кечәркән ΔP_x импульсу аларға фотоловхәнин мұхтәлиф јерләринә дүниүләр. ΔP_x әлавә импульсунун гијмети P_x импульсунун һансы хәта илә мә'лум олдугуну характеризә едир. Дөгрүдан да електронлар дифраксија мәнзәрәсінин истәнилән нөгтәсінә (практики оларға баш максимумун әнатә етдири саһәжә) дүниүләр мәк еңтималына малик олдуларындан ΔP_x гејри-мүәйјәнији (әлавә импульсу) сыйырла дифраксија мәнзәрәсінин баш максимумунуң ениндән асылы олан һәр һансы бир сөрһәд гијмети арасында мүмкүн олан бүтүн гијметләри ала биләр.

Лакин диафрагма чох жүнкүл оларса вә бәркидилмәссо, јә'ни онун х оху бојунча һәрәкәт етмәк имканы оларса, онда електронла диафрагманын гарышылыглы тә'сир просесинә импульсун сахланмасы гануну тәтбиг етмәклә тәчрүби оларға ΔP_x -и вә беләликлә дә, електронун импульсуну тә'јин едә биләрик. Дөгрүдан да електрон жарығдан кечәркән х оху истии амәтиндә әлавә импульс алдырындан диафрагма жарығында бирлекдә экспериментдә тәпмә импульсу алачагдыр. Бу тәпмә импульсуну өлчмәклә ΔP_x -и тапмаг олар вә P_y сабит галдырындан електронун жарығдан кечәркән малик олдуғы импульсу дәгигликлә тә'јин етмәк олар. Экәр електрон жарығы кечәнәдәк диафрагма гурғунун галан һиссәләринә жарығы кечәнәдәк диафрагма гурғунун галан һиссәләринә демәк чәтиндир, лакин чох еңтимал ки, онун импульсунун m күтләли диафрагманын алдырығы вә сүр'етини өлчмәклә

онун вә електронун алдырығы ΔP_x әлавә импульсу тә'јин етмәк олар.

Бу чүр тәчрүбәнин һәјата кечирилмәсінин техники чәһәтдән чәтин олмасы вә я мүмкүн олмамасы апарылан мұлаһизәләрин дүзкүнлүгүнә һеч бир шубәһе жарада билмәз.

Көрүндүјү кими диафрагмасы һәрәкәт едә билән гургу ΔP_x әлавә импульсуну вә беләликлә дә, електронун P импульсуну истәнилән дәгигликлә өлчмәjә имкан верир. лакин мәсәлә бурасында дырылмасының һәрәкәт етмәк имканы олдугда, електрон жарығдан кечдири анда онун импульсуну тә'јин етмәк учун о, лазым олан фиксә олунмуш һесаблама системи олмајағадыр.

Беләликлә, биз көрдүк ки, ики мұхтәлиф тәчрүбә гојмаг олар. Онлардан бири електрон жарығдан кечән анда онун вәзијәтини тә'јин етмәjә имкан верир. Башта сөзлә бу тәчрүбә електронун заман вә мәқана көрә локаллаштырылмасыны һәјата кечирмәjә имкан верир. Диңгәр тәчрүбә исә импульс вә снержинин сахланма ганунларына әсасланарағ електронун импульсуну дәгиг тә'јин етмәjә имкан верир, лакин бу заман о, електронун заман вә мәқана көрә локаллаштырылмасы имканындан имтина олунмасыны тәләб едир.

Инди исә микрозэррәчикләрин корпускулјар характеристикаларынан гејри-мүәйјәнилек мұнасабатини чыхараг. Тутаг ки, мүәйјән бир анда биз һәр һансы бир микрообъектин координат вә импульсуну өлчмәк истәјирик. Бундан өтү объекттән лазыми мә'лumat алмай учун биз һәр һансы үсулла онунла гарышылыглы тә'сирдә олмалысыг, јә'ни биз бармактың оны тохунмалы, ишыгла оны ишыгландырмалы вә я онын үзәриндә башта бир әмәлийјат апармалысыг. Мәсөлән, λ далға узунлуглу ишығын комәји илә биз електрону тәдгиг едә биләрик. Бу заман ишығ фотону електронла

$\frac{h}{\lambda}$ тогтушуб, ондан эксперименттә әлавә дөгрү гајытмалыдыр.

импульсунан малик олан ишығ фотону електронла тогтушарағ онун башланғыч импульсуну дәжишмәккәдир. Електронун импульсуну дәгиг оларға нә гәдәр дәжишмәсіни әvvәлчәдән демәк чәтиндир, лакин чох еңтимал ки, онун импульсунун дәжишмәсі фотонун импульсундан бөйк ола билмәз. Бу

дэшишмэни биз тэхминэн фотонун имнүүлсүна бэрабэр
көтүрэх, јэ'ни

$$\Delta P \leq \frac{h}{\lambda}$$

јазмаг олар. Көрүндүйү кими электрону мүшәнидә етмәк үчүн истифадә олунан ишшөбын далға узунлуғу нә гэдэр бөйүк оларса электронун импулсунун олчулмасындә бир о гэдэр аз хәта бурахылыр. Ишшөг далға тәбиетли олдугуна көрө биз электронун вәзијәтини һеч бир әсасла электронун координатынын тә'жин олунмасында бурахылан хәтанин (гејри-мүәјжидлик) бир далға узунлуғу гэдэр азалдылмасына үмид едә билмәрик, жә'ни эн җашың һајда

$$\Delta x \geq \lambda$$

ола биләр. Бурадан көрүнүр ки, ишығын далға узунлуғу наң тәдәр кичик олунарса, электронун вәзијәти бир о гәдәр дәгиг тә'жін олунар. Жұхарыдақы ифадәләр көстәрир ки, электронун координатының тә'жинидә дәгиглиі жүксәлтмәк мәсәдиәлә кичик далға узунтуғу ишығдан истифадә олунарса, бу, импулсун тә'жинидәki дәгиглијин азалмасына кәтирәр. Эксинә, даға бојук далға узунлуғуна малик олан ишығдан истифадә едилдикдә импулсун олчулымесинде дәгиглик артыр, лакин электронун координатларының тә'жинидәки дәгиглик азалып. Бу ифадәләрин мұгајисәсіндән

$$\Delta x \cdot \Delta P_x \geq h$$

гөри-мүэйжэнлик мұнасибетини аларыг.

Геїрі-мұғжынан тәтбіг олунмасының принципал сөрхәддини мүәjjәнләшдірип. Онлардан истифадә олумагла мүәjjән конкрет һади-сәни тәсвир етмәк үчүн классик физика тәсэввүрләринин жарайыб-јарамамасыны айдынлыштырмаг олар. Тамамилә айдындыр ки, макроскопик објектләри -планетләриң сүн'и пеіжләрин, тои мәрмиләринин тәсвириндә классик

тәсәввүрләрдән истифадә олунмасы тамамилә дүзкүндүр. Асанлыгla инанмаг олар ки, бу објектләrin координат вә импулсларының ejni заманда истәнилән дәгигликлә олчулмәсindә гејри-мөүйәнлик мұнасибәтләри өдәнилмир вә тәбиидир ки, бу hallарда квант еффектләри өзләрини гәтиjjen бурузә вермirlәр.

Мәсәлән, микроскоп васитәсилә қутләсі 0,01 гр. олан метал күрәчијин координатыны $\Delta x = 0,001\text{cm}$ дәғиглији илә өлчүлдүкдә гејри-мұәжжәнлик мұнасибәтләrinә әсасен онун сур'әтиндәки гејри-мұәжжәнлик

$$\Delta v = \frac{\Delta P}{m} = \frac{h}{m \Delta x} \approx 6 \cdot 10^{-22} \text{ см / сан}$$

олар. Бу дәғиғлик мұасир өлчү техникасының имкан-
шарындан соҳи-соҳи узагдадыр.

Инди даһа кичик објекти -електрону нәзәрдән кечирәк. Классик тәсәввүрләrin бу һалда тәтбиг олунмасының дүзкүн олуб-олмасыны өзвәлчәдән мүэйјән етмәк чәтиндир. Һәр шеj мәһz һансы һадисәнин өjrәнилмәсindәn асылыдыр. Өзвәлчә телевизорун киноскопунда электрон дәстәсинин һәрәкәтинә баҳаг. Телевизорда сүр'этләндирىчи потенциал $V=15$ кВ-дур. Бу потенциаллар фәргини кечән электронун импульсу

$$P = \sqrt{\frac{2meV}{300}}$$

олар. Бу импулс киноскопун оху бојунча јөнәлмиштір. Електрон дәстәсинин диаметри $d=10^{-3}$ см-дән кичик дејіл. Електрон дәстәсінің биіктыгының $\Delta x = d$ дәғиглији илә фиксә едирик. Гејри-мүәжжәнлик мұнасибәтиноң әсасын заман електрона, онун \hbar әрекәт истинамәтінә перпендикулар истигаматтә ΔP әлавә импулсу верилир:

$$\Delta P = \frac{h}{d} = \frac{6,62 \cdot 10^{-37}}{10^{-3}} \approx 6,62 \cdot 10^{-24} \frac{\text{гр}\cdot\text{см}}{\text{сан}}$$

Електронун һәрәкәти истигамәтиндә буунула әлагәдар олан гејри-мүәйянлик

$$\Delta\theta = \frac{\Delta P}{P} = 10^{-6} \text{ рад.}$$

олар. Киноскопда електронун јолунун узунлуғы $l=100 \text{ см}$ - дән бойынан квант еффектләри нәтижәсендә, јәни електронун һәрәкәти истигамәтиндәкі $\Delta\theta$ гејри-мүәйянлиji нәтижәсендә экранда електронун сүрүшмәси $\Delta S \leq l \cdot \Delta\theta \sim 10^{-4} \text{ см}$ -дән бойынан олмачаңдыр, јәни бу сүрүшмә електрон дәстәсінин диаметриндән кичик олачаңдыр. Буралан корынүр ки, електронларын киноскопда һәрәкәтләри классик физика ғануиларынын комәйи илә тәсвир олуда биләрләр.

Инди исә һидроjen атомундакы електрона бахаг. Мә’лүмдүр ки, һидроjен атомунун өлчүләри тәхминен 10^{-8} см -дир. Әкәр атомда електронун һәрәкәти классик физиканын ғануилары илә тәсвир олунарса, онда онун һәр һансы бир траекторија үзрә һәрәкәт етмәси гәбул олунмалыдыр. Атомун шланетар моделинә әсасен електронун орбитинин диаметри атомун өлчүсүнә бәрабәрдир. Бу заман електро-

нун һәрәкәти үчүн $\frac{mv^2}{r} = \frac{e^2}{r^2}$ жаза биләрик. Онда електронун импулсусу

$$P = \sqrt{\frac{me^2}{r}} \sim 3 \cdot 10^{-19} \frac{\text{гр}\cdot\text{см}}{\text{сан}}$$

олар. Гејри-мүәйянлик принципинә қорә бу һалда електронун импулсундакы гејри-мүәйянлик

$$\Delta P \sim \frac{h}{\Delta x} \sim 6 \cdot 10^{-19} \frac{\text{гр}\cdot\text{см}}{\text{сан}}$$

олур, јәни електронун импулсундакы гејри-мүәйянлик импулсун өзүндән бөյүк олур. демәли, атомун дахилиндәки електрону классик физика ғануилары илә тәсвир етмәк олмаз.

Инди исә енержи илә заманы әлагәләндирән гејри-мүәйянлик мұнасибәти илә таныш олай.

Әкәр атом просесләриндә Δt заман интервалында шуаланан енержинин, мәсәлән, атомда електронун бир сәвиј-једән дикор сәвијәјә кечмәси заманы бурахылан енержини олчмәк лазымдыrsa, онда енержинин олчулымә мүддәтинин мәһдуд олмасы енержи вә ja тезлијин өлчүлімә дәғиглијинә мәһдудијәт гојачаңдыр. Мә’лүмдүр ки, тезлик мүәйян заман интервалында олчулымұш периодларын саýынын һәмин заман интервалына нисбәти илә тә’јин олунур. лакин мұшақидә олунан далға һиссәләринин гејри-синисоидал характеристи нәтижәсендә периодларын саýынын өлчүлімә дәғиглијиндә гејри-мүәйянлик жарандыр. Аждындыр ки, бу гејри-мүәйянлик заман периоддан кичик ола билмәз. Фәрз едәк ки, Δt мүддәтиндә n саýда период өлчүлімүшдүр. Бизим олчумұз-дәки гејри-мүәйянлик тәхминен ± 1 период олдуғундан тез-

$\Delta E = h\Delta\nu$ дүстүрундан истифадә етмәклә енержини олчәр-көн жаранаи гејри-мүәйянлик үчүн

$$\Delta E \cdot \Delta t \geq h \quad (4.29)$$

аларыг.

Бу бәрабәрсизликтән истифадә едәрәк атомун шуаланмасы заманы енержинин өлчүлімә дәғиглијиндәки гејри-мүәйянлиji тә’јин едәк. Атомун биринчи һәjючанланма һалында жанама мүддәти $\Delta t \sim 10^{-8} \text{ сан}$ олдуғундан биринчи

Һәјәчанланма һалында енержинин олчұлмә дәғиглијиндәки гејри-мүәйјәнлик (хәта)

$$\Delta E \geq \frac{h}{\Delta t} \approx 6,6 \cdot 10^{-27} \text{ erg}$$

олар. Енержинин гијмәтиндәки бу гејри-мүәйјәнлик һәјәчанланмыш атомда електронун енержи сәвијјәсінин енини тәјин едир. Бу о демәкдир ки, һәјәчанланмыш һалда олан електронун енержи сәвијјәсі мүәйјән ени олан енержи золағына чеврилир (икинчи, үчүнчү вә с. һәјәчанланма һаллары) атомун һәјәчанланмыш һалда жашама мүддәти азалдығындан енержи золағынын сиң бөйжүр.

Мә’лумдур ки, атом сонсуз бөйжүр мүддәттә нормал һалда ола биләр, жәни бу һалда атомун жашама мүддәти $\Delta t \rightarrow \infty$ олар, жәни онда енержидәки гејри-мүәйјәнлик

$\Delta E \sim \frac{h}{\Delta t} \rightarrow 0$ олар, жәни атом нормал һалда олдугда елек-

tronun енержисіндә һеч бир гејри-мүәйјәнлик олмур, онун енержиси дәгіг мә’лумдур. Атом жаңыз һәјәчанланмыш һалда олдугда електронун енержисіндә жұхарыда костәрілән гејри-мүәйјәнлик жарынды.

V ФӘСИЛ

КВАНТ МЕХАНИКАСЫНЫН ЕЛЕМЕНТЛӘРИ

§5.1. Квант механикасынын жарнамасы

Квант механикасынын жарнама тарихи иki дөврә айрылып. Бириңчи дөвр тәхминән 1900-1926-чы илләри әнатә едир. Бу дөвр «Көһнә квант нәзәријәсінин» жарнама дөврүндүр. Көһнә квант нәзәријәсінин әсасыны гызыдырылымын чисимләрин шүаланмасынын дискрет характеристикалығында Планк һипотези, фотоеффект Ейнштейн нәзәријәсі вә Борун атом нәзәријәсі тәшкил едир. Көһнә квант нәзәријәсі тәкми, мәнтеги әлагәләнмиси вә битмиш бир нәзәријә дејилди. Бир сыра тәчрүби фактлары қејфијәтчә изаһ едән бу нәзәријә микроаләмдә баш берән бир чох һадисәләрин дүзкүн изаһында вә комијәтчә тәсвириндә озүнүн там ализилини бирузә веририди. Бунунла жанаңы бу дөврдә физикада көһнә квант нәзәријәсінин изаһ едә билмәди бир сыра чох гәрибә жени тәчрүби фактлар ашикар олунмушидур. Бунлара мисал оларға ишішін корпускулар хассәжә малик олмасыны костәрән Комптон еффектини, микрозәррәчикләрин корпускулар хассәләри илә жанаңы далға тәбиэтинә дә малик олмалары һагтында де-Бројл һипотезини тәсдиғ едән Девиссон-Чермер тәчрүбәсіни вә гејри-мүәйјәнлик мұнасибәтләрini костәрмәк олар. бүтүн бунлар даға үмуми вә тәкмил, микрозәррәчикләрин далға хассәләрини нәзәрә алан квант нәзәријәсінин жарнамасыны тәләб едирди.

Квант механикасынын жарнама тарихинин икинчи дөврү-мұасир квант нәзәријәсінин жарнама доврудүр ки, бу да 1926-чы илдән башлајыр. Бу ил австрия физиги Ервин Шредингер тәрәфиндән, онун адыны дашып жан вә квант механикасынын әсасыны тәшкил едән микрозәррәчикләр үчүн һәрекәт тәнлигинин алымасы илидир. Квант механикасынын жарнамасы вә инкишафы Шредингер, Ңејзенберг вә Диракын адлары илә бағылышыр.

Классик механика илә квант механикасының әсас фәрти онларын мұхтәлиф адәмләри тәсвири етмәләрингәндей. Классик механика фәрз едир ки, чысмин вәзијәтини, онун күтлесини, сүр'әтини вә тә'чилини характеризә едән кәмијәтләр ежни заманда истәнилән дәгигликлә өлчүлә биләрләр. Бу фәрзийә, әлбәттә, бизим күндәлик тәчрүбәмизә таамилә ујугүн көлир вә мұшаһидә олунан кәмијәтләрин нәзәри гијмәтләри, тәчрүби гијмәтләрлә үст-үстә дүшүр.

Квант механикасы да мұшашидә олунан көміржетор арасында мұнасабаттың жарадыр, лакин микроаламдә һекім сүрәп тәжіри-мүәжжілік принципінә көрә бурада «мұшашидә олунан көміржеттіләр» анықтынын мә'насы дәжишир. Гејри-мүәжжілік принципінә көрә микрозәррәчијин координат вә импульсуну ежиз заманда дәгиг өлчмәк мүмкүн дејил, классик механикаға көрә исә бу көміржеттіләр ежиз заманда истәнилән дәғигликтә өлчүлә биләр. Квант механикасында көміржеттіләрдің гијметтіләрі еңтималларла верилир. Мәсәлән, классик механика тәсдиг едир ки, әсас һалда олан һидроқен атомуда электрон орбитин радиусу дәгиг оларға һәмиши 0,530·10⁻⁸ см-ә бәрабәрдір. Квант механикасы исә бу гијметтін ән бойук еңтималға малик олмасыны көстәрір, жә'ни сохлу сајда өлчмәләр апарыларса, онда алынан гијметтіләрдің ичәрисинде ән сох тәкрап оланы - ән еңтималлысы 0,530·10⁻⁸ см олар.

Илк баһында елә корүнэ биләр ки, квант механикасы классик механиканың «солғун қөлкәсидир», лакин даһа дәгигликләр баһында һејранедици бир факт ашқара чыхып: классик механика эн яхшы һалда квант механикасының тәхмини шәрнидир. Классик механикаја мәхсус олан мүәјјәнлик ялныз макроскопик аләмдә өзүнү доғрулдуру. Бу механикада нәзәрийә илә тәყұрұбәнин уйғулугу онунла изаһ олунар ки, макроскопик чисимләр елә чох сајда атомлардан тәшкел олунышлар ки, онларда орта гијмәтдән кәнара чыхмасы нәзәрә чарғымыр. §4.7-дә көстәрилмишdir ки, микрообъектләрин һәрәкәтләри траекторијаларла дејил, Ψ функцијаларла (далға функцијалары илә) тәсвир олунар. далға функцијасы нәнинки микрозәррәчийин вәзијјэтини, һәм дә онун бүтүн динамик характеристикаларыны (енержи, импулс, импулс моменти вә с.) тә'јин едир. она көрә дә далға

функциясының тә'жини вә олнун дүзкүн изаһ олунмасы мәс-
сәләси квант механикасының әсас проблемләриндән бири-
дир.

§ 5.2. Шредникер тәнлији

Гејри-релјативистик микрозэррәчијин һәрәкәт тәнлији Шрединкөр тәнлији адланыр. Микрозэррәчикләриң далға хассәләрини, онларың һәрәкәтини тәсвири едән далға тәнлији, јухарыда гејд едиљдији кими, 1926-чы илдә Шрединкөр тәрәфиндән алышмышдыр. Бу тәнлијин чыхарылмасында Шрединкөр де-Бројл далғаларының слектромагнит далғаларына охшарлығындан истифадә етмашыр. §4.3-дән мә’лум олдуғу кими слектромагнит далғаларыны характеризә едән далға тәнлији

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial z^2} = \frac{1}{C^2} \frac{\partial^2 f}{\partial t^2}$$

шэклиндэдир.

1926-чы илдэ Шрединкөр белэ бир фэрзийэ ирэли сүрдү ки, де-Бројл далғалары да электромагнит далғаларынын табе олдуғу тәнлийэ охшар тәнликтің тәсвир олунмалыдыры. §4.7-дэ қөстәрилмешдир ки, сәрбаст микрозэррәчикләри тәсвир елән де-Бојл далға функциясы

$$\psi(\vec{r}, t) = A e^{\frac{2\pi i}{\hbar} (\vec{p}\cdot\vec{r} - Et)}$$

дүстүру илэ ифадэ олуунур. Бурада E - сәрбәст микрозәр-
рәчијиң кинетик енержисидир:

$$E = \frac{P^2}{2m} \quad (5.1)$$

$\psi(\vec{r}, t)$ -далғасыны суперпозиция принципине әсасен (бах: §4.5) ашағыдақы кими көстәрмәк олар:

$$\psi(\vec{r}, t) = \int \phi(\vec{P}) e^{-\frac{2\pi i}{\hbar}(Et - \vec{r}\vec{p})} d\vec{P}$$

Бу ифадәнин һәр ики тәрәфиндән t вә \vec{r} -ә көрә төрәмә алсағ:

$$-\frac{\hbar}{2\pi i} \frac{\partial \psi}{\partial t} = E \int \phi(\vec{P}) e^{-\frac{2\pi i}{\hbar}(Et - \vec{r}\vec{p})} d\vec{P} \quad (5.2)$$

$$+\frac{\hbar}{2\pi i} \vec{\nabla} \psi = \int \vec{P} \phi(\vec{P}) e^{-\frac{2\pi i}{\hbar}(Et - \vec{r}\vec{p})} d\vec{P} \quad (5.3)$$

$$-\frac{\hbar^2}{4\pi^2 i} \vec{\nabla}^2 \psi = \int \vec{P}^2 \phi(\vec{P}) e^{-\frac{2\pi i}{\hbar}(Et - \vec{r}\vec{p})} d\vec{P} \quad (5.4)$$

(5.1) ифадесини позәре алмагла (5.2)-дан (5.4) чыхсағ:

$$-\frac{\hbar}{2\pi i} \frac{\partial \psi}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta \psi \quad (5.5)$$

аларыг ки, бу да сәрбәст зөррәчик үчүн Шрединкег тәнлији адланыр. (5.5) тәнлијинин һәлләри ичәрисиндән замандан һармоник асылы олан һәлли айырсағ:

$$\psi(\vec{r}, t) = e^{-\frac{2\pi i}{\hbar} Et} \psi(\vec{r})$$

јазмаг олар; бу һәлли (5.5)-дә јеринэ јазсаг:

$$\Delta \psi + \frac{8\pi^2 m E}{\hbar^2} \psi(\vec{r}) = 0 \quad (5.6)$$

аларыг. (5.6) тәнлији дә сәрбәст зөррәчик үчүн Шрединкег тәнлији адланыр, лакин бурада далға функциясы замандан асылы дејилдир ки, бу да дурғун монохроматик далғаны ифадә едир. инди (5.6) тәнлијини харичи саһәдә һәрәкәт едән электрон үчүн үмумиләштирилә. Тәнлијә дахил олан E , зөррәчијин кинетик енержисини ифадә едир: там енержи $E=E_k+U$ олдуғундан, тәнликтәки кинетик енержини бу ифадәдән тә'јин едип (5.6)-да јеринэ јазсаг:

$$\Delta \psi + \frac{8\pi^2 m}{\hbar^2} (E - U) \psi(\vec{r}) = 0 \quad (5.7)$$

аларыг; қаләчәкдә баҳдығымыз мәсәләләрдә биз жалныз (5.7) тәнлијиндән истифадә едәчәјик.

Бу тәнлик Шрединкегин стационар тәнлији вә ja стационар һаллар үчүн Шрединкег тәнлији адланыр, чүнки бу тәнлије дахил олан далға функциясы замандан асылы олмајыб жалныз координатлардан асылыдыр. Микроаләмдә баш верән чохлу сајда һадисәләрдә системин, мәсәлән, атомдакы электронун һалы мәһз Шрединкегин стационар тәнлији илә тәсвир олунур. гејд етмәк лазымдыр ки, системин һалынын стационарлығы о демәк дејил ки, далға функциясы, үмумијәтлә, замандан асылы дејил. Бу һалда далға функциясы замандан асылы ола биләр, лакин бу асылылыг жалныз $e^{-\frac{2\pi i}{\hbar} Et}$ һармоник асылылығы илә мәһдудланар.

Инди Шрединкег тәнлијинин даһа үмуми һалда чыхарылмасыны тәһлил едәк. һәрәкәт тәнлији $H(p, q, t)$ Һамильтон функциясы илә верилән классик динамик системә бағаг. Белә системин там енержиси

$$E=H(p, q, t) \quad (5.8)$$

илә тә'јин олунур. белә классик системә уйғун квант системи ғојсаг онун енержиси $E=H(p, q, t)$ илә тә'јин олунмагла, динамик һалы $\psi(q, t)$ далға функциясы илә тә'јин олунар. Белә системин һәрәкәт тәнлији (5.8) ифадәсинин һәр ики

тәрәфиндәки динамик кәмијәтләри операторла өвзә
етмәкдә алышар:

$$\hat{E} \rightarrow -\frac{\hbar}{2\pi i} \frac{\partial}{\partial t}; \quad \hat{P} \rightarrow \frac{\hbar}{2\pi i} \vec{\nabla} \quad (5.9)$$

Дикэр тэргүүтэй (5.2) ифадэсийндээ (5.8) нээжирээ алсаа:

$$-\frac{\hbar}{2m} \frac{\partial \psi}{\partial t} = \hat{H} \psi \quad (5.10)$$

аларын ки, бу да Шредингер тәнлијинин даға үмуми ифадэсідір. Бурада H - системин Һамильтон функциясы вәја Һамильтонианы аддаңыр. (5.10) тәнлијини, бәзән ашағыдақы шекиілде дә жазырлар:

$$\hat{E}\psi = \hat{H}\psi$$

Бура дахил олан E вэ H классик мө'нада јох, квант механикасы нәзәрийән баҳмалазымдыр, је'ни бу динамик дәүліпкән кәмијіттәләр уйғун (5.9) операторлары иле әвәз одуңмалыдыр.

Гејд етмәк лазымдыр ки, жұхарыда апарылмыш мұлаһизә вә өнерлік мәлімдер әсасында алғынан (5.6) вә (5.10) ифадәләринә бу тәнликләриң чыхарылмасы кими бағытталған олмаз. Шредингер тәнлигини билавасито классик физиканың фундаментал ғанунларындан чыхармада олмаз, чүнки онун езү дә Ньютоң механикасының тәнликләре, Максвелл тәнликләре кими фундаментал тәнликтір. Она көрә дә о дикәр фундаментал тәнликләре кими мүәжжән факт, тәсвевүр вә мұлаһизәләрин үмумиләпидирилмәсі әсасында мүәжжән-ләпидириліп. Шредингер тәнлигинин дөргөнлүгү онунда исбат олунур ки, бу тәнлик әсасында квант механикасының вердији нәзәри нәтижәләр тәжірибесінде көрүлдөрдөн көрінілгендей.

§ 5.3 Дағы функсијасы

§ 4.7-дә көрдүк ки, зәррәчик $\psi(x,t)$ функциясы илэ тэсвир олуна биләр. Бу функция далға функциясы адланыр вэ §5.1-дә көстәрдик ки, далға функциясы Шрединкер тәнлийини өдөйир. Далға функциясынын, квант механикасында характеристизэ едә биләмчәй кәмијәти мүәйянләнштирмәк үчүн фәрз едәк ки, зәррәчик x - оху истигамәгиндә һәрәкәт едир. белә зәррәчијин далға функциясыны тапаг. Аjdындыр ки, бу һалда сәрбәст зәррәчик үчүн Шрединкер тәнлиji һәллелмәлидиr, је'ни:

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + \frac{8\pi^2 m E}{h^2} \psi = 0$$

төнлийн үеийн сийлгээнийдир. $\frac{8\pi^2 m E}{h^2} = k^2$ илрээндээ өтсөк, онда

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + k^2 \psi = 0$$

тәнлијин аларыг. Бу төнлијин һәллини ашагыдақы шәкилдө көстәрмөк олар:

$$\psi = A e^{\pm i k x}$$

Бурадан көрүнүр ки, далға функциясы комплекс функциясы да жадыр, она көрө дә белә функция физика мә'наја малик ола билмәз. Далға функциясының ролуну квант механикасы мүәҗжән едир вә сүбүт едир ки, далға функциясы статистик характер - еһтимал характеристики да пысырып. Буна инанмаг үчүн зәррәчијин мүәҗжән бүчаг алтында үфүгү истигамәтлә һәрәкәтини тәһлил едәк. Тутаг ки, зәррәчик мүәҗжән башланғыч сүр'ети илә (мүәҗжән импульса) үфүгә верилмиш

бұчаг алтында атылып. Классик физикада бу һәрәкәтін траекторијасыны, ән узаг учун мәсафәсіни, траекторијаның һүндүрлүjүнү вә дикәр параметрләрини чох бојук дәгигликә несабламағ олур вә алышан нәзәри нәтижәләр тәчрүби нәтижәләрлә тамамилә үст-үстә дүшүр (бурада зәррәчик дедикдә макроскопик обьект баша дүшүлүр). Квант механикасында исә белә мәсәләнин һәлли гејри-мүәjїндир. Доғрудан да мүәjїн импулслы ($\Delta p \rightarrow 0$) малик електронун һәрәкәт траекторијасы нағтында данышмаг олмаз, она көрә ки, гејри-мүәjїнлик мұнасибәти буна имкан вермір $\Delta x \cdot \Delta P_x \geq h$. Белә олдуғы налда зәррәчијин һансы истигаматтә һәрәкәт етмәсіни, һансы нөгтәдә ола билмәсіни вә с. һөкм етмәк олмаз. Она көрә дә зәррәчијин бу вә ја дикәр интервалда олмасы сұтималындан данышырлар. Еңтимал һәгиги кәмиijәт олдуғундан, далға функцијасыны һәгиги функција жаңырып, сәрбест зәррәчик үчүн алдығымыз һәллідән көрсәнір ки,

$$\psi^* \psi = A^* e^{\mp ikx} \cdot A e^{\pm ikx} = AA^* = |A|^2$$

Нәгиги кәмијәтдир. $\psi^* \psi = |\psi|^2$ еңтимал сыйхлығы адланыр.
Зәррәчијин dV элементар һәмминде олма еңтималы

$$dW = |\psi|^2 dV$$

олар. Зәррәсін бүтүн мүмкүн ола билән һаллардан һәр-
һансы бириндә олма еңтималы лабуд һадисәдир ки, бу
еңтималы тапмаг үчүн јухарыдақы ифадәни бүгүн фәзә үзрә
интегралламалыјыг, жә’ни:

$$W = \int |\psi|^2 dV = I \quad (5.11)$$

олмалыдыр. Бу шәрт нормаллыг шәрти адланып. Ријази нөгтеји-нәзәрдән нормаллыг шәртинин өдәнмәсі үчүн ψ -функциясының квадраты интегралдана билән функция

олмалыдыр. Бу шәрт зәррәчијин һалыны тәсвир едән далға функциясы үчүн кифајэт дејилдир, она көрәдә далға функциясы үзәринә әлавә шәртләр гојулмалыдыр. Дөгрудан да еңтимал сонлу көмијәт олдуғундан далға функциясы мәннүү дуд олмалыдыр, жәни $x \rightarrow \pm\infty$ $\psi(x) < \infty$ шәрги өдәнмәлидир. Диқәр тәрәфдән еңтимал биргијмәтли олдуғундан, жәни зәррәчијин бу вәја диқәр һалда олма еңтималы биргијмәтли олдуғундан, далға функциясы кәсилемәз вә биргијмәтли функция олмалыдыр. Квант механикасынын бир чох мәсәләләриндә зәррәчијин мұхтәлиф областларда һәрәкәти тәгелдил едилдир. Бу тип мәсәләләрин һәлли үчүн јухарыда дејиләнләри нәзәрә алсағ, онда зәррәчијин бир областдан диқәринә кечдиқдә, онун далға функциясынын өзү вә төрәмәләринин кәсилемәз ләвишмәсі шәртиппен гәбул етмәлийк, жәни:

$$\psi_1(x)|_{x=a} = \psi_2(x)|_{x=a}; \quad \frac{d\psi_1}{dX}|_{x=a} = \frac{d\psi_2}{dX}|_{x=a}; \quad (5.12)$$

шәртләри өдәнмәлийдир. Гејд сәк ки, бу шәртләр далға функцияның Логарифмик төрәмәләринин кәсилемәз дәјишмәси илә эквивалентдир. (5.11) вә (5.12) шәртләр стандарт шәртләр адланыр. Биз кәләчәкдә стандарт шәртләрин, мәсәләнин характеристикандән асылы олмајараг, өдәнмәсини тәләб едәчәйк.

§5.4. Көсилемәзлик тәнлији

Сәрбәст зәррәчик үчүн жазылмыш (5.5) тәнлиjiинин һәлли көстәрир ки, далға функциясы фәза вә заман координацияларындан асылы олараг дәжишир. Тәһлил көстәрир ки, бу дәжишмә ихтијари ола билмәз. Бурада мүәйжән бир сахланма гануну вар ки, бу ганун далға функциясының ихтијари дәжишмәсіни мәһдудлаштырыр. Бу гануну мүәйжәнләштири-
мәк үчүн зәррәчијин V - һәчминдә олма еһтималы $\int_V |\psi|^2 dV$ -
ифадәсіни тәһлил едәк. бу еһтималын замана көрә
дәжишмәсі:

$$\frac{\partial}{\partial V} \int_V \psi^* \psi dV = \int_V \left(\frac{\partial \psi^*}{\partial t} \psi + \psi^* \frac{\partial \psi}{\partial t} \right) dV$$

олар. Сағ тәрәфдәки замана көра төрәмәни (5.5) тәнни-
јиндән истифадә етмәклә координатлара көра төрәмә илә
әвәз етсәк.

$$\frac{\partial}{\partial \psi} \int \psi^* \psi dV = \frac{ih}{4\pi m} \int (\psi^* \Delta \psi - \psi \Delta \psi^*) dV =$$

$$= \frac{ih}{4\pi m_V} \int \operatorname{div}(\psi^* \vec{\nabla} \psi - \psi \vec{\nabla} \psi^*) dV$$

аудиарығ.

$\psi^*\psi$ - еңтимал сыйхлығы олуб ону жаңыларда едес.

$$\vec{j} = -\frac{ie}{4\pi m} (\psi \vec{\nabla} \psi^* - \psi^* \vec{\nabla} \psi) \quad (5.13)$$

векторуны дахил едиб, жұхарыдақы ифадәнин сағ тәрәфин-дәки һәм үзрә интегралдан Остроградски-Гаусс теореминә көрә бу һәмми әһәті едәй сәтті үзрә интеграла көчсәк:

$$\frac{\partial}{\partial \nu} \int_V \rho dV = - \int_V \operatorname{div} \vec{j} dV = - \oint_S j_n dS \quad (5.14)$$

аларыг. Бу ифадэни:

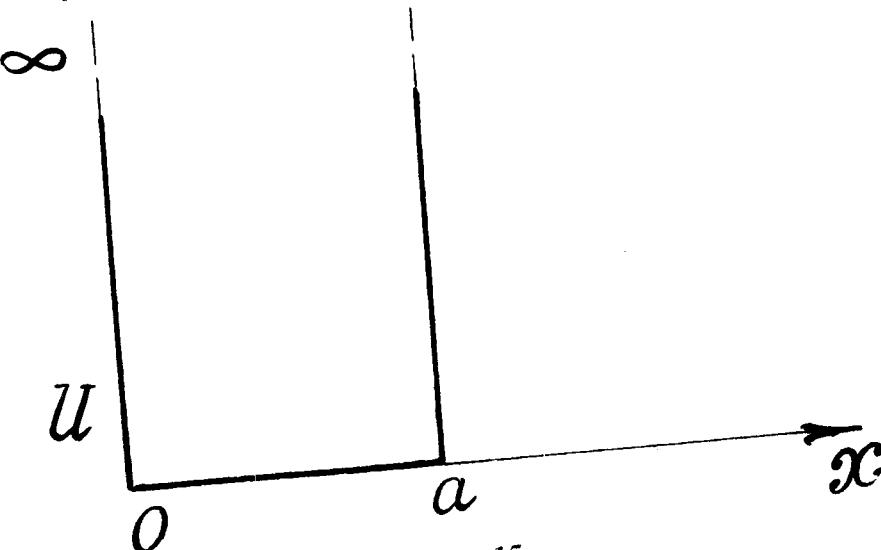
$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \operatorname{div} \vec{j} = 0 \quad (5.15)$$

шэклиндэ j -жасаг, онун ρ сыхлығына вэ j сыхлыг селинэ ма-
лик олан мајенин кәсилмәзлик тәнлијинэ аналоги олдуғану
көрәрик. Онда (5.13) ифадәсинә еһтимал селинин сыхлыг
вектору кими бахмаг олар. (5.13) ифадәсиндән көрүнүр ки,

hәгиги функциялар үчүн еһтимал сели сыйхлығы сыйфыр олар. Экөр $\rho = \psi^* \psi$ - ифадәсинә зәррәчикләрин орта сыйхлығы кими баҳсаг, онда j - вәнид заманда вәнид сәттідән кечән зәррәчикләрин орта сели олар вә (5.15) ифадәсинә зәррәчикләр сајынын сахланма тануну кими баҳмаг олар, јөни вәнид заманда зәррәчикләрин һәр һансы бир һәчмдә сыйхлыгларының дәжишмәси, бу һәчми әнатә едән сәттідән зәррәчикләрин чыхыб вә ja дахил олмалары нәтижәсина дәйдир. $\oint d_n dS$ - интегралы исә зәррәчијин верилмиш сәтті, вәнид заманда кечмә еһтималыдыр.

§ 5.5. Зэррэчийн потенциал гутуда һөрөкөтийн

Квант механикасынын реал атом мәсәләләrinе кечмәздән әvvәл садә бир мәсәләни квант механикасы нөгтөји-нәзәриндән тәһлил едәк. Фәрз едәк ки, зоррәчик ашағы-дакы шәрти өдөjән бир олчулу потенциал саhәдә hәрәкәт едир (шокил 15).



Шәкил 15

$$U(x) = \begin{cases} 0 & 0 < x < a \\ \infty & x \leq 0, \quad x \geq a \end{cases}$$

Белэ потенциал саһени сонсуз дэрин потенциал гуту адлан-дышырлар: аждындыр ки, белэ гутуда зэррэчијин һэрекети мэһдуд $0 \leq x \leq a$ областында ола биләр. Гутунун сәрхәддиндә $U(x) \rightarrow \infty$ олдуғундан, илдия стмәк олар ки, сәрхәддә зэррэчије сонсуз бөйүк итгәләмә гүввәси тэ'сир едир ки, бу да зэррэчијин $0 \leq x \leq a$ областындан кәнара чыхмасыны тэ'мин едир. Бу о демәкдир ки, далға функциясы елә сечилмәлидир ки, о, $x \leq 0$ өз $x \geq 0$ олдуғда сыйфыр олсун, јәни:

$$1) \psi(x)|_{x=0} = 0 \quad 2) \psi(x)|_{x=a} = 0 \quad (5.16)$$

шәртләри өдәнилсөн. Инди гуту дахилиндә һэрекэт едэн зэррэчиқ үчүн Шредингер тәнлијини јазаг: бунун үчүн (6.7)

тәнлијиндә $U(x)=0$ вә $\Delta \rightarrow \frac{d^2}{dx^2}$ котүрмөлијик:

$$\frac{d^2\psi(x)}{dx^2} + \frac{8\pi^2 m E}{h^2} \psi = 0 \quad (5.17)$$

аларыг. $\frac{8\pi^2 m E}{h^2} = k^2$ илә ишарә етсөк:

$$\frac{d^2\psi(x)}{dx^2} + k^2 \psi = 0$$

олар. Бу тәнлијин үмуми һәллини ашағыдақы шәкилдә көстәрмәк олар:

$$\psi(x) = A_1 e^{ikx} + A_2 e^{-ikx} =$$

$$= (A_1 + A_2) \cos kx + i(A_1 - A_2) \sin kx$$

вә ja

$$\psi(x) = A \cos kx + B \sin kx$$

Бу һәллә дахил олан сабитләр (5.16) шәртиндән тә'јин олунмалыдыр:

$$\psi(0) = A \cos 0^\theta + B \sin 0^\theta; \quad A \equiv 0$$

Онда тәнлијин һәлли $\psi(x) = B \sin kx$ олар.

Инди (5.16) шәртини икимисиндән истифадә едәк:

$$\psi(x) = B \sin ka = 0; \quad B \neq 0 \quad \sin ka = 0$$

Бу тригонометрик тәнлијин һәлли:

$$ka = n\pi; \quad k = \frac{n\pi}{a}; \quad k^2 = \frac{n^2 \pi^2}{a^2}$$

олар. k -нын гијмәтини јеринә јасаг:

$$E = \frac{n^2 h^2}{8ma^2} \quad (5.18)$$

аларыг. Бурада n -там гијмәтләр $n=1,2,3,\dots$ алдыңындан енержи дә дискрет гијмәтләр алыр, јәни енержи квантланыр. Енержинин квантланмасы, Бор нәзәријәсіндән фәргли олараг, һеч бир квантлашма пәртингендән асылы дејилдир. Бу хүсусијәт квант механикасынын мәнтиги әлагәләнмиш бир нәзәријә олдуғуну көстәрир. Доңрудан да бу нәтиҗә классик механикаја әсасланан Бор нәзәријәсіндән кәскин фәргләнир. Классик механикаја корә белэ потенциал саһәдә, мүсбәт енержијә малик олан зэррэчиқ, периодик олараг гуту дахилиндә ирәли вә кери һэрекэт едәчәкдир; квант

механикасында исә зәррәчијин һәрәкәти јалныз енержинин мүэjjән дискрет (5.18) гијмәтләриндә баш верир.

Гәjd етмәк лазымдыр ки, зәррәчик енержинин сыйфыры гијмәтини ала билмәз. Онун мүмкүн олан ән кичик гијмәти $n=1$ гијмәтине уйғун көлир. Бу һалда онун минимал енержиси

$$E_1 = \frac{h^2}{8ma^2}$$

олар. Зәррәчијин енержисинин дикәр гијмәтләри $n=2,3,\dots$ гијмәтләрине уйғун олараг $4E_1, 9E_1, 16E_1, \dots$ олашадыр.

Зәррәчијин енержисинин сыйфыры гијмәти формал олараг $n=0$ һалына уйғун көлир. Накин $n=0$ һалы мүмкүн дејил, чүнки $n=0$ олдугда $|\psi|^2 = 0$ оларды, бу исә «гутуда» зәррәчијин олмамасы демәкдир.

Потенциал гутуда јерләшмиш зәррәчијин сыйфыры енержисинә малик ола билмәмәси во онун енержисинин (5.18) лүстүрү илә тә'јин олунан јалныз дискрет гијмәтләрини ала билмәсі фактылары классик физика гапуналарына зидд олуб, јалныз квант механикасына әсасын изаһ олуна билир. Потенциал гутуда олан зоррәчијин енержисинин сыйфыры гијмәт ала билмәмәсі гејри-мүэjjәнлик мұнасибәтләри илә дә әлагәдардыр. Дөгрүдан да зәррәчик потенциал гутудан кәнара чыха билмәдијиңден, онун вәзијәттегікі гејри-мүэjjәнлик гутунун ени 1-әдәрдир, ј'ни, $\Delta x \sim a$. Онда зәррәчијин импулсундакы гејри-мүэjjәнлик $\Delta p \geq \frac{h}{a}$ олмалыдыр.

Бурадан көрүнүр ки, зәррәчијин енержиси һеч ваҳт сыйфыра бәрабәр ола билмәз, чүнки бу һалда онун импулсундакы гејри-мүэjjәнлик сыйфыры олмалы, ј'ни $\Delta p = 0$ олмалы иди ки,

бу да $\Delta p \geq \frac{h}{a}$ шәртине зиддир.

Жухарыда дејиләнләрлә әлагәдар олараг бир суал мејдана чыхыр: құндәлик һәјатда бәс биз нә үчүн енержинин квантланмасыны мүшәнидә етмирик? Үфиги јерләшдирил-

мини, һамар дибли вә еластики диварлы гутуда бир дивардан дикәринә вә әкс истиғамәтдә һәрәкәт едән еластики күрәчик енержинин истәнилән гијмәтини, о чүмләдән, енержинин сыйфыры гијмәтини дә ала биләр.

Микроаләмдә доғру олан (5.18) дүстүрунун бизим құндәлик мүшәнидәмизә зидд олмадығына инанмаг үчүн ени 10^{-8} см олан гутуда электронун во ени 10 см олан гутуда күтләсі 10 гр олан күрәчијин гонцу енержи сөвијәләри арасындағы фәрги һесаблајаң.

$$\Delta E_n = E_{n+1} - E_n = \frac{h^2}{8ma^2} (2n+1)$$

Електрон үчүн $m = 9,1 \cdot 10^{-31}$ кг, $a = 10^{-8}$ см олдуғундан

$$\Delta E_n = 1 \cdot (2n+1)eV$$

Иккінчи һал үчүн исә

$$\Delta E_n = 10^{-42} (2n+1)eV$$

аларыг. Бу гијмәтләрин мүгајисәси көстәрир ки, «макро» аләмдә енержи сөвијәләри арасындағы фәрг о гәдәр кичикдир ки, практики олараг енержи спектрини көсилемәз һесаб етмәк олар.

Инди даңға функциясына дахил олан B -сабитини тә'јин еләк. Бунун үчүн нормалыг (5.11) шәртиндән исчтифаде еләк вә унутмајаң ки, даңға функциясы јалныз $0 \leq x \leq a$ областында сыйфырдан фәрглидир. Бу о демәкдир ки, интегралы 0 -дан a -ja гәдәр һесабламаг лазымдыр:

$$\psi(x) = B \sin \frac{n\pi}{a} x$$

$$\int_0^a |\psi|^2 dx = |B|^2 \int_0^a \sin^2 \frac{n\pi}{a} x dx = \frac{a}{2} B^2 = 1$$

$$B = \pm \sqrt{\frac{2}{a}}$$

Беләликлә,

$$\psi(x) = \pm \sqrt{\frac{2}{a}} \sin \frac{n\pi}{a} x$$

аларыг. Инди n -дән асылы олараг зәррәчијин гутунун мұхтәлиф нөгтәләринде олма еһтималыны көстәрәк:

$$|\psi|^2 = \frac{2}{a} \sin^2 \frac{n\pi}{a} x; \quad n=1 \text{ һалында } x=0 \text{ ვә } x=a \text{ олдуғда}$$

$$|\psi|^2 = 0, \quad x = \frac{a}{2} \text{ нөгтәсіндә } |\psi|^2 = \frac{2}{a} \text{ олур. } n=2 \text{ көтүрсек } x=0, \quad x = \frac{a}{2} \text{ ვә } x=a \text{ олдуғда } |\psi|^2 = 0, \quad x = \frac{a}{4} \text{ ვә } x = \frac{3a}{4}$$

олдуғда исә $|\psi|^2 = \frac{2}{a}$ олар, вә с. Қорынүр ки, $n=1$ олдуғда

$x = \frac{a}{2}$ нөгтәсіндә зәррәчијин олма еһтималы ән бөյүкдүр;

$n=2$ оларса $x = \frac{a}{4}$ ვә $x = \frac{3a}{4}$ нөгтәләри ән бөйүк еһтималлы нөгтәдир. n -ин гијмәти бөјүдүкчә ән бөйүк еһтималлы нөгтәләрин сајы артыр. $n \rightarrow \infty$ бу максимумларын сајы сонсуз олур, бу о жәни гуту кәсилмәз олараг максимумларла долур; бу о демәкдир ки, гутунун бүгүн нөгтәләри ежни еһтимала малик көлир.

Гејд етмөк лазымдыр ки, әкәр зоррәчијин гутунун диварлары илә тогтушмасы еластики оларса вә бу тогтушмада диварын деформасијасы потенциал гутунун ениндән чох-choх кичик оларса, онда Шрединкер тәнлиji үчүн бу параграфда алынмыш нәтижәләр потенциал гутуда

зәррәчијин реал һәрәкәтләри үчүн дә докру олар. мәсәлән, электронун металдан чыхыш иши кифајет гәдәр бөйүк олдуғда сәрбест электронларын металын сәрһәдләри илә тогтушмалары мәһз бу чүр баш верир.

§5.6. Зәррәчијин потенциал өңәриштән әкес олуимасы вә кечмәси

Квант механикасынын тәтбиғи илә һәллә едәчәјимиз икinci мәсәләни тәһырил едәк.

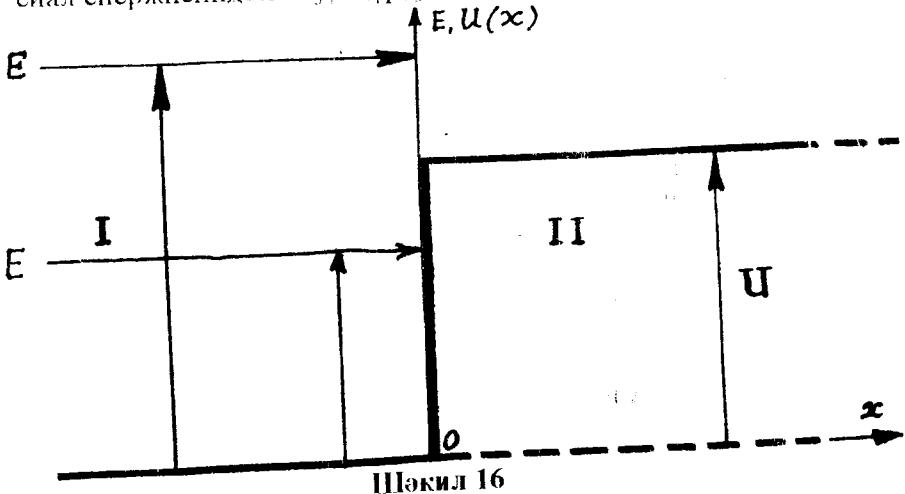
Тутақ ки, x -оху боюнча солдан сага докру һәрәкәт едән зәррәчијин фәзанын I һиссәсіндә потенциал енержиси $u=0$, II һиссәсінин сәрһәддинде исә онун потенциал енержиси сыраяныша дәйнишәрәк $u(x)=u_0$ гијметини алыр, јәни потенциал енержи:

$$\begin{array}{lll} x < 0 & \text{олдуғда } u(x) = 0 & \text{I -область} \\ x \geq 0 & \text{олдуғда } u(x) = u_0 & \text{II-область} \end{array}$$

шарттарини өдөйир.

Ики һалы иззәрдөн көчирик:

а) зәррәчијин там енержиси, онун II-областдакы потенциал енержисиндең бөйүкдүр, јәни $E > U_0$:



б) зэррэчийн там энергийс, онун потенциал энергисиндэн кичикдир, јэ'ни $E < U_0$.

Эввэлчэ а) наалыны нэээрдэн кечирэк. Бу наалда классик механика ногтеји-нэээрдиндэн зэррэчик мүтлэг I областындан II областа кечэчээклир. Бир гэдэр ирэлидэ көрчэйж ки, квант механикасына табе олан зэррэчик, бу шэраитдэ өзүнү тамамилэ башгэж чур апармалыдыр. Догрудан да, электронун һэрэкоти мүсгэвийн де-Броји далгасы илэ тэсвир олундугундан потенциалын сыйчраяшила дэжишиди I вэ II областнарынын сэргээддиндээ бу далга өзүнү, сыйндырма эмсаллары мүхтэлиф олан ики мунийт сэргээддиндэки ишыг далгасы кими апармалыдыр. Бүх о демэекдир ки, сэргээдэ, дүшнэн де-Броји далгасынын бир һиссэси экс олунур (гајыдыр), дикэр һиссэси исэ II областа кечир. Бунуна элагадар олараг биз деёж билэрик ки, сэргээдэ дүшнэн электронун һэм бу сэргээддэн өвье олумасынын, һэм дэ II областа кечмэсийн мүсэйжэн сэхтэймалы вардыр.

Гаршымызда дуран мәсөлә бу еһтималлары таңмадан ибарәттir. Бунун үчүн исә фәзанын I во II областында һөрөкөт сәди зоррөчкүч үчүн Шрединкөрин стасионар тәнништүн һәлл етмәлийк.

Зәррәцийн потенсиал енергисинин сыйрып олдуку 1
област үчүн Шрединкөр тәнлијіс

$$\frac{d^2\psi_1}{dx^2} + \frac{8\pi^2rnE}{h^2}\psi_1 = 0$$

зэррэчийн потенциал енергийнин U_0 -а бэрабэр олдуу II
област үүчин исэ

$$\frac{d^2\psi_2}{dx^2} + \frac{8\pi^2m}{h^2}(E - U_0)\psi_2 = 0$$

шаклиндэdir. Аңағыдақы ишареләри гәбул едәк:

$$K_1^2 = \frac{8\pi^2 m E}{h^2}, \quad K_2^2 = \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - U_0);$$

Бүнлары нээрэ алдыгда јухарыдакы тэнликлэр

$$\frac{d^2\psi_1}{dx^2} + K_1^2 \psi_1 = 0$$

$$\frac{d^2\psi_2}{dx^2} + K_2^2 \psi_2 = 0$$

шоклини алыр. Бу тәсілдер сабит өмсаллы ади дифференциал тәсілдердир ки, бунларын үмуми һәлли

$$\psi_1 = A_1 e^{ik_1 x} + B_1 e^{-ik_1 x}$$

$$\psi_2 = A_2 e^{ik_2 x} + B_2 e^{-ik_2 x}$$

шэклинидээдир. I областда һэм дүнэн, һэм дэ гајыдан далга яјылдыбындан A_1^2 дүшэн далғанын, B_1^2 исэ гајыдан далғанын интенсивликлэрини характеризэ сдир. II областда исэ јалныз сэргээдээн кечэн далга яјылдыбындан $B_2 = 0$ көтүрмэлийк; онда II-областда тэнлийн үмуми һэлли;

$$\psi_2 = A_2 e^{ik_2}$$

шәклиндә олар.

Инди исә сәрһәд шәртләриндән истифадә етмәклә ψ_1 вә ψ_2 һәлләринә дахил олан сабитләри тә'јин едәк. Бунуң үчүн далға функциясы үзәринә гојулан стандарт шәртләрдән, је'ни далға функциясының өзү вә тәрәмәләринин сәр-һәлдә кәсилемәз дәјишимәсендән истифадә едәк: (§5.3; (5.12))

$$\psi_1|_{x=0} = \psi_2|_{x=0}$$

$$\frac{d\psi_1}{dx} \Big|_{x=0} = \frac{d\psi_2}{dx} \Big|_{x=0}$$

Бү мунасибэтийн истифадэ өгсөк:

$$A_1 + B_1 = A_2$$

$$A_1 - B_1 = \frac{k_2}{k_1} A_2$$

аларыг. Бу тәнликтәрдиң көмүктери

$$B_1 = \frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2} A_1; \quad A_2 = \frac{2k_1}{k_1 + k_2} A_1;$$

олар. Иди R гајытма өмсалы во \mathcal{D} икәффафлыг өмсалыны тә'јин едәк. Оптикадан мә'лүм олдуғу кими гајытма өмсалы гајыдаң дағанын амплитудунун квадратының дүшән дағанын амплитудунун квадратына нисбәти илә тә'јин олунур, я'ни

$$R = \frac{B_I^2}{A_I^2} = \left(\frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2} \right)^2 \quad (5.19)$$

Шеффафлыг өмсалы (нұғуз стмә өмсалы) сәрхәддән II-областа кепән зәррәчикләр селинин сәрхәддә дүниән зәррәчикләр селинә нисбәті иш тә'жін олунур. Ең кәсійинин саһәси 1 см^2 , һүндүрлүjү исә әдәди гијметчә зәррәчијин ν сүр'етинә бәрабәр олан үфуги истигаматтә јерләшимиш силиндр тәсәввүр едәк. Экәр силиндр дахилиндәки зәррәчикләриң сыйхығы ρ оларса, онда орадакы бүтүн зәррәчикләриң сајы $\rho\nu$ олар. Бу зәррәчикләриң һамысы $I \text{ сан}$

әрзинде силиндрин отурачысынан кечирлэр. Буну нәзәрә алдыгда зәррәчикләрин сели ρ олар вә шеффафлыг әмсалы

$$D = \frac{\rho_2 v_2}{\rho_1 v_1}$$

кими тә'жін олунар. Зәррәцийн сыйхығы ρ де-Бројл далғасының амплитудунун квадраты илә дүз мұтәнасибдир, жә'ни $\rho = A^2$, сур'еттілеринин писбәти исә импулсларының писбәтінә бәрабәрдір, жә'ни

$$D = \frac{\rho_2 v_2}{\rho_1 v_1} = \frac{A_2^2}{A_1^2} \cdot \frac{k_2}{k_1}$$

олар. Аз-нин гијмәтини јерино јазсаг, ишәффафлыг әмсалы үчүн

$$D = \frac{4k_1 k_2}{(k_1 + k_2)^2} \quad (5.20)$$

аларыг. Кориускулдар нөгтеји-нэзәріндән гајитма әмсалы I вә II областларынын сәрһәдіндән зәррәчиин эке олма әтималыны, шеффафлыг әмсалы исә зәррәчиин II областа кечмә әтималыны қөстәрир.

(5.19) вә (5.20) ифадоләрни тоңласаң, $R+D=1$ аларыг. Бу белә дә олмалысыр, чүнки сорһәдлә зоррочик мүтләг я гајы гмалы, я да II областа кечмәлидир ки, бунун да ефималды ваһидә бәрабәр олмалысыр.

Инди исә R вә D -ни E вә U_0 илә ифадә сөдөк. Бунун үчүн K_1 вә K_2 -нин гијмәтләрини (5.19) вә (5.20) нәзәрә алсаг:

$$R = \left(\frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2} \right)^2 = \left(\frac{I - \sqrt{I - \frac{U_0}{E}}}{I + \sqrt{I - \frac{U_0}{E}}} \right)^2$$

$$D = I - R = 4 \frac{\sqrt{I - \frac{U_0}{E}}}{\left(I + \sqrt{I - \frac{U_0}{E}} \right)^2}$$

олар.

(5.20) ифадөлөрүнүң корүнүлүгү кими шөффафын вә гаяйтма өмсаллары K_1 вә K_2 коро симметриклирлөр. Йөни $x=0$ нүктесинде гаяйтма өмсалы (вә жа шөффафын өмсалы) зөрөчијин өкө истигаматтуда солдан сага вә жаход саңдан сола һөрөгөлөрүнин һор иккиси үчүн сүйнелдир. Бу баҳдырымыз һадисөнин даңга мәнијүттөн малик олмасыны бир даңа көстөрүр.

Иди исе б) һалыны, јөни $E < U_0$ һалыны нээрдөн кечирок. $E < U_0$ олдугда классик механикаја коро зөрөчијин I областдан II областа кечмәси мүмкүн дејил, чунки өкө һалда зөрөчијин II областда кинетик енержиеси мәнфи, сүр'ети исе хөјали оларды.

Квант механикасында осасланараат гаяйтма өмсалыны несаблајат. $E < U_0$ олдугда K_2 хөјали эдөл олур:

$$k_2^2 = \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - U_0) = -\frac{8\pi^2 m}{h^2} (U_0 - E); \quad k_2 = ik$$

Бурада

$$k = \frac{2\pi}{h} \sqrt{2m(U_0 - E)}$$

Бу заман R комплекс көмүйөт олур вә ону һесабладыгда квадратта жүксөлтмөнү $\frac{B_I \cdot B_I^*}{A_I \cdot A_I^*}$ һасили вә жа модулун квадраты илә әвәз етмәк лазымдыр. Онда

$$R = \frac{|B_I|^2}{|A_I|^2} = \frac{k_1 - ik}{k_1 + ik} \cdot \frac{k_1 + ik}{k_1 - ik} = 1$$

$$D = I - R = 0$$

олар. $E < U_0$ олдугда классик физикада олдуру кими шөффафын өмсалы сифра бөрабөр олур. Лакин II-областда зэррөчијин олма сүтималыны һесабласа көрөrik ки, о сифырдан фөргөүнүр. Йөни там гаяйтма о демәк дејил ки, зөрөчинклөрүн гаяйтмасы аңчаг сөрхөддө баш берир; онларын бәзилөри I -областа гаяйтмаздан әввэл II-областа нүфуз едиб, соңра I -областа гаяыдыр. Дөгрүдан да $E < U_0$ олдугда k_2 өмсалы хөјали эдөл олуб, ik -я бөрабэр олдугуидан II областда Шредингер тәнлијинин һөлли

$$\psi_2 = A_2 e^{ikx} = A_2 e^{-ikx}$$

пюклиндө олар вә зөрөчијин x мәсафәсүндө олма сүтималы

$$|\psi_2|^2 = A_2^2 e^{-2kx} = A_2^2 e^{-\frac{4\pi}{h} x \sqrt{2m(U_0 - E)}}$$

олар. Бу о демәклир ки, зөрөчијин II-областда мөвчүд олмасынын мүэйжөн сүтималы варлыр.

Зөрөчијин енержијә көре тадаған олунмуш областа дахия олмасы квант ефекті олуб түннел ефекті ады илә мәшһүрдүр. Зөрөчијин II областа дахия олма мәсафәси ју-

$$\text{харыдақы еңтималын ифадесинә көрә } \delta x \sim \frac{h}{2\pi\sqrt{2m(U_0 - E)}}$$

тәртибиндә олур. Мәсәлән, $U_0 - E \sim 1eV$ олдуғда електро-

нун II-области дахил олма мәсафәсіни һесаблајат:

$$\delta x \sim \frac{h}{2\pi\sqrt{2m(U_0 - E)}} \sim 10^{-8} \text{ см}$$

Бу гијмәт көстәрир ки, түндел еффекти микроскопик өлчүләр үчүн мұшақидә олуна биләр. Зәррәчији II-областида мұшақидә етмәк үчүн ону $\Delta x \leq \delta x$ интервалында локализе етмәлийк. Бу заман биз онун енержисинин

$\Delta p \geq \frac{h}{2\pi\Delta x} \geq \sqrt{2m(U_0 - E)}$ гејри-мұғажжәнлик принципинә көрә әввәлки E енержисинә бәрабәр олдуғану дејә билмәрик. Һәгигәттән зәррәчијин импулсундакы гејри-мұғажжәнлик онун кинетик енержисиндәki гејри-мұғажжәнлиje көтирир:

$$\Delta E_k \geq \frac{\Delta p^2}{2m} \geq (U_0 - E)$$

Јә'ни чөнәрки алтында локализе олғанда зәррәчијин енержисиндәki гејри-мұғажжәнлик онун чөнәри аныб кечмәси үчүн лазым олан енержисидән бөյүктүр.

§5.7. Соңлу енә малик олан потенциал чөшер

Квант механикасынын тәтбиғи илә һәлә олупан мұнум мәсәләләрден бири дә соңлу енә малик олан потенциал чөпәрдән зәррәчијин кечмәси мәсәләсидир. Классик механикаја көрә дүшән зәррәчијин енержиси потенциал чөпәркиң һүндүрлүгүндән кичиқ олдуғда, зәррәчик чөпәрки кече билмәз. Квант механикасында исә мәсәлә классик

физика тәсөввүрләринин тамамилә эксинә олур. Она көрә дә бу мәсәләни һәлә етмәк үчүн фәрз едәк ки, зәррәчик x оху бојунча солдан саға доғру һәрәкәт едир. Бу һәрәкәти үч областы аяыраг.

I областда, жә'ни $x < 0$ олдуғда $U(x) = 0$

II областда, жә'ни $0 \leq x \leq a$ олдуғда $U(x) = U = \text{const}$

III областда, жә'ни $x > a$ олдуғда $U(x) = 0$

$E > U$ олдуғда мәсәләнин квант вә классик механикаја көрә һәлләри үст-үстә дүшүр вә елә бир мараглы нәтижә вермир. Она көрә дә биз $E < U$ һалыны тәжиледә.

Микроаләмин бир сыра мәсәләләринин (мәсәлән, электронларын металдан емиссијасы, радиактив парчаланма вә с.) һалында мәғз бу нов потенциал чәнәрлә растлашырыг.

Көстәрилән үч област үчүн айры-айрылыпда Шредингер тәнлијини јазаг:

I вә III областлар үчүн $U = 0$

$$\frac{d^2 \psi_{1,3}}{dx^2} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} E \psi_{1,3} = 0$$

II област үчүн $U \neq 0$

$$\frac{d^2 \psi_2}{dx^2} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - U) \psi_2 = 0$$

Бу тәнликләрин һәлләри уйғун олараг

$$\psi_{1,3} \sim e^{\pm ik_1 x} \quad k_1 = \frac{2\pi}{h} \sqrt{2mE}$$

$$\psi_2 \sim e^{\pm ik_2 x} \quad k_2 = \frac{2\pi}{h} \sqrt{2m(E - U)}$$

кими олачаглар.

Будан соңра әvvәлки параграфда биз зәррәчијин соңсуз енә малик олан сабит потенциалы саһәјәр кечмәси һалыны тәһлил етликтә зәррәчијин енержиси илә потенциал чәпәринин һүндүрлүjу арасындақы истәнилөн мұнасибәтдә, онун потенциал чәпәрдән экс олунмасынын вә II областда кечмәсинин мүәjjәn еһтимала малик олмасыны мүәjjәn-ләшdirдик. Биз бу параграфда баҳдығымыз мәсәләдә исә потенциал чәпәри ени соңлудур вә ирәлидә көрәчөйк ки, бу һалда зәррәчијин II областда дахил олмасы еһтималлары да сыйырдан фәрглидир. Бурада он мараглы һал зәррәчијин енержисинин, II областада потенциал енержидән кичик олдуғу һалда да бу еһтималын соңлу гијмәтгә малик олмасы вә о, I областда малик олдуғу енержи илә III областда дахил олмасыдыр. Бу мәсәләнин әvvәлки параграфда баҳдығымыз мәсәләдән фәрги һәм I вә II областларын, һәм дә II вә III областларын сәрhәдләрindә зәррәчијин гајытмасы просеси-ни баш вермөсидир. Будан башта иң жағынан тутмаг ла-зымыр ки, III областда x охунун жалпыз мүсбеттеги истига-мәтиндә жајылан дағы мөвчидүр, гајыдан дағы исә јохдур. Бұтүп бу дејилюләри нозорә алсаң Шредингер тәнлиjiини һәлләрini

$$\psi_1 = A_1 e^{ik_1 x} + B_1 e^{-ik_1 x}$$

$$\psi_2 = A_2 e^{ik_2 x} + B_2 e^{-ik_2 x}$$

$$\psi_3 = A_3 e^{ik_3 x}$$

шәклиндә жазмаг олар.

R гајытма вә D шәффафлыг әмсалларыны һессабламат үчүн һәр шејдән әvvәл A_1, B_1, A_2, B_2 вә A_3 әмсалларыны тапмаг лазымдыр. Бу мәғсәдә сәрhәд шәртләрiniдән исти-фадә едәк. x -ин $-\infty$ -дан $+\infty$ -дек бұтүп гијмәтләрindә $\psi(x)$ функциясынын кәсилемәз олмасы үчүн 0,1 илә II вә II III областларынын сәрhәдләрindә, ј'ни $x=0$ вә $x=a$ нөйтә-ләрindә кәсилемәз олмалыдыр, ј'ни

$$\psi_1|_{x=0} = \psi_2|_{x=0}$$

$$\psi_2|_{x=a} = \psi_3|_{x=a}$$

шәртләри өдәнилмәлидир. Будан башта ψ функциясынын һамар олмасы үчүн $x=0$ вә $x=a$ нөйтәләрindә онун биринки тәртиб төрәмәләри дә кәсилемәз олмалыдыр, ј'ни (бах 5,3)

$$\frac{d\psi_1}{dx}|_{x=0} = \frac{d\psi_2}{dx}|_{x=0}$$

$$\frac{d\psi_2}{dx}|_{x=a} = \frac{d\psi_3}{dx}|_{x=a}$$

шәртләри дә өдәнилмәлидир. Беләдиклә, алдығымыз һәл-ләрдә сорhәд шәртләрini иңәрә алса:

$$A_1 + B_1 = A_2 + B_2, \quad k_1 A_1 - k_1 B_1 = K_2 A_2 - k_2 B_2$$

$$A_2 e^{ik_2 a} + B_2 e^{-ik_2 a} = A_3 e^{ik_3 a}$$

$$A_2 e^{ik_2 a} - B_2 e^{-ik_2 a} = \frac{k_1}{k_2} A_3 e^{ik_3 a}$$

систем тәнлиjiини алырыг. Бу систем тәнлиji һәмл өдәрек

$$\frac{A_3}{A_1} \text{ үчүн}$$

$$\frac{A_3}{A_1} = \frac{4k_1 k_2 e^{ik_3 a}}{(k_1 + k_2)^2 e^{-ik_2 a} - (k_1 - k_2)^2 e^{ik_2 a}}$$

ифадәсini алырыг. R гајытма әмсалы үчүн бу системдән алыныш ифадә соңсуз чәпәр һалында алыныш ифадәнин вердији мә'луматтан фәргиәнән һеч бир јени мә'лумат

вермәдијиндән биз бурада R -и һесабламајағыг. Бунуңда әлагәдар олар B_1, A_1 вә B_2, A_2 әмсалларының тапылмасына да еттијаң жохтур, она көрә ки, I вә III областларында ($k_3=k_1$) потенциал чәпәрни D шәффафлыг әмсалы $\frac{A_3}{A_1}$ нисбәтинин модулунун квадратына бәрабәр олачагдыр:

$$D = \left| \frac{A_3}{A_1} \right|^2 = \frac{A_3}{A_1} \cdot \frac{A_3^*}{A_1^*}$$

Буралдақы $\frac{A_3}{A_1}$ вә $\frac{A_3^*}{A_1^*}$ нисбәтләринин ашағыдақы кими жазмаг лазымдыр:

$$\frac{A_3}{A_1} = \frac{4k_1 k_2 e^{ik_1 a}}{(k_1 + k_2)^2 e^{-ik_2 a} - (k_1 - k_2)^2 e^{ik_2 a}}$$

$$\frac{A_3^*}{A_1^*} = \frac{4k_1 k_2 e^{-ik_1 a}}{(k_1 + k_2)^2 e^{-ik_2 a} - (k_1 - k_2)^2 e^{-ik_2 a}}$$

Бизим үчүн D -ниң $E < U$ һалындакы гијмәти марагалы-дышы. Бу һалда $k_2 = \frac{2\pi}{h} \sqrt{2m(E-U)}$ көмүйәти хәјали әдәд олачагдыр;

$$k_2 = \frac{2\pi}{h} \sqrt{2m(E-U)} = \frac{2\pi i}{h} \sqrt{2m(U-E)} = ik;$$

$$k_2 = \frac{2\pi i}{h} \sqrt{2m(E-U)}$$

Белә олдуғда $\frac{A_3}{A_1}$ иfadәсінин мәхрәчиндәки $e^{\mp ik_2 a}$ экспоненциал функция $e^{\mp ka}$ шәклиндә һәтиги функцияда чеврилөчәкдир.

$$\frac{A_3}{A_1} = \frac{4k_1 k e^{ik_1 a}}{(k_1 + ik)^2 e^{ka} - (k_1 - ik)^2 e^{-ka}};$$

$$\frac{A_3^*}{A_1^*} = \frac{-4k_1 k e^{-ik_1 a}}{(k_1 - ik)^2 e^{ka} - (k_1 + ik)^2 e^{-ka}}$$

$$(k_1 + ik)^2 e^{ka} - (k_1 - ik)^2 e^{-ka} = (k_1^2 - k^2)(e^{ka} - e^{-ka}) + \\ + 2ik_1 k(e^{ka} + e^{-ka})$$

олдуғундан

$$chka = \frac{e^{ka} + e^{-ka}}{2} \quad \text{вә} \quad shka = \frac{e^{ka} - e^{-ka}}{2}$$

һиперболик функцияларындан истифадә едәрек $\frac{A_3}{A_1}$ вә $\frac{A_3^*}{A_1^*}$ нисбәтләрүүчүн

$$\frac{A_3}{A_1} = \frac{2ik_1 k e^{ik_1 a}}{(k_1^2 - k^2)shka + 2ik_1 k chka},$$

$$\frac{A_3^*}{A_1^*} = \frac{-2k_1 k e^{-ik_1 a}}{(k_1^2 - k^2)shka - 2ik_1 k chka}$$

нұғадоларини аларыг. Бұндарын D үчүн жазығымыз

$$D = \frac{4k_j^2 k^2}{(k_j^2 - k^2)^2 \sinh^2 ka + 4k_j^2 k^2 \cosh^2 ka} =$$

$$= \frac{4k_j^2 k}{(k_j^2 - k^2)^2 \sinh^2 ka + 4k_j^2 k^2 (1 + \sinh^2 ka)}$$

$\cosh^2 ka - \sinh^2 ka = 1$ олдурундан, шөффафлыг өмсалы үчүн

$$D = \frac{4k_j^2 k^2}{(k_j + k)^2 \sinh^2 ka + 4k_j^2 k^2}$$

ифадесини аларыг.

Көстөрмөк олар ки, бојук күтгөли зөррөчилөр үчүн демек олар ки, бүгүн һалларда, электрон үчүн исә $a = 1\text{\AA} = 10^{-8}\text{ см}$ олдуруда $U-E$ фәргинин $U-E \geq 15eV$ тијмәтиндә $\sinh^2 ka$ -ни $\frac{1}{4} e^{2ka}$ -дө борабөр котурмөк олар. Догрудан да $U-E = 15eV$ вә $a = 1\text{\AA}$ олдуруда:

$$\begin{aligned} ka &= \frac{2\pi a}{h} \sqrt{2m(U-E)} = \frac{2\pi \cdot 10^{-8}}{6,62 \cdot 10^{-34}} \sqrt{9,1 \cdot 10^{-28} \cdot 15} \approx \\ &\approx \frac{6,28}{6,62} \cdot 2,094 \approx 2 \end{aligned}$$

олар. Онда

$$\sinh^2 ka = \frac{1}{4} e^{2ka} + \frac{1}{4} e^{-2ka} - \frac{1}{2} \approx \frac{1}{4} e^{2ka}$$

вә

$$D = \frac{4}{4 \left(\frac{k_j}{k} + \frac{k}{k_j} \right)^2 e^{2ka} + 4}$$

олар. Бу ифаденин мәхрәчиндөки 4 әдәдини e^{2ka} -жэ нисбәттөн нэзэрэ алмамаг олар. Бундан бағытта k_j вә k ейни тәртибли көмүйт олдуруну нэзэрэ алсаг, онда:

$$D = D_0 e^{-2ka} = D_0 e^{-\frac{4\pi a}{h} \sqrt{2m(U-E)}}$$

јазмаг олар. Бурада D_0 - ваһид јахын сабит әдәдидир. Бу ифадәдөн көрүнүр ки, потенциал чөпәрдөн шөффафлығы онун a ениндөн чох көскөн дәрәҗәдө асыныдыры.

Буну гејд етмәк лазымдыр ки, зөррөчијин потенциал чөпәрдөндөн кечмәси енержи иткисөри илә иетишчөлөнмири; зөррөчик потенциал чөпәрдөн III областа кечидикдө малик олдуру енержи, онун потенциал чөпәрин үзөринө дүйнө ешержисине бәрабәрдир.

Биз дүзбучагты ишкелди олан сада потенциал чөпәрдөн зөррөчијин кечмәси һалисесини нэзэрден кечирдик. Көстөрмөк олар ки, ихтијари формалы протенциал чөпәрдөн шөффафлыг өмсалы:

$$D = D_0 e^{-\frac{4\pi a}{h} \sqrt{2m} \int_0^x \sqrt{U(x)-E} dx}$$

дүстүру илә һесабланыр. Бурада D_0 -ваһид тәртибинде олан сабиттір. D үчүн алдығымыз ифаденин тәһлили көстөрдир ки, $E < U$ олдуруда белэ зөррөчик чөпәрдөн кечид III областа днахиял олур. Белэ кечид енержи ногтеји-нэзэриндөн гадаған олунмалыдыры. Лакин квант механикасы бу кечидин мүэйжөн ёнти маалы малик олмасыны көстөрдир. Онда һокм етмәк олар ки, зөррөчик чөпәрдөн сыйзыб кечир. Зөррөчиликтерин потенциал чөпәрдөн белэ сыйзыб кечмәси һалисесини чох захт түнел еффектти адландырылар. Түнел еффектти

гермининин мә'насы потенциал чәпәрдән кечмәк үчүн зәррәчик, онуң тәпесиндән юх, ичәрисиндән тунелдән кечән кими сыйыб кечмәси илә элагәдардыр.

Тунел кечидләринин нәзәри әсаслары совет алимләри Л.М.Мандельштам вә М.А.Леонович тәрәфиндән верилмишdir.

Классик механиканың изаһ едә билмәди бир чох надисәләр квант механикасында зәррәвкләринг мәһз бу фәсилдә нәзәрдән кечирилән өзүнәмәхсүс хассәләринә әсасән чох асанлыгта изаһ олунур.

§5.8.Хәтти һармоник осциллятор

Квант механикасының нисбәтән мүрәккәб мәсәләләриндән бири дә хәтти һармоник осциллятор мәсәләсидir. Хәтти осциллятор дедиркдә таразлыг вәзијәти отрафында кичик рәгс едән зәррәчик баша дүшәмәјик; буна мисал олараг молекулун тәркибиндә атомларын рәгсими, кристал гәфесин истилилк һәрәкәтини вә с. костәрмәк олар. Үмуми физика курсундан мә'лумдур ки, һармоник рәгс (һармоник осциллятор) квази-еластики гүввә $\vec{F} = -k\vec{x}$ тә'сирі алтында осциллятор осциллятор

$$U = \frac{kx^2}{2}$$

башверир; белә осцилляторун потенциал енержиси $U = \frac{kx^2}{2}$

осцилляторун $U = \frac{kx^2}{2} = \frac{m\omega^2 x^2}{2}$ потенциал енержисине малик итәклиндә ахтара:

$$\Delta\psi + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - U)\psi = 0$$

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left(E - \frac{m\omega^2 x^2}{2} \right) \psi = 0$$

Бу тәнлиji һәлл өтмәздән әввәл

$$\lambda = \frac{8\pi^2 m E}{h^2} \text{ вә } \alpha^2 = \frac{4\pi^2 m^2 \omega^2}{h^2}$$

шарәләрини гәбул етсәк, тәнлик ашағыдақы шәклә дүшәр:

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + (\lambda - \alpha^2 x^2) \psi = 0 \quad (5.21)$$

Осциллятор мәсәләсүнин тәһлили һәрәкәт тәнликләринин мүхтәлиф олмасына баҳмајараи әввәлки нарағрафларда баҳылан мәсәләләрн тәһлилиндән сәрһәд шәртләrinин олмамаса илә фәрғләнир. Она корә дә мәсәләдә $x \rightarrow \pm\infty$ далига функциясының мәһдудлукуну тәләб едәчәјик. Бу тәләби одәмәк хатирине тәнлиjin һәллини:

$$\psi(x) = e^{-\gamma x^2} f(x)$$

итәклиндә ахтара:

$$\psi'(x) = -2\gamma x e^{-\gamma x^2} f(x) + e^{-\gamma x^2} f'(x)$$

$$\psi''(x) = -2\gamma e^{-\gamma x^2} f(x) + 4\gamma^2 x^2 e^{-\gamma x^2} f(x) - 4\gamma x e^{-\gamma x^2} f'(x) + e^{-\gamma x^2} f''(x)$$

Бу ифадәләри (5.17) тәнлиjinде јазыб $e^{-\gamma x^2}$ иxtисар етсәк:

$$f''(x) - 4\gamma x f'(x) + (\lambda - 2\gamma + 4\gamma^2 x^2 - \alpha^2 x^2) f(x) = 0$$

аларыг. Бу ифадәдән көрүнүр ки, $\gamma = \frac{\alpha}{2}$ сечсөк, тәнликтің садәләштеріп, жоғары:

$$f''(x) - 2\alpha f'(x) + (\lambda - \alpha) f(x) = 0 \quad (5.21^1)$$

аларыг. Бу тәнлијин һәллини

$$f(\xi) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n \xi^n, \quad \xi = \sqrt{\alpha} \cdot x$$

шәклиндә ахтараң:

$$f'(\xi) = \sum n a_n \xi^{n-1}$$

$$f''(\xi) = \sum n(n-1) a_n \xi^{n-2}$$

Бу ифадәләри сонунчы тәнликтөң јеринде јазсаг:

$$\sum_{n=0}^{\infty} n(n-1) a_n \xi^{n-2} + \sum_{n=0}^{\infty} (\lambda - \alpha - 2\alpha n) a_n \xi^n = 0 \quad (5.22)$$

аларыг. (5.22) ифадәсінә дахил олан a_n -эмсалларының тә'жін етмәк үчүн чәми ачыб ежни дәрәчөли ξ -ин өмсалларының берабәрләштирумек лазыымдыр. Бу өмәлийтән башта үсула да етмәк олар. (5.22) мұнасибәтіндә биринчи чөмин $n=0$ да $n=1$ һәддиләри сығыр олур, сығырдан фәргли һәнд $n=2$ -дән башлајыр; буну нәзәрә алмаг үчүн биринчи чәмдә $n \rightarrow n+2$ илә өвәз етсөк:

$$\sum_{n=0}^{\infty} (n+1)(n+2) a_{n+2} \xi^n + \sum_{n=0}^{\infty} (\lambda - \alpha - 2\alpha n) a_n \xi^n = 0$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \{(n+1)(n+2) a_{n+2} + (\lambda - \alpha - 2\alpha n) a_n\} \xi^n = 0$$

аларыг. Ахырынчы мұнасибәтин өдәнмәсі үчүн:

$$(n+1)(n+2) a_{n+2} + (\lambda - \alpha - 2\alpha n) a_n = 0$$

$$a_{n+2} = \frac{\alpha + 2\alpha n - \lambda}{(n+1)(n+2)} \cdot a_n \quad (5.23)$$

олмалыдыр. (5.23) рекурент мұнасибәти өмсалларын бириниң дикәри васитесінде ифадә етмәjә имкан верир. Доғрудан да (5.23) мұнасибәтінин тәжілили көстәрир ки, тәк нөмрәли өмсаллары a_i , чүт нөмрәли өмсаллары исә a_0 - васитесінде ифадә етмәк олар:

$$a_2 = \frac{\alpha - \lambda}{1 * 2} a_0 \quad a_3 = \frac{3\alpha - \lambda}{2 * 3} a_1$$

$$a_4 = \frac{5\alpha - \lambda}{3 * 4} a_2 \quad a_5 = \frac{7\alpha - \lambda}{4 * 5} a_3$$

$$a_6 = \frac{9\alpha - \lambda}{5 * 6} a_4 \quad a_7 = \frac{11\alpha - \lambda}{6 * 7} a_5$$

Сон нәтижәдә ики намәлүм a_0 вә a_1 өмсаллары талыр ки, бунун бириниң иктијари (мәсөлөн, $a_1 = 1$) котүрүб, дикәрини нормаллық шәртиндән тә'жін етмәк олар.

Беләликлә, принципче дағы функциясының тә'жін етмиш олуруг; лакин һәләлик буну етмәжіб бизим үчүн мараглы олан хүсусијәти тәжілділ едәк.

(5.21) тәнлијинин үмуми һәллини

$$\psi(\xi) = e^{-\frac{\xi^2}{2}} \sum a_n \xi^n \quad \xi = \sqrt{\alpha} \cdot x$$

шәклиндә тә'жин етдик ки, a_n - өмсаллары (5.23) мұнасибәти илә верилир. Бу һәллин тәһлили қостәрир ки, $\xi \rightarrow \infty, \sum a_n \xi^n$ сырасы n -ин бојук гијмәтләрендә өзүнү и кими апарып; белә һәллә даға функциясының мәһдудлуғуну позур. Даға функциясының мәһдудлуғуну тә'мин етмәк үчүн (5.23) рекурент мұнасибәти илә тә'жин олунан сыралын полинома шартында (5.23)-да нәзәрә алсан:

$$\alpha + 2\alpha n - \lambda = 0; \quad \lambda = 2\alpha \left(n + \frac{1}{2} \right)$$

α во λ-ның гијмәтләрини јерине язасан:

$$E = \frac{\hbar}{2\pi} \omega \left(n + \frac{1}{2} \right) = \left(n + \frac{1}{2} \right) \hbar v \quad (5.24)$$

аларыг. (5.24)-дө n -там гијмәтләр алдығындан оссилјаторун енергиси квантланып вә енержи совијјөлөри бир-бириндән ени $\hbar v$ гәдәр фәргләнир. Оссилјаторун минимал енергиси $n=0$ һалына тәвафүг едир. бу һалы өсас һал кими гәбул

етсәк, уйғын $E_0 = \frac{1}{2} \hbar v$ енергисини һеч бир васитә илә

сыфыр етмәк мүмкүн дејил. Мәғән буна көрә дә $E_0 = \frac{1}{2} \hbar v$ -ja

уйғун рәгсө, сыфырынчы рәгс, енержије исә сыфырынчы рәгсин енергиси дејирләр. Сыфырынчы рәгсин һесабына мүтләг сыфырда ($T=0$) да кристал гәфәсин рәгси дајандыр. Сыфырынчы рәгсин мөвчуд олмасыны ашағы температурларда ишігүй кристалдан сәннилмәсі һадисәсінин тәчрүбии тәһлили тәсдиғ етмишdir. Тәчрүбәде мүәјжән олунмуштур ки, кристалдан сәпилән шұанын интенсивлији температур азалдынча сыфра жох, мүәјжән бир гијмәтә жахынлашыр. Бу ону қостәрир ки, мүтләг сыфыр температурunda да кристал

гәфәсин атомлары оз рәгсләрини дајандырмыр. Алдығымыз (5.20) дүстүру қостәрир ки, һармоник оссилјаторун енергиси $\hbar v$ тәдәр дәжишә биләр. Бу нәтичә Планкын мүтләг гара чисмин шұа бурахма габилијәтини һесабламаг үчүн етдији һипотез илә үст-үстә дүшүр. Лакин бу һипотездә сыфырынчы рәгс оз јерини тапа билмәдијиндән демәк олар ки,

бурада $\frac{1}{2} \hbar v$ тәдәр сәһвә ѡол верилиб.

Иди даға функциясыны тәһлил едәк: (5.17) тәнлијинин һәллини:

$$\psi(\xi) = e^{-\frac{\xi^2}{2}} f(\xi)$$

шәклиндә ахтардыг. $f(\xi)$ -функциясы үчүн алдығымыз (5.17) тәнлијине дахил олган тәк вә үтп нөмрөли өмсалларын һамысы (5.19) рекурент мұнасиботи васитәсилә a_0 вә a_1 илә ифадә едијди. Бу ики өмсалдан бирини ихтијары котүрсәк, һәллә бир намә'лум сабит дахил олар ки, бу да нормаллыг шәртиндән тә'жин едијмәлидир. Беләликлә, үмуми һәллин ифадәсими бир сабитин дахил олмасы шәклиндә қостәрсәк:

$$\psi_n(\xi) = A_n e^{-\frac{\xi^2}{2}} f_n(\xi)$$

белә тәсвири n -ин һәјәнчанлашын һалын даға функциясыны ифадә едир. Бу һәллә дахил олган f_n функциясы (5.23) шәрти дахилиндә (5.21) тәнлијини одемәлидир, јә'ни:

$$f_n''(\xi) - 2\xi f_n(\xi) + 2n f_n(\xi) = 0$$

бу тәнлик Чебышев-Ермит тәнлији адланыр; $f_n(\xi)$ -функциясы исә Чебышев-Ермит полиному адланыр. Бу полиному адәтән $H_n(\xi)$ илә ишарә едиб ашағыдақы шәкилдә қостәрирләр:

$$f_n(\xi) \equiv H_n(\xi) = (-1)^n e^{\xi^2} \frac{d^n}{d\xi^n} e^{-\xi^2}$$

Чебышев-Ермит полиномунун бир нечө һәддинин ифадәсүни јазаг:

$$H_0(\xi) = 1; \quad H_1(\xi) = 2\xi; \quad H_2(\xi) = 4\xi^2 - 2; \quad H_3(\xi) = 8\xi^3 - 12\xi$$

Үмуми һәллә дахил олан A_n -эмсалы α -дан асылы олмагла нормаллыг шартиндән тә'јип едилir:

$$A_n = \sqrt{\frac{\alpha}{\pi}} \cdot \sqrt{\frac{1}{2^n \cdot n!}}$$

Бу шәкиндә тә'јип олунан далға функциясы n -дән асылы олур. $n=0$ олдугда далға функциясы һеч заман сыйфыр олмур. $n=1$ олдугда далға функциясы $\xi=0$ нөгтәсендә сыйфыр олур. n -ин гиymeti бојұдукчә далға функциясының сыйфыра бәрабәр олан нөгтәләриин (дүйн нөгтәләри) сајы артыр. (бах §5.5).

§5.9. Кулон саһесинде һәрәкәт

Әввәлki параграфларда тәһлил етдијимиз мәсәләләрдән айдын олур ки, һәр һансы бир физики системин өјрәнилмөси, уйғун Шрединкер тәнлијинин һәлл едилмосине кәтирилир ки, тәнлиji һәлл етмәклю системин далға функциясы вә енержи спектри тә'јин едилir. Квант механикасының садә реал мәсәләләриндөн бири дә зәррәчијин нұвәнин Кулон саһесинде һәрәкәти мәсәләсидir. Бу мәсәләнин һәлл етмәк үчүн фәрз едәк ки, јүкү Ze олан нұвә сүкунәтдә олмагла сферик-симметрик потенциала (мәркәзи симметрия) маликдир, јә'ни потенциал жалныз нұвә илә онун саһесинде һәрәкәт едән електрон арасында мәсафәниң әдәди гиymетиндән асылыдыр. Кулон саһеси мәркәзи симметрия малик олан потенциала эн жаҳны мисалдыр; бу

мәсәләнин һәлл етмәк үчүн електронла нұвә арасындағы гарышылыгы тә'сир енержиси мә'лум олмалыдыр. Бу енержи һидрокен вә һидрокенәбәнзәр атомлар үчүн

$$U = -\frac{Ze^2}{r}$$

илә ифадә олунур. Шрединкер тәнлијини електронун нұвәнин Кулон саһесинде һәрәкәтине тәтбиғ етмәк үчүн (5.7) тәнлијинде потенциал енержинин јухарылакы ифадәсүни нәзәрә алсан:

$$\Delta\psi + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left(E + \frac{Ze^2}{r} \right) \psi(r) = 0 \quad (5.25)$$

тәнлијини аларыг. (5.25) тәнлијини һәлл етмәклю електронун далға функциясыны вә енержи спектрини тә'јин етмәк олар. Квант механикасында бу вә ja дикор мәсәләнин һәлл етдиқдә һәлл үсулу еле соңымолидир ки, о һәм мәсәләнин симметриясының озүнде әкес етдириши вә һом дә нисбәтән аз ријази чөтінелік көтириши. Бу дејілжәнори негозо алсан (5.25) тәнлији сферик координатларда һәлл едилмөлайдир. Бунун тәнлији сферик координатларында r, θ, ϕ координатларына анағыдақы мұнасибәттердө кечмәк назымдыр:

$$x = r \sin \theta \cos \phi; \quad y = r \sin \theta \sin \phi; \quad z = r \cos \theta$$

Биз бу кечидләри етмәйб һазыр пәтижордән истигадә едәк. Сферик координатларда Лаплас оператору анағыдақы кими ифадә олунур (бах §4.3)

$$\begin{aligned} \Delta &\equiv \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left(r^2 \frac{\partial}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \left[\frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left(\sin \theta \frac{\partial}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{\sin^2 \theta} \frac{\partial^2}{\partial \phi^2} \right] = \\ &= \Delta_r + \frac{1}{r^2} \Delta_{\theta,\phi}; \end{aligned}$$

$$\psi(x, y, z) \rightarrow \psi(r, \theta, \varphi)$$

(5.21) тәнлијиндә буну нәзәрә алсаң:

$$\Delta_r \psi(r, \theta, \varphi) + \frac{1}{r^2} \Delta_{\theta, \varphi} \psi(r, \theta, \varphi) + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left(E + \frac{ze^2}{r} \right) \psi(r, \theta, \varphi) = 0$$

Бу тәнлији Фурје үсулу илә һәлл өдәк, ј'ни далға функциясыны ики функцияның һасили шәқлиндә

$$\psi(r, \theta, \varphi) = R(r) \cdot Y(\theta, \varphi)$$

тәсвир өдәк. Бу тәсвир сонунчы тәнликтә јеринә јазыб, радиус вә бүчагдан асылы олан һиссәләри аյырсаң:

$$Y(\theta, \varphi) \Delta_r R(r) + \frac{R(r)}{r^2} \Delta_{\theta, \varphi} Y(\theta, \varphi) + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left(E + \frac{ze^2}{r} \right) R(r) Y(\theta, \varphi) = 0$$

$$r^2 \frac{\Delta_r R(r)}{R(r)} + r^2 \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left(E + \frac{ze^2}{r} \right) = - \frac{\Delta_{\theta, \varphi} Y(\theta, \varphi)}{Y(\theta, \varphi)}$$

аларыг. Сонунчы тәнлијин сол тәрәфи јалныз r -дән, сағ тәрәфи исә θ, φ -дән асылыдыр; бу о заман мүмкүндүр ки, бәрабәрлијин һәр ики тәрәфи сабит олсун, ј'ни

$$-\frac{\Delta_{\theta, \varphi} Y(\theta, \varphi)}{Y(\theta, \varphi)} = k^2; \quad \Delta_{\theta, \varphi} Y(\theta, \varphi) = -k^2 Y(\theta, \varphi)$$

$$r^2 \frac{\Delta_r R(r)}{R} + r^2 \cdot \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left(E + \frac{ze^2}{r} \right) = k^2$$

олсун. Квант механикасы курсунда костәрилир ки, $\Delta_{\theta, \varphi} Y(\theta, \varphi) = -k^2 Y(\theta, \varphi)$ тәнлијинин һәлли јалныз $k^2 = l(l+1)$ гијметләриндә мүмкүндүр ($l = 0, 1, 2, \dots$). Буну нәзәрә алса $R(r)$ үчүн јазылан тәнлилек анығыдақы шәкли алар:

$$\Delta_r R(r) + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left[E + \frac{ze^2}{r} - \frac{h^2 l(l+1)}{8\pi^2 mr^2} \right] R(r) = 0$$

$$\Delta_r \equiv \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left(r^2 \frac{\partial}{\partial r} \right) \text{ олдуруну нәзәрә алса:}$$

$$\frac{d^2 R}{dr^2} + \frac{2}{r} \frac{dR}{dr} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left[E + \frac{ze^2}{r} - \frac{h^2 l(l+1)}{8\pi^2 mr} \right] R(r) = 0 \quad (5.26)$$

Бу тәнлији далға функциясынын радиал һиссәсін үчүн Ирдениктер тәнлији адилдәрләрләр. Өввәлчө (5.26) тәнлијинин асимптотик һәллөрини араныңыраг:

а) $r \rightarrow \infty$. Онда (5.26) тәнлији

$$\frac{d^2 R(r)}{dr^2} + \frac{8\pi^2 m E}{h^2} R(r) = 0$$

шәқлини алыр ки, бу да сәрбәст электронун һәрокәт тәнлијидир; бу белә дә олмалы или, чүнки $r \rightarrow \infty$ электронла нүвә арасында гарышының тә'сир $F \rightarrow 0$ олур вә тәнлијин һәллөнини

$$R(r) = A e^{ikr} + B e^{-ikr}; \quad k^2 = \frac{8\pi^2 m E}{h^2}$$

шәқлиндә алырыг.

б) $r \rightarrow 0$ (5.26) тәнлијинин әмсаллары мәхсусијәтө малик олдуғундан, тәнлији r^2 вураг:

$$r^2 \frac{d^2 R}{dr^2} + 2r \frac{dR}{dr} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left[r^2 E + rze^2 - \frac{h^2 l(l+1)}{8\pi^2 m} \right] R(r) = 0$$

мөтәризәдеки ифадәнин биринчи вә икинчи һәдүй сығыр олур:

$$r^2 \frac{d^2 R}{dr^2} + 2r \frac{dR}{dr} - l(l+1)R(r) = 0$$

Бу тәнлијин һәллини:

$$R(r) = \sum_{n=0}^{\infty} b_n r^n$$

шәклинде ахтараң:

$$R'(r) = \sum n b_n r^{n-1}; \quad R'' = \sum n(n-1) b_n r^{n-2}$$

Бу гијмәтләри тәнлиикдә јериңе јазаң:

$$\sum n(n-1) b_n r^n + 2 \sum n b_n r^n - l(l+1) \sum b_n r^n = 0$$

$$\sum b_n \{n(n-1) + 2n - l(l+1)\} r^n = 0$$

$$n^2 + n - l(l+1) = 0$$

Бу чәбре тәнлији һәллі стмокто n үчүн ашағыдақы гијмәтләри аларыг:

$$n = \begin{cases} l \\ -(l+1) \end{cases}$$

Онда тәнлијин һәлли

$$R(r) = \sum_{l=0}^{\infty} b_l r^l + \sum_{l=0}^{\infty} b_{-(l+1)} r^{-(l+1)}$$

олар. Бу һәлл $r \rightarrow 0$ һалыны хәрактеризә етдијиндән $b_{-(l+1)} \equiv 0$ котүрмәлијик, эке төгдирдә далға функциясынын мәһдудулуг шәрти позулар.

Беләликлә, (5.26) тәнлијинин асимптотик һәлләрини тапшыг. Инди үмуми һәлли мүэjjәнләешdirәк. Бунун үчүн үмуми һәлли елә сечмәк лазымдыр ки, асимптотик һәлләр үмуми һәлләдә тәмсил олсун; јо'ни үмуми һәлли ашағыдақы кими ахтараң:

$$R(r) = e^{ikr} \sum a_n r^{n+l} \quad (5.27)$$

Бу һәллин биринчи вә икинчи тәртиб төрәмәләрини таныб (5.22) тәнлијинде јерине јазыб e^{ikr} ихтисар етсек:

$$R' = ike^{ikr} \sum a_n r^{n+l} + e^{ikr} \sum (n+l) a_n r^{n+l-1}$$

$$R'' = -k^2 e^{ikr} \sum a_n r^{n+l} + 2ike^{ikr} \sum (n+l) a_n r^{n+l-1} + e^{ikr} \sum (n+l)(n+l-1) a_n r^{n+l-2}$$

$$\begin{aligned} & \sum a_n \left[2ik(n+l) + 2ik + \frac{8\pi mze^2}{h^2} \right] r^{n+l-1} + \\ & + \sum a_n [(n+l)(n+l-1) + 2(n+l) - l(l+1)] r^{n+l-2} = 0 \end{aligned}$$

аларыг. Бу ифадәдөн һәллә дахил олан a_n - әмсалларыны тә'јин етмәк үчүн r -ни ejni дәрәмәләринин әмсалларыны бәрабәрләштиремәк лазымдыр. Бу әмәлиятты гармоник осциллятор мәсәләсиндә ξ -ин үстләринин бәрабәрләшмәси иштесеңдөн көп. Она көрә дә илә эквивалент олдуғуну мүәжжіләптирилди. Она көрә дә бурала да икинчи чөмдә $n \rightarrow n+1$ илә әвәз едәк:

$$\begin{aligned} & \sum \left\{ 2ik(n+l+1) + \frac{8\pi^2 mze^2}{h^2} \right\} a_n + \\ & + [(n+l+2)(n+l+1) - l(l+1)] a_{n+1} \} r^{n+l+1} = 0 \end{aligned}$$

аларыг ки, бурдан да:

$$a_{n+1} = \frac{2ik(n+l+1) + \frac{8\pi^2 mze^2}{h^2}}{l(l+1) - (n+l+1)(n+l+2)} a_n$$

олар. Алдырымыз бу рекурент мұнасибот әмсалларын һа-
масыны a_0 -васитәсілө ифадә етмәжө имкан верир; a_0 -әмсалы исә нормаллыг шәртиндән тә'јин едилди.

Белоликъю, (5.26) тәсисијинин һәлли принципи че-
тапталмыны олур ки, биз һәллин ашқар шәкlinи һәләнил
мүәжжіләптирилмәйиб онун бә'зи хұсусијәттәрни тәһлил
едәк. (5.26) һәллинин тәһлили көстөрир ки, $r \rightarrow \infty$ о озүнү
 e^{kr} кими апарыр. Дөргөндан да $n \gg 1$ гијмәтләрнилә
рекурент мұнасиботдән $a_{n+1} \approx \frac{2k}{n!} a_n$ алышыр, бурдан исә

$a_{n+1} \approx \frac{(2k)^n}{n!} a_0$ олар. Белә әмсаллар $a_0 e^{2kr}$ функциясы
сырасынын әмсаллары илә үст-үстә дүшүр; жә'ни $r \rightarrow \infty$
(5.27) һәлли озүнү e^{kr} кими апарыр. Бу о демәктир ки,
әввәләп асимптотик һәлл (а-һалы) өдәнмири, икинчи исә
(5.27) илә тә'јин олунан дағы функциясы гүввә

мәркәзиндән (саһәдән) чох-choх узаг мәсафәләрдә мәһдуд олмур. (5.27) сырасы илә тә'јин олунан һәллин (5.26)
тәнлигини өдемәклә онун мәһдудлуғуну тә'мин етмәк үчүн
осциллятор мәсәләсіндә олдуғу кими, бу сыранны кәсиб
полинома чөврилмәлийк; жә'ни тәләб етмәлийк ки, елә бир
 n_r нөмрәли әмсал вар ки, $a_{n_r} \neq 0$, $a_{n_r+1} = a_{n_r+2} = \dots = 0$ өдә-
нилди; $a_{n_r+1} = 0$ олмасы үчүн рекурент мұнасиботин сурәти
сығыр олмалыдыр, жә'ни

$$2ik(n_r + l + 1) + \frac{8\pi^2 mze^2}{h^2} = 0$$

Бу ифадәни квадрата жәксәлдиб $k^2 = \frac{8\pi^2 mE}{h^2}$ олдуғуну
нәзәрә алсан:

$$E = -\frac{2\pi^2 mz^2 e^4}{h^2 (n_r + l + 1)^2}$$

алырыг. Бу о демәктир ки, енержинин бу гијмәтиндә
 $a_{n_r+1} = 0$ шәрти өдәннир. $n_r + l + 1 = n$ илә ишарә етсәк

$$E = -\frac{2\pi^2 mz^2 e^4}{h^2 n^2}$$

алырыг; бурада n - баш квант әдәди, n_r - радиал квант әдәди,
 l - исә азимутал вә ja орбитал квант әдәдт адланыр.
Дүстүрдан көрүнүр ки, енержи кватланыр, бу ифадә Бор
нәзәрийәсіндә алышан ифадә илә үст-үстә дүшилүйнде ону
тәһлил етмәжөйк, лакин гејл едәк ки, Бор нәзәрийәсіндә
алдырымыз бүтүн нәтичәләр бурдан алышыр. Бор
нәзәрийәсіндә бу нәтичә квантланма шәртләрни дахил
етмәклә алышырылса да, квант механикасында далға

функциясы үзәринә ғојулан стандарт шәртләрдән биринин өдәнилмәсі шәраитидә алышыр.

Гејд едәк ки, n -арттыңча сәвијәләр арасындакы мәсафә кичилир вә $n \rightarrow \infty$ дискрет спектр бүтөв спектрә кечир.

Гејд едәк ки, далға функциясынын радиал һиссәси, жүхарыда әмсаллар үчүн алдығымыз рекурент мұнасибәтлә мүәйжөн едилер. Бу мұнасибәтдән тә'жин олунан әмсаллары (5.27) һәллиндә јеринә жасаг, алдығымыз ифадә үмумиләшмиш Лакерр полиномудан сабит бир вурутла фәрғләнәнәкдир, јөни:

$$R_{nl}(\xi) = A_{nl} \xi^l e^{-\alpha} L_{n+l}^{2l+1}(\xi)$$

$$L_n^m(\xi) = \frac{1}{n!} e^\xi \xi^{-m} \frac{d^n}{d\xi^n} (e^{-\xi} \xi^{n+m})$$

Үмумиләшмиш Лакерр полиному $L_n^m(\xi)$ -исе Лакерр چохһәдлеси илә ашагыдақы мұнасибәтлә бағылышы:

$$L_n^m(\xi) = e^\xi \frac{d^m}{d\xi^m} L_n(x)$$

Беләликлә, далға функциясынын радиал һиссәсими ашагыдақы кими көстөрмәк олар:

$$R_{nl}(\xi) = A_{nl} \cdot \xi^l e^{-\xi/2} \frac{d^{2l+1}}{d\xi^{2l+1}} L_{n+l}(\xi) =$$

$$= \frac{A_{nl}}{(n+l)!} \xi^l e^{-\xi} \frac{d^{2l+1}}{d\xi^{2l+1}} (e^{-\xi} \xi^{n+l})$$

$$\xi = \frac{r}{a_0}; \quad a_0 = \frac{\hbar^2}{4\pi^2 m e^2}$$

Бу ифадәјә дахил олан A_{nl} -әмсаллары исә жүхарыда тәждид едилди кими нормаллыг шәртиндән тә'жин едилер. Инди биринчи ики енержи сәвијәсими тәвафүг едән далға функциясынын ифадәсими јазаг:

$$R_{1,0}(\xi) = 2 \sqrt{\frac{\xi^3}{a_0^3}} e^{-\xi/2}$$

$$R_{2,0}(\xi) = \sqrt{\frac{\xi^3}{2a_0^3}} e^{-\xi/2} \left(1 - \frac{\xi}{2} \right)$$

$$R_{2,1}(\xi) = \sqrt{\frac{\xi^3}{6a_0^3}} e^{-\xi/2} \cdot \frac{\xi}{2}$$

Далға функциясы үчүн алдығымыз ифадәләрдән көрүнүр ки, о чы n, l, m_z квант өдөләри илә тә'жин едилер. Енержи спектри исә јалныз башт квант өдөді n -илә тә'жин едилер. Бу налда биз r вә m_z -э коро чырлашма алышырг. Экәр гариялыгы тә'сир енержисинин характеристикин чузи дәйниесәк енержи спектринин l -дән асылы олдуғуну көрәrik. Она коро да белә чырлашма тәсадүфү чырлашма дејирләр.

Инди далға функциясы $\psi(r, \theta, \phi)$ -нин бучат һиссәсими төблилә едәк. (5.26) тәнлиниңдән көрүнүр ки, далға функциясынын радиал һиссәси потенциал енержинин характеристикадән асылы олмајыбы јалныз һәрәкәт мигдары моментиндән (бизим баҳдығымыз сәнкүде l -дән) асылыдыр. Квант механикасы курсунда көстөрилир ки, далға функциясынын бучаг һиссәси һәрәкәт мигдары моментинин квадраты вә онун z -оху истиғамәттеги проекциясындан асылыдыр; јөни $Y(\theta, \phi)$ сферик функция l вә m_z -дән асылыдыр $Y(\theta, \phi) \rightarrow Y_{lmz}(\theta, \phi)$. $\psi(r, \theta, \phi) = R_{nl}(r) Y_{lmz}(\theta, \phi)$ илә тә'жин олунан электронун $dV = r^2 dr d\Omega$ һәчминдә олма етималы:

$$dW(r, \theta, \varphi) = |\psi(r, \theta, \varphi)|^2 dV = |R(r)Y_{lmz}(\theta, \varphi)|^2 r^2 dr d\Omega$$

$$d\Omega = \sin\theta d\theta d\varphi$$

олар. Бу ифадәни бүчаглара көрә интегралласаң электронун dr тәбәгәсіндә (r илә $r+dr$ интервалы) олма еһтиамалыны алаңыз. r -ә көрә 0-дан ∞ -гәдәр интегралласаң исә електронун $d\Omega$ мисим бүчагы интервалында олма (пајланма) еһтиамалыны тапарыз, јә’ни

$$dW \sim |Y_{lmz}(\theta, \varphi)|^2 d\Omega$$

$Y_{lmz}(\theta, \phi)$ - сферик функциясының квант механикасы кур-
сунда тәғлили көстәрир ки, о z -дән асылы олмур. Бу о де-
мәкдир ки, z -охуна перпендикулар мүстәви үзәрindә
електронун пајланма етималы там симметрикдир. Үмуми
налда бу етималы һесабламајыб хүсуси һаллар үчүн онун
һесабланмыш гијмәтләрини нәзәрдән көцирәк. $l=0$ во $m_z=0$
олдура:

$$dW_{0,0} \sim \frac{l}{4\pi} d\Omega$$

$l=1$, $m_z=0$ вэ $m_z=\neq l$ олдугда исэ

$$dW_{l,0} \sim \frac{3}{4\pi} \cos^2 \theta d\Omega$$

$$dW_{l,\pm l} \sim \frac{3}{8\pi} \sin^2 \theta d\Omega$$

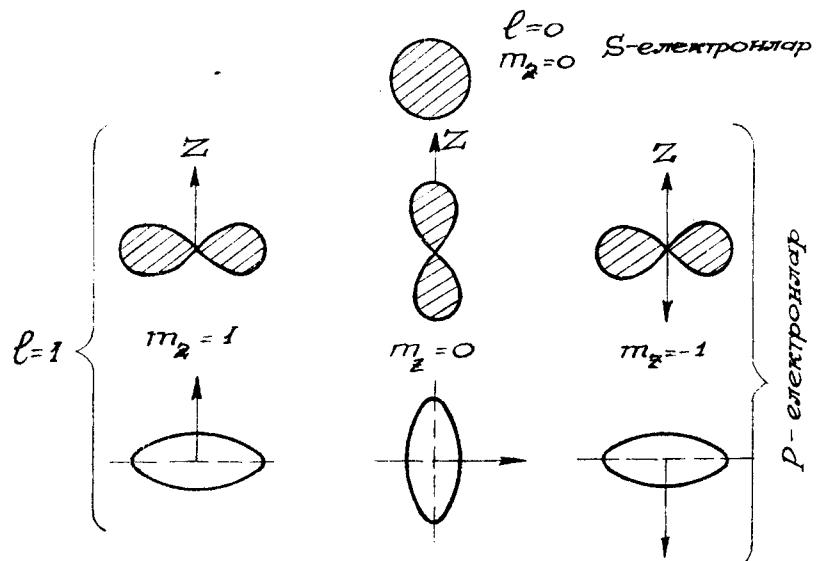
олур. Алдырымыз бу пајланмалар шәкил 17-де көстөрил-
мишидир.

Беләликлә, квант механикасы көстәрир ки, электрон нүвә әтрафында мүәйҗән пајланма сүтималына маликдир.

$l=0$ -да пајланма сферик-симметрија маликдир ки, бу Борун даирәви орбитинә, $l=1$ -дә алынан пајланма еллиптик орбитә уйғун көлдир, вә с. Електронун мүәйжән орбитал моментә малик олан һалларыны ашағыдақы кимі ишарә едиirlәр:

$$l=0, 1, 2, 3, 4, \dots$$

$$s, p, d, f, g, \dots$$



Шекијл 17

1 - квант әдәминин гүмәти илә һәм дә һалын чүтлүйүнү мүәјілән едирләр, я'ни

$$\psi(r,\theta,\phi) \rightarrow (-1)^l \psi(r,\theta,\phi)$$

s, d, g, ... һаллары өткөн һаллар, *, p, f, ...* һаллары исә тәк һаллар адланып.

§5.10. Ики зәррәчикдән ибарәт системи Шрединкег тәнлији

Өввәлки параграфларда електронун мұхтәлиф саһелиләрдә һәрекәтини Шрединкег тәнлији васитәсилә тәғлил итедик. Һидрокен атомунун тәһлилиндә нұвәни сүкунатдә гәбул едиб, електронун нұвәнин кулон саһесинде һәрекәтини арашырыдыг. Әслиндә исо бу мәсәләдә ики зәррәчик (електрон вә нұвә) иштирак едир. Дикәр груп мәсәләләр дә мөвчудлур ки, онларын арашырылмасы чохзәррәчикли мәсәләнин һәллине қөтирилір; мәсәлән, $z \geq 1$ олан атомлар, молекуллар, нұвәләр, бәрк чисим мәсәләләри вә с. Она корә дә ики електронлу систем үчүн Шрединкег тәнлијини мүәждә ижтимауда әсерлеңдірдік. Бунун үчүн Шрединкег тәнлијинин (5.10) шәклиндә жазылысындан истифада едәк, јөни

$$\hat{H}\psi(r_1, r_2) = \hat{E}\psi(r_1, r_2)$$

бұрада H - системиң һамилтон функцијасы, $\psi(r_1, r_2)$ ики електронлу системин далға функцијасы, E исо енержисидир. Классик физикада консерватив системниң һамилтон функцијасы кинетик вә потенциал енержисинин қосине бәрабәрдір, биз буны әсас гәбул едиб ики електронлу системин һамилтон функцијасыны жазаң:

$$H = \frac{P_1^2}{2m} + \frac{P_2^2}{2m} + U(r_1) + U(r_2) + V(r_{12})$$

$$r_{12} = |\vec{r}_1 - \vec{r}_2|$$

Бурада, P_1 , $U(r_1)$ биринчи електронун, P_2 , $U(r_2)$ иkinчи електронун импульсу вә харичи саһә илә гарышылыглы тә'сир енержиси, $V(r_{12})$ исә електронлар арасындағы гарышылыглы тә'сир енержисидир.

Алдығымыз классик һамилтон функцијасындан квантов меканикасына көмәк үчүн уйған динамик дәйшиң көмійдегі

ләрин һамысы (5.9) илә тә'жин олунан операторларла әвәз едилмәлидир, јөни

$$\left[\frac{\hat{P}_1^2}{2m} + \frac{\hat{P}_2^2}{2m} + U(r_1) + U(r_2) + V(r_{12}) \right] \psi(r_1, r_2) = \hat{E}\psi(r_1, r_2)$$

Инди ашағыдағы тә'сирдең һесаблајаң:

$$\hat{P}^2\psi = \hat{P}(\hat{P}\psi) = \frac{i\hbar}{2\pi} \vec{\nabla} \left(\frac{i\hbar}{2\pi} \vec{\nabla} \psi \right) = -\frac{\hbar^2}{4\pi^2} \vec{\nabla}^2 \psi = -\frac{\hbar^2}{4\pi^2} \Delta \psi$$

Онда:

$$\left(-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_1 - \frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_2 \right) \psi(r_1, r_2) + (U_1 + U_2 + V)\psi(r_1, r_2) = E\psi \quad (5.28)$$

аларыг. Бу тәнлик гарышылыглы тә'сирдә олан ики електронлу систем үчүн Шрединкег тәнлијидир, ону һәлл етмәклә системин далға функцијасыны вә енержи спектрини тә'жин едирләр. Бу тәнлиji үмуми шәкилдә јох, бир хүсуси нал үчүн тәғлил едәк.

Фәрз едәк ки, електронлар арасындағы гарышылыглы тә'сир, харичи саһә илә гарышылыглы тә'сире нисбәтән чох-чох кицикдир; бу һалда $V(r_{12})$ -нәзәрә алмамаг олар. Онда далға функцијасының ажы-ажы електронларын далға функцијасының һасили кими жазмаг олар.

$$\psi(r_1, r_2) = \psi(r_1) \cdot \psi(r_2)$$

(5.24) тәнлији

$$-\psi(r_2) \cdot \frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_1 \psi(r_1) - \psi(r_1) \cdot \frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_2 \psi(r_2) + \\ + \psi(r_2) U(r_1) \psi(r_1) + \psi(r_1) U(r_2) \psi(r_2) = E_1 \psi(r_1) \psi(r_2) + \\ + E_2 \psi(r_1) \psi(r_2)$$

$$\psi(r_2) \left[-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_1 \psi(r_1) + U(r_1) \psi(r_1) - E_1 \psi(r_1) + \right. \\ \left. + \psi(r_1) \cdot \left[-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_2 \psi(r_2) + U(r_2) \psi(r_2) - E_2 \psi(r_2) \right] \right] = 0$$

шәклиниң дүшөр. E_1 және E_2 үйгүн оларға електронларының енержиләриди, және $E_1 + E_2 = E$. Мәтәризә ичәрисинде олан ифадәләр айры-айрылығда бир електрон үчүн Шрединкөр тәнлиji олдуғунаңдан:

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_1 \psi(r_1) + U(r_1) \psi(r_1) - E_1 \psi(r_1) = 0$$

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_2 \psi(r_2) + U(r_2) \psi(r_2) - E_2 \psi(r_2) = 0$$

аларыг. Бу тәнликләrin hər бири харичи саһәдә hərəkət едән електрону характеристизә едир ки, онлары həll өтмәклә далға функциясыны вә енержи спектрини тә'јин өтмәк олар. Бу эмәлийјатын јеринә јетирилмәсими гәбул едиб, мүәјјән-Бу тәнлиji тәнлиji олдуғуна фәрз етсәк, онда ики електронлу системин далға функциясыны:

$$\psi_{\alpha\beta}(r_1, r_2) = \psi_\alpha(r_1) \cdot \psi_\beta(r_2)$$

шәклиндә жазмаг олар. Экәр фәрз етсәк ки, биринчи электрон β икinci електрон исә α halyndadыр, онда

$$\psi_{\beta\alpha}(r_1, r_2) = \psi_\alpha(r_2) \psi_\beta(r_1)$$

аларыг. Шрединкөр тәнлиji хәтти тәнлиj олдуғунаңдан бу həllәrin хәтти комбинасијасы да тәнлиji həlli олар; я'ни

$$\Psi_{\alpha\beta}(r_1, r_2) = C_1 \psi_\alpha(r_1) \psi_\beta(r_2) + C_2 \psi_\alpha(r_2) \psi_\beta(r_1) \quad (5.29)$$

Квант механикасында ики електронлу систем мәсәләси белә həlli өдилir; $\psi(r_1, r_2)$ (5.29) шәкилдә тә'јин өдилidкәn соңra електронлар арасындағы гарышылыгы тә'сир нәзәрә алыныр вә həjəchanlanma нәzәrijäsinin тәтbiг өтмәklә системин үмуми далға функциясы вә енержи спектри ғанылыр. Гејд өдәк ки, бу үсүл ики електронлу систем мәсәләсинin həlli үчүн јеканса үсүл дејилдир. Догрудан да күтләсi m_1 және m_2 олан ики зоррәчийи потенциал енержиси $U(r_1 - r_2)$ олан саһәdә hərəkətinin (5.24) тәнлиji илә тəhlil өтмөк олар; я'ни

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_1 \psi(r_1, r_2) - \frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_2 \psi(r_1, r_2) + U(\vec{r}_1 - \vec{r}_2) \psi = E \psi$$

Бу тәнлиji шәклини дәјинимәк үчүн

$$\vec{R} = \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2}{m_1 + m_2}; \quad \vec{r} = \vec{r}_1 - \vec{r}_2$$

координатларыны дахил өдәк. Бу координатлар классик физикадағы нисби hərəkətin вә анырылыг мәркәзинин координатлары илә үст-үстә дүшүр. \vec{r}_1, \vec{r}_2 , -координатларындан \vec{R}, \vec{r} координатларына кессәк:

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 M} \Delta_R \psi - \frac{\hbar^2}{8\pi^2 \mu} \psi + U(r) \psi = E \psi \quad (5.30)$$

тәнлијини аларыг;, бурада

$$M = m_1 + m_2, \quad \mu = \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2}; \quad E = E_R + E_r$$

ишарә седилминидир. Даңға функцијасыны $\psi(r_1, r_2) = \varphi(R)\Phi(r)$ ишактың тәнлијинде јерине языб, шәклиндә тәсвир седиб (5.30) тәнлијинде јерине языб, жаңа анында анында чөнликтөрдөр тәкірар етмеккел

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 M} \Delta_R \varphi(R) = E_R \varphi(R)$$

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 \mu} \Delta_r \Phi(r) + U(r) \Phi(r) = E_r \Phi(r)$$

тәнликтөрдөн аларыг. Биринчи тәнлије потенциал енержи дахил олмадыныдан ону һәллі етмек чох асандыр ки, бу һәллі

$$\varphi(R) = A e^{-\frac{2\pi i}{\hbar} \tilde{R} \tilde{P}}; \quad E_R = \frac{P^2}{2M}$$

шәклиндә көстәрмәк олар. Онда үмуми даңға функцијасы:

$$\psi(r_1, r_2) = A e^{-\frac{2\pi i}{\hbar} \tilde{R} \tilde{P}} \Phi(r)$$

шәклиндә олар ки, $\Phi(r)$ -дә икинчи тәнлијин һәллидир. Алдығымыз ифадәләри тәңлили көстәрир ки, системин ағырлыг мәркәзи, фәзада сорбәст зәррәчик кими һәрәкәт едир; зәррәчијин нисби һәрәкәти исә ағырлыг мәркәзинин

асылы дејилдир. Беләликлә, классик механикада олдуғы кими, квант механикасында да ики зәррәчик мәсәләсини бир зәррәчијин һәрәкәт мәсәләсінө көтиру мәк олур.

§5.11. Паули принципи

Гарышылты тә'сирдә олмајан ики зәррәчикли системи арашырағ. Тутаг ки, биринчи зәррәчик α -һалында (сәвијјәсиндә), икинчи зәррәчик исә β -һалынадыр (сәвијјәсиндә). Биринчи зәррәчијин даңға функцијасыны $\psi_\alpha(1)$, икинчи зәррәчијин даңға функцијасыны исә $\psi_\beta(2)$ илә ишарә едәк.

Белә системи арашырмаг үчүн она (5.28) тәнлијини тәтбиг етмөк лазымдый. §5.10 алдығымыз (5.28) тәнлијинин гарышылты тә'сирдә олмајан ики электрона тәтбиги бизи (5.29) даңға функцијасына көтиреди. Даңға функцијасыны (5.29) шөкилдә тә'жин олунмасы Шредингер тәнлијинин хәтти тәнлик олмасы илә әлагәләрдый. Бу даңға функцијасыны аныңдақы кими да әсасланырмаг олар. Биринчи зәррәчијин α , икинчи зәррәчијин β -һалында олма еңтималы $\psi_\alpha(1)\psi_\beta(2)$ илә характеристика олунур. Оқэр зәррәчиктерин јерини дәјипсәк, онда икинчи зәррәчијин α , биринчи зәррәчијин β -һалында олма еңтималы $\psi_\alpha(2)\psi_\beta(1)$ илә тә'жин олунар. Зәррәчикләрдән һәр һансы биринчи α , дикоринин исә β -һалында олма еңтималы

$$\psi_{\alpha\beta}(1;2) = C_1 \psi_\alpha(1) \psi_\beta(2) + C_2 \psi_\alpha(2) \psi_\beta(1) \quad (5.29)$$

илә тә'жин олунар ки, бу да (5.29) даңға функцијасы илә үстүстә дүшүр. Бу ифадәјө дахил олан C_1 , C_2 сабитләри нормаллыг шәртиндән тә'жин едилир.

Инди бу сабитләри тә'жин едәк, (5.29) ифадәсина квадратта галдырыбы бүтүн фәзә интеграллаја:

$$\int \left| \psi_{\alpha\beta}(1,2) \right|^2 dV_1 dV_2 = \int \left[C_1 \psi_\alpha(1) \psi_\beta(2) + C_2 \psi_\alpha(2) \psi_\beta(1) \right]^2 dV_1 dV_2$$

бу ифадәнин сол тәрәфи вәнидә бәрабәр олдуғундан:

$$\begin{aligned} I &= C_1^2 \int \psi_\alpha^*(1) \psi_\alpha(1) dV_1 \int \psi_\beta^*(2) \psi_\beta(2) dV_2 + \\ &+ C_2^2 \int \psi_\alpha^*(2) \psi_\alpha(2) dV_2 \int \psi_\beta^*(1) \psi_\beta(1) dV_1 + \\ &+ 2C_1 C_2 \int \psi_\beta^*(2) \psi_\alpha(2) dV_2 \int \psi_\alpha^*(1) \psi_\beta(1) dV_1 \end{aligned}$$

Нормалыг шәртинә көрә C_1^2 вә C_2^2 әмсаллары вәнидә бәрабәрdir, $C_1 C_2$ -нин әмсаллары исә вәнидә бәрабәр дејил, она көрә ки, интеграл алты функциялар мұхтәлиф һаллары тәсвир едір; бу интегралы

$$S^2 = \int \psi_\beta^*(2) \psi_\alpha(2) dV_2 \cdot \int \psi_\alpha^*(1) \psi_\beta(1) dV_1$$

иілә иншарә стсек:

$$I = C_1^2 + C_2^2 + 2C_1 C_2 S^2 \quad S^2 < I$$

аларыг. Садәлик үчүн $C_1^2 = C_2^2$, $C_1 = \pm C_2$ көтүрсөк

$$I = 2C_1^2 \pm 2C_1^2 S^2 \quad C_1 = \pm \frac{I}{\sqrt{2(1 \pm S^2)}}$$

аларыг. Инди алдығымыз гијметләри тәжелліл едәк:

$$1. C_1 = -C_2 = \frac{I}{\sqrt{2(1 - S^2)}} \text{ онда}$$

$$\psi_{\alpha\beta}(1,2) = \frac{I}{\sqrt{2(1 - S^2)}} \left\{ \psi_\alpha(1) \psi_\beta(2) - \psi_\alpha(2) \psi_\beta(1) \right\}$$

олар. Бу ифадәдә зәррәчикләрин јерини дәјищесәк:

$$\psi_{\beta\alpha}(2,1) = \frac{I}{\sqrt{2(1 - S^2)}} \left\{ \psi_\alpha(2) \psi_\beta(1) - \psi_\alpha(1) \psi_\beta(2) \right\} = -\psi_{\alpha\beta}(1,2)$$

Әкәр фәрз етсөк ки, һәр ики электрон еңи һалладыр:
Онда:

$$\psi_{\alpha\alpha}(1,2) = \frac{I}{\sqrt{2(1 - S^2)}} \left\{ \psi_\alpha(1) \psi_\alpha(2) - \psi_\alpha(2) \psi_\alpha(1) \right\} = 0$$

олар. Соң ики нәтижө наули принципинин ријази ифадәсидир. Наули көстәрмицидир ки, электронлар антисимметрик даға функциялары илә тәсвир олунмалыдыр вә ики вә даға чох электронун еңи сөвијәдә олма сәтималы сыйрырдыр.

Бу принцип спинни тами јарым олан $\left(\frac{1}{2}, \frac{3}{2}, \frac{5}{2}\right)$ зәррәчикләрә аидицыр вә Паули принципни адланыр. Паули принципини квант әдәдләри васитесилә до ифадә стмәк олар. Бир квант һалында дөрд квант әдәди еңи олан јалыныз бир электрон ола биләр, буна бағын сечилемәзлик принципи до лейирләр. Паули принципини спинни там јарым олан зәррәчикләрә аидицыр ки, белә зәррәчикләр фермион адланыр.

$$2. C_1 = +C_2 = \frac{I}{\sqrt{2(1 + S^2)}} \text{ онда даға функциясы}$$

$$\psi_{\alpha\beta}(1,2) = \frac{I}{\sqrt{2(1 + S^2)}} \left\{ \psi_\alpha(1) \psi_\beta(2) + \psi_\alpha(2) \psi_\beta(1) \right\}$$

олар. Әкәр зәррәчикләрин јерини дәјищесәк $\psi_{\alpha\beta}(1,2) = \psi_{\beta\alpha}(2,1)$, я'ни зәррәчикләр симметрик

далға функциялары илә тәсвир олунмалыдыр. Экәр $\alpha = \beta$ көтүрсөк, $\psi_{\alpha\alpha}(1:2) = \psi_{\beta\beta}(1:2) \neq 0$ және бу һалда истәнилән зәррәчик бир квант һалында ола биләр. Бу тип гәдәр зәррәчик тәбиетдә мөвчуддуру вә белә зәррәчикләрин зәррәчикләр тәбиеттә мөвчуддуру вә белә зәррәчикләрин спини там гијметләр $0, 1, 2, \dots$ алыр ки, онлар бозонлар адланыр.

§5.12. Атомун там моменти

Атомун вә ja слектронун там моменти дедикдә орбитал вә спин моментләринин векториал җәми баша дүшүлүр. Електронун орбитал моменталини M_l , спин моменталини исә M_s - илә ишарә етсөк, онда електронун там моментини

$$\vec{M}_j = \vec{M}_l + \vec{M}_s$$

иңклиндә јазырлар. $\vec{M}_l = \frac{\hbar}{2\pi} \vec{l}$, $\vec{M}_s = \frac{\hbar}{2\pi} \vec{S}$ вә $\vec{M}_j = \frac{\hbar}{2\pi} \vec{j}$ гијметләрини там моментин ифадәсендә јерино јасаг:

$$\vec{j} = \vec{l} + \vec{S}$$

аларыг. Бурада j -дахили квант әдәди адланыр. Онун ала билдири гијметләр ахырынчы мұнасибәттән тә'жин едилүр. Дахили квант әдәди j -нын ән бејүк гијмети \vec{l} вә \vec{S} векторлары паралел олан һалда $j_{max} = l + S$, ән кичик гијмети исә \vec{l} вә \vec{S} антипаралел олан һалда алышыр. Орбитал олан $j_{min} = |l - S|$ һалда алышыр. Орбитал квант әдәди l - ардычыл там гијметләр алдығындан, j -да $|l - S|$ илә $l + S$ арасында олан ардычыл гијметләри алмалыдыр, және

$$j = |l - S|, |l - S| + 1, \dots, l + S - 1, l + S$$

олар.

Спектроскопијада електронун һалыны вә ja енержи сәвијәсіни орбитал квант әдәдинә көрә тәснифата айрырлар. $l=0$ һалына S -һалы вә ja S -сәвијәсі, $l=1, P$ -һалы, $l=2, d$ -һалы, $l=3, f$ -һалы, вә с. дејирләр. Уңған һалда- (сәвијәдә олан електронларын сајыны) сәвијәнин - һалын дәрәчеси кими, баш квант әдәдинин гијметини исә һалын әмсалы кими көстәрирләр; және $2S^2, 3P^6, 4f^6$ вә с. $2S^2$ дедикдә баш квант әдәди $n=2$, орбитал квант әдәди $l=0$ електронларын сајы исә $N=2, 3P^4$ - дедикдә $n=3, l=1, N=4; 4f^6$ - дедикдә $n=4, l=3, N=6$ баша дүшүлүр вә с. Нормал һалда ($l=0$) олан

һидројен атому слектронунун там моменти $j = |l - S| = |S| = \frac{1}{2}$

гијметини алыш; електрон $l \neq 0$ һалында оларса, $j = l + \frac{1}{2}$

онда вә $j = l - \frac{1}{2}$ гијметләрини алар, және бу сәвијә бир-

бириңе јаҳын олан ики сәвијәдән ($j = l + \frac{1}{2}, j = l - \frac{1}{2}$) ибарәтдир ки, белә сәвијә дублет адланыр. Беләликлә S - сәвијәсіндөн башта глан сәвијәләр минимум дублет төшкүл едир, S - сәвијәсі исә синглет (сингулет) сәвијә адланыр.

Инди N - електрондан ибарәт олан атомун там моменталини тәһлил едәк. Садәлик үчүн фәрз едәк ки, електронлар арасындағы гарышылыглы тә'сир о гәдәр зәнфидир ки, онлара гарышылыглы тә'сирдә олмајан систем кими баҳмаг олар. Белә һалда атомун орбитал моменти

$$\vec{L} = \sum_{i=1}^N \vec{l}_i$$

спин моментали исә

$$\vec{S} = \sum_{i=1}^N \vec{S}_i$$

одар. Атомун там моменти исэ

$$\vec{J} = \sum \vec{l}_i + \sum \vec{S}_i = \vec{L} + \vec{S}$$

олар. Там момент үчүн алдығымыз бу ифадәни *h*² бер електронун там моментини айрылып да топламагда да алмаг олар:

$$\vec{j} = \vec{l} + \vec{s}$$

$$\vec{I} = \sum_{j \in I} \vec{j}$$

Әкәр бизи жалның атомун там моменти марагландырылса, онда I_i вə S_i тоилама тајдасының һеч бир әһәмијәтті жохдур, чүнки, истиғаш сөнни олур. Мәсәлән бир гөдәр садә шәкисінде шәрһ едәк. Биз жұхарыда електроннлар арасындағы гарышылығы тә'сирин зоиғ олдуруну фәрз етменидик. Әслиндің иесі гарышылығы тә'сирин нәյе нәзәрән зоиғ олмасы аникар едигімәлидір. Чохелектроннлар атомда електроннлар арасында електростатик гарышылығы тә'сир (Кулон лағы) түввөсі) вə орбитал магнит моменти илә синин магнит моменти арасында гарышылығы тә'сир мөвчүлдүр (нүвә илә олан гарышылығы тә'сир нәзәрә алынмыр) ки, буна спин-орбитал гарышылығы тә'сир дејирләр (бах: §5.15). Әкәр спин-орбитал гарышылығы тә'сир, електростатик гарышылығы тә'сире нәзәрән қох-қох кичикдірсе, онда там момент

$$\vec{I} = \sum \vec{L}_i + \sum \vec{S}_i$$

шәқлиндә тә'жин едилер ки, буна рассел-Саундрес рабитәсі (әлагәсін) дејирләр. Экәр спин-орбитал гарышылыглы тә'сир, айры-айры электронлар арасындағы электростатик гарышылыглы тә'сирдән бөйүкдүрсө, онда там моменти

$$\vec{j}_i = \vec{l}_i + \vec{S}_i$$

$$\vec{I} = \sum \vec{j}_i$$

шәклиндә тә’јин едиrlәр; бу һалда јаранмыш рабитәj (әлагәjә) (*jī*) әлагәси вә ja рабитәси деjирләр. Геjd едәk ки, Рассел-Саундрес әлагәсина бә’зән нермал әлагә (рабитә) дә деjирләр. Бурада *I*-дә *j* кими $|L - S|$ -дән $L + S$ гәдәр ардычыл гијмәтләри алыр, я’ни

$$J = |L - S|, |L - S| + I, \dots, L + S - I, L + S$$

$L=0$ һалына атомун S -терми, $L=1$ -ә P -терми, $L=2$ D -терми, $L=3$, F -терми вә с. дејирләр. Бир гајда олараг там момент I , терминнан тәрәфиндә индекс шәклиндә геjd едилir, јә'ни S_2 , P_2 , F_{S2} вә с. кими ишарә олуунур. S -дедикдә $L=0$, $I=1$, P_2 - дедикдә $L=1$, $I=2$ вә с. баша дүшүлүр. Термләрин бу шәкилдә ифадәси онлары там шәрх етмири. Бу мәғсәдлә термин мултиплектик дәрәчеси јә'ни инчә гурулуш анлајышы дахил едилir. Мултиплектик дәрәчеси дедикдә ejni бир енержи сөвиijәсинин бир-биринә чох жахын олан бир нечэ енержи сөвиijәсинә шарчаланма сајы баша дүшүлүр, башыга созлә бизэ садэ көрүнән һәр һансы бир сөвиijәнин, бир-биринә чох жахын олан бир нечэ сөвиijәдән ибарәт олмасыны костәрир ки, буна бә'зән сөвиijәнин инчә гурулушу да дејирләр. Термин мултиплектик дәрәчеси

$$x = 2S+I$$

кими тө'жин огуунур; бурада S -спин моментинин эн бөйүк тијмәтидир. Беләликлә. Термин там ифадоси

$$^3S_1, ^3P_2, ^2F_{5/2}$$

кими ишарә олунур. Бурада 3S_1 - дедикдә $L=0$, $I=1$ мултиплетлик дәрәчәси исә 3 олан һал баша дүшүлүр. Бир садә мисалы тәһлил едәк. Фәрз едәк ки, атом ики электрондан

ибарәтдир (He -атому) вә електронлар $L_i=0$, $I_i=0$ һалынадыр (S - сәвијәсі). Белә атомун орбитал моменти

$$L=L_i+I_i=0$$

олдуғундан, о јалның бир термә - S - терминә маликдир. Атомун там спин моменти

$$\vec{S} = \vec{S}_1 + \vec{S}_2; \quad S = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = I; \quad S = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = 0$$

олдуғундан, термин мултиплетлик дөрөчесі $\alpha=2I+1=3$, там моменти исә $I=L+S=0+1=1$ вә $I=0+0=0$ олур. Оnda He атомунун термини

$$^3S_1, ^1S_0$$

ниәклинидә көстәрмәк олар. 3S_1 -терминің триплет терм деји-лир. Бу терм Паули принципини поздугундан о тағадан арасында олумышшылар. He бу һалына орто-һелиум (електронларын спицелори нараleл) дејирлөр. 1S_0 -терминә синглет терм дејирлөр ки, бурада Паули принципини оденир. He бу һалына пара-һелиум дејирлөр. Белокләю He атомунун әсас терми - 1S_0 термидир. Бу гајда илә истәннилән атомун мүмкүн олар термлөрини тә'жир етмәк олар. Гејд едәк ки, бу гајда әсас терми мүәjїнләшdirмәjә имкан вермир. Әсас терми тә'жир етмәк үчүн бу гајда әзәвә тәчрүби фактларда тамамланылдыры.

§5.13. Һүнд гајдасы

Атомун там моментинин тәһлилинидә көрдүк ки, мөвфүд олар нәзори нәтижәләр мүмкүн олар бүтүн термләри тә'жир етмәjә имкан верир, лакин әсас терми мүәjїнләшdirмәк мүмкүн олмур. Термлөр арасында минимум енержијә

малик олар әсас терми тә'жир етмәк мәсәләсіни тәһлилдедәk.

Билдијимиз кими атомун термләрини тә'жир етмәк үчүн ону тәнискил едәn електронларын n вә l квант әдәләрини билмәк лазымдыр. Әкәр електронларын n вә l квант әдәләре ejни оларса белә електронлар еквивалент електронлар адланыр. Бу анилајыщ паули тәрәфиндән верилишицир. Әкәр атом еквивалент електронлара малик дејиңе оңда белә атомлар үчүн әсас термин тапталмасы асанлашыр.

Еквивалент електронлара малик олар атомун мүмкүн термлөри арасында әсас терми тә'жир етмәк үчүн бир хұсуси һалы арашыпрағ: Фэрз едәк ки, иккى електронлуга системдә електронлар $n=l$ вә $l_i=l_j=1$ һалынадыр. Белә атомун там моменти $L=L_i+L_j, L_i+L_j, \dots, |L_i-L_j|$, јо'ни 2,1,0 гијметлөрини алар. Бу һаллар спектроскопијада уйғун олар D, P вә S кими иниарә едилгир. Баҳлының һалда електронлар ашағыдақы квант һалларында ола биләр:

- 1) $m_l^z = 1, m_{S_1} = \pm \frac{1}{2}; \quad 2) m_l^z = 0, m_{S_1} = \pm \frac{1}{2};$
- 3) $m_l^z = -1, m_{S_1} = \pm \frac{1}{2}; \quad 4) m_l^z = 1, m_{S_2} = \pm \frac{1}{2};$
- 5) $m_l^z = 0, m_{S_2} = \pm \frac{1}{2}; \quad 6) m_l^z = -1, m_{S_2} = \pm \frac{1}{2};$

Бу һаллардан моментлөрин топланма гајдасыны $M_z = m_l^z + m_2^z$; $S_z = m_{S_1} + m_{S_2}$ нәзәро алмагыла еләси сечијмәлидир ки, паули принципини возулмасын. Гејд етмәк лазымдыр ки, бир сыра термләрин төчрүбөдә мүшәнидә олунмасыны изаһ етмәк үчүн паули озүнүн мөшінүр тағандылыг принципини верминидир.

Жұхарыда көстөрілән квант һалларының комбинасијаларындан әмәлә көлән һаллар ашағыдақылардыр:

- 1) $M_z=2 \quad S_z=0; \quad 2) M_z=1 \quad S_z=1; \quad 3) M_z=1 \quad S_z=0$

4) $M_z=0$ $S_z=1$; 5) $M_z=0$ $S_z=0$; 6) $M_z=1$ $S_z=1$

7) $M_z=1$ $S_z=0$; 8) $M_z=0$ $S_z=0$

Бу һаллар ичәрисиндә M_z вә S_z алдығы мәнфи гијмәтләр јазылмамышыр.

Гејд етдијимиз бу 8-һалы тәһлил едәк. Мүәјјәнлик үчүн M_z -ин ән бојук гијмәтиндән башлајат:

1. $M_z=2$ $S_z=0$ бу һал $m_l^z = l$, $m_s^z = 1$ $|l_1 = l, l_2 = l|$ јө'ни $L=2$ гијмәтинә уйғун қөлир ки, бу һалда атом D терминә малик олур.

$'D$ - терминә 1,3,5. Нөмрөли һаллар да уйғун қөлир. Бу һалларда атомун моменти $I = |\vec{L} + \vec{S}| = 2$ гијмотини алыр.

2. $M_z=1$ $S_z=1$ бу һал $m_l^z = 1$, $m_s^z = 0$ вә ја $m_l^z = 0$, $m_s^z = 1$ јө'ни $L=1$ гијмәтинә јө'ни $'P$ терминә уйғун қөлир; P 23-терминә 2, 4, 6 нөмрөли һаллар уйғун қөлир. Бу һалларда там момент $I = |\vec{L} + \vec{S}| = 2,1,0$ гијмәтләрини алыр; јө'ни $'P_2$, $'P_4$, $'P_6$ термләрини алырыг.

3. $M_z=0$, $S_z=0$ бу һал $m_l^z = 0$, $m_s^z = 0$ јө'ни $L=0$ гијмәтинә тәвәфүг едир ки, бу да $'S$ термидир. $'S$ -терминә 5,8 нөмрөли һаллар уйғун қөлир. Бу термдә там момент $I=0$ гијмәтини алыр. Гејд едәк ки, D вә S -термләри $L=2$ вә $L=0$ гијмәтләринә уйғун қөлир; бу һаллар о заман јарана биләр ки, електронларын спинләреи антипаралел јонәлсін јө'ни $m_{s_1} = -m_{s_2}$; эке тәгидрә Паули принципи позулар.

Инди бу термләрин енержи ногтеји-нәзордән јерләшмәсіни тәһлил едәк. Экәр електронлар верилмиш мүәјјән n вә l һалында оларса, онда белә конфигурасија бир нечә енержи сәвијјеси уйғун қөләр ки, бу сәвијјәләр бир-бириндән там моментин вә спинин проексијаларына корә фәрғләнір. Экәр n -ејни l -исә мұхтәлиф олар һаллар оларса, онда бир-бириндән фәрғләнән сәвијјәләрин сајы даһа чох олачагдыр. Белә сәвијјәләрин һансынын ән кичик енержијә малик олмасыны тә'жин етмәк үчүн релјативистик квант механикасының һәрәкәт тәнлигинин (Дирак тәнлиги) n , S асыны

олан һәлли танылмалыдыр. Бу мәсәлә бизим курсумуздан кәнара ҹындығындан, биз тәэчрүби фактлар әсасында мүәјјәнләшмий гајдадан -хүнд гајдастында истифадә едәк:

Хүнд гајдастына корә мүәјјән конфигурасија (n вә l) малик олар термләрдән ән кичик енержијә малик олар терм S_z - ин ән бојук гијмәтинә тәвәфүг едир; башта сезлә l -ејни олар термләр ичәрисиндә енержиси ән кичик олар терм S_z -ин ән бојук гијмәти, S_z -ејни олар термләрдә исә енержинин ән кичик гијмәти l ән бојук гијмәтинә тәвәфүг едир. Бу гајда жаңа әсасен һокм етмәк олар ки, $'P$ терми әсас термидир. Доғрудан да електронларын l ејни олдуғундан ($l_1=1$, $l_2=1$) S_z -ин ән бојук гијмәти $S_{max}=1$ олар терм $'P$ термидир. $'S$ вә $'D$ термләринә қәлдиқдә исә онларын $S_{max}=0$ ејни олдуғундан l ән бојук олар терм $'D$ термидир; бу терм $'S$ терминдән ашағыда јерләнмәләнди. Беләдиклә, термләрин дүзүлмә гајдасты $'P$, $'D$, $'S$ -дир. Упугмамалы ки, экор лај јарыдан аз долмушса онда әсас термин там моменти $I=L+S$, јарыдан чох долмушса $I = |\vec{L} + \vec{S}|$ илә тә'жин едилмәләнди; јө'ни триплет аддланан $'P$ терми $'P_o$, $'P_3$, $'P_1$ гајдада дүзүлүп.

Гејд едәк ки. Бир чох һалларда, јө'ни лај јарыдан аз долдуга да, атомун әсас терми ашағыдақы дүстүр васитәсүйә несабланып.

$$M^{max} = \frac{K}{2} (2l + 1 - K)$$

бурада K -чүткәнмәмий електронларын сајыдыр. Бу дүстүр о заман тәтбиг олунға биләр ки, чүткәнмәмий електронларын l -и ејни олсун. Мәсәлән електронлары P^2 -һалында олар атомун әсас терми $K=2$ вә $l_1=l_2=1$ олдуғундан

$$M^{max} = \frac{2}{2} (2 \cdot 1 + 1 - 2) = 1$$

олур; $\omega = 2S + l = 3$, $I = |\vec{L} + \vec{S}| = 0$ олдуғундан әсас терм $'P_0$ олур.

§5.14.Ланде фактору

Нүвэ этрафында фырланан електрон $\vec{M}_l = \frac{h}{2\pi} \vec{l}$ оп-

битал моментгэ вэ $\vec{\mu}_l = \frac{e\hbar}{4\pi mc} \vec{l}$ орбитал магнит моментийн
маликдир. Бу моментлэрийн нисбэтийн нэзэрдэн кечирсэж

$$\frac{\mu_l}{M_l} = \frac{e}{2mc} = const$$

олдуғуну корәрік. Бу нисбәтін сабитлији онлар арасында мүәйжін мұнасабәтін мөвчуд олмасыны көстәрир. Доғрудан да орбитал механики момент мәлум оларса, онда магнит моментини вә әксине һесабламаг олар. Квантмеханикасы ногтејі-нәзәрийдән исә орбитал моментин оператору мәлум оларса, орбитал магнит моментини операторуны тәжін әтмек олар. Дикәр тәрәфдән электрон спин моментаңы малик олдуғундан. Онци орбитал спин моментини

$\vec{M}_s = \frac{\hbar}{2\pi} \vec{s}$ шеклиндегі жазмаг олар. Магнит моментинин ифа-

дэсийн s -квант ($s = \frac{1}{2}$) эдэдний дахил стөрж $\mu_s = \frac{e\hbar}{4\pi m} = \frac{e\hbar}{2\pi m} s$

вә ja $\hat{\mu}_s = \frac{e\hbar}{2\pi m c} \vec{s}$ шөклинде јазмаг олар ки, буна спин магнит моменти дејирләр. Спинлә әлагәдәр олан орбитал вә магнит моментлоринин нисбәти:

$$\frac{\mu_s}{M_s} = \frac{e}{mc} = const$$

олар. Бу мұнасабет дә орбитал спин моментинә көрә, спин магнит моментини тә'жір етмоға имкан верір. Лакин бу нисбетлір ежни сабитә бәрабар олмур. Она көрә дә фәрз

едәк ки, елә бир сабит g -әдәди вар ки, ону уйғун олараг μ_l вә μ_s вурмагла магнит моментинин дүзкүн гијмәтини алмаг мүмкүндүр. Инди бу сабитин танылмасы илә мәшгүл олаг.

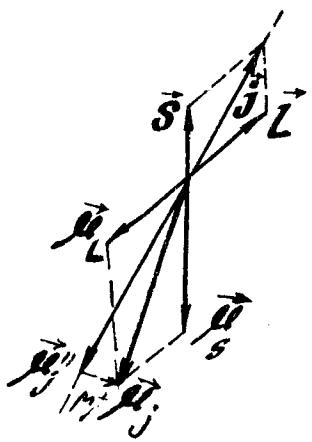
Орбитал моментин өн кичик гијмәти $\frac{h}{2\pi}$, спин момен-

тининки исә $\frac{h}{4\pi}$ олдуғундан, там моменти графики тәсвир

етдикдээ орбитал момент, спин моментандээн ики дэфэ бөйжүк котуруулмэлийдир. Там моменти $\vec{j} = \vec{l} + \vec{s}$ олан атому интен-

сивлији \vec{H} олан харичи магнит саћесинә дахил етсеќ, онда \vec{j} -вектору \vec{H} әтрафында прессесија слоңакедир. Магнит моментинең кәлдикдә исә, спин магнит моментинин гијмәти орбитал магнит моменти гијмәтиндөн ики дәфә бөйүк олдуғундан, јекун вектор $\vec{\mu}_j = \vec{\mu}_i + \vec{\mu}_s$, \vec{j} -векторунун үзәринең дүнимәјәкедир. Харичи магнит саћесинә белә атомун $\vec{\mu}_j$ вектору \vec{H} -әтрафында прессесија едачакедир. Беләликлә, харичи магнит саћесинең дахил едиљмини атом ики прессесија һәрәкәтинең дучар олашадыр.

Дөргүдан да \vec{j} вә $\vec{\mu}_j$ векторларының ежни бир диаграмда көстөрсөк M_l ики дәфә M_s -дән, μ_s -исе ики дәфә μ_l -дән болып көтүрүлмәлидир. Бу һалда \vec{j} -истигамәти $\vec{\mu}_j$ -илә үстүрүлгөн дүйнөмүр вә бу векторлар арасында галан бүчаг чох кичик олур. Она көрә дә бу ики пресессија һәрәкәтини бир пресессија һәрәкәтинә қәтирирләр. Бунун үчүн $\vec{\mu}_j = \vec{\mu}_l + \vec{\mu}_s$ векторуну \vec{j} истигамәтиндә ики гарышылыглы перпендикулдар топланана айрырлар, беләки паралел топланан \vec{j} -вектору үзәрине дүйнөсүн. Бу әмәлијатдан соңра там магнит моменти μ_j -нин орта гијмәти һесабланыр.



Шәкил 18

Несаблама көстәрир ки, магнит моментинин перпендикулар топлананынын бир там прессеција дөврүндә һәр бир гијмәти үчүн икى оқс ишарәли гијмәт мөвмүд олдуғундан μ_j^H олур, беләликлә там магнит моментинин гијмәти μ_j^H илә тә'жин едилир. Шәкилдән көрүнүр ки,

$$\mu_j^H = \mu_l \cos(l, j) + \mu_s \cos(s, j)$$

јазмаг олар. Йухарыда гејд стдијумизи низәрә олсаң, магнит моменти садәчә олараг јалның орбитал моментин Бор магнетонуна һасили илә јох, олavo бир сабитин дә дахил едилемәсі илә тә'жин олуималыдыр; ј'ни:

$$\mu_l = g_l \frac{e\hbar}{4\pi mc} l, \quad \mu_s = g_s \frac{e\hbar}{4\pi mc} s, \quad \mu_j = g_j \frac{e\hbar}{4\pi mc} j = \mu_j^H,$$

бұу гијмәтләри μ_j^H ифадәсиндә јеринә јазсан:

$$g_j = g_l \frac{l}{j} \cos(l, j) + g_s \frac{s}{j} \cos(s, j)$$

аларыг. Бұу ифадәјә дахил олар $\cos(l, j)$ және $\cos(s, j)$ бучаглары $j = l + s$ мүнасибәтиндән тә'жин едилир.

$$\cos(l, j) = \frac{j^2 + l^2 - s^2}{2jl}; \quad \cos(s, j) = \frac{j^2 + s^2 - l^2}{2js};$$

бу гијмәтләри g -нин ифадәсиндә јеринә јазсан:

$$g_j = g_l \frac{j^2 + l^2 - s^2}{2j^2} + g_s \frac{j^2 + s^2 - l^2}{2j^2}$$

аларыг ки, бұу g -вүргұна Ланде фактору дејирләр. Ланде фактору үчүн алышан ифадә классик механикаја әсасландырында бу дүстүр классик дүстүрдүр. Борун уйғулуг принципинә әсасән, квант әдәмдәринин бөյүк гијмәтләриндә бу дүстүр квант механикасынын вердији иетиçәләрә чох жаһын олмалыдыр. Доғрудан да мәсәләнни квант механикасы ногтеји-нәзәриндән тәһлили көстәрир ки, алдығымыз бу дүстүр квант механикасынын вердији дүстүрла үст-үстә дүшәр, бу шәртлә ки; $l^2 \rightarrow l(l+1)$; $s^2 \rightarrow s(s+1)$.

$j^2 \rightarrow j(j+1)$ әвәз едилен; белә әвөзләмәни апарсан:

$$g_j = \frac{1}{2} \left\{ (g_l + g_s) + (g_l - g_s) \frac{l(l+1) - s(s+1)}{j(j+1)} \right\}$$

аларыг ки, бұу дүстүр квант механикасынын вердији дүстүрала үст-үстә дүштүр. Һидрокен атому үчүн $g_l = 1$, $g_s = 2$ олдуғундан Ланде фактору

$$g = \frac{3}{2} - \frac{l(l+1) - s(s+1)}{2j(j+1)}$$

олур.

Ланде факторуна дахил олан g_l вә g_s -ә уйғун оларға орбитал вә спин g-фактору вә ja гиromагнит фактору дејирләр. Електрон үчүн $g_l=1$, $g_s=2$ гијмәтини алыр. Лакин протон вә нејтронла әлгәдәр олан мәсөләләрин һәллиниде гијмәтләрдән g_l вә g_s гијмәтләре електрон үчүн олан гијмәтләрдән кәсекин фәргләннир. Она көрә дә мәсөләнин үмумишији хатирине биз ихтијари g_l вә g_s үчүн ланде факторуну тә'жин етдик.

Ланде факторунун микроаләмдәки ролуну Зејеман еффектинин тәһлилиниң корочојик. (бах §5.19).

§5.15. Квант әдәлләри вә снержи сәвијәләринин ишә туруулушу

Бор нәзәријәсисе көрә мұхтәлиф орбиталарин квант-ланмасында вә квант механикасынын тәтбиги илә бә'зи мәсөләләрин һәллиниде биз көрдүк ки, електронун снержиеси баш квант әдәди n -илә тә'жин едилүр.

Биринчи квант әдәди баш квант әдәди адланыры вә $n=1, 2, 3, \dots$ гијмәтләр алмагла електронун снержисини характеристика едир.

Иккинчи квант әдәди орбитал квант әдәдидир ки, $l=0, 1, 2, \dots, (n-1)$ гијмәтләр алмагла електронун орбитал моментини тә'жин едир.

Үчүнчү квант әдәди магнит квант әдәди адланыры. Магнит квант әдәди $m_z, -l, \dots, +l$ тәдәр 2l+1 гијмәт алмагла мигдары моментинин үстүн истигамәтдәки һәрәкәт мигдары моментинин үстүн истигамәтдәки проексијасыны характеристизә едир.

Дөрдүнчү квант әдәди спин квант әдәди адланыры. Спин квант әдәди $m_s = \pm \frac{1}{2}$ гијмәтләр алмагла спин момен-

тинин үстүн истигамәт үзрә проексијасыны характеристизә едир, үстүн истигамәт оларға адәтән Z-охунун истигамәті көрүлүр. Гејд едәк ки, үстүн истигамәт оларға Z-охунун көтүрүлмәсі һеч дә мәңбури дејил. Оқор мүәјжән һалда олан көтүрүлмәсі һеч дә мәңбури дејил.

Атом електронунун спин моментинин m_s^X, m_s^Y, m_s^Z проексијаларындан һәр һансы бири мүәјжән гијмәтә маликдирсә һәммин истигамәт үстүн истигамәт көтүрүлә биләр.

Беләликлә, електронун һалы n, l, m_z, m_s дөрд квант әдәди илә биргијмәтли характеристизә едилә биләр. Гејд едәк ки, електронун һалынын белә тәсвири јеканә тәсвири дејилләр. Бә'зән $j = l + S$ мұнасибәтиндән истифадә стмәклә електронун һалыны n, l, j, m_s квант әдәдләри илә характеристизә едирләр.

Атом електрону илә нүвә арасындағы гарышылыглы тә'сир әсасын электростатик характеристер дашияйыр. Лакин електрон һәрәкәтдә олдуғундан о нүвә илә әлавә гарышылыглы тә'сирдә спин-орбитал гарышылыглы тә'сирдә дә олур. спин-орбитал гарышылыглы тә'сир айдан баша дүнимәк үчүн фәрз едәк ки. Електрон нүвә отрағында даирәви орбит боюнча һәрәкәт едир. Електронла бағыт олан координат системине кечәк. Белә системдә електрон сүкунетдә олар, нүвә исә електрон этрағында фырланмагла мүәјжән магнит саһеси јарада. Бу магнит саһеси електронун спин магнит моменти илә гарышылыглы тә'сирдә олчаг ки, бу да спин орбитал гарышылыглы тә'сир адланыры. Бу шөрһи башга шәкиндә дә ифадә стмәк олар. Нүвә илә бағыт координат системи көтүрсөк онда нүвә сүкунетдә, електрон исә даирәви һәрәкәтдә олчаг. Електронун белә һәрәкәти бир даирәви микрочөрәјана еквиваленттәр; бу шөрәјанын јаратыны магнит саһеси електронун спин моментине тә'сир көстәрир ки, бу тә'сири до спин-орбитал гарышылыглы тә'сир дејирләр. Синин магнит моменти ja орбитал магнит моменти истигамәттингендә вә ja онун әксине истигамәтләнә биләр. Биринчи һалда електронла нүвә арасындағы потенциал снержи азалар, иккинчи һалда исә артар. Она көрә дә спин-орбитал гарышылыглы тә'сирин һесабына һөр бир енержи сәвијәсиси ики сәвијәйә парчаланачагдыры. Синин-орбитал гарышылыглы тә'сирин иәтичәсисинде енержи сәвијәсисин парчаланмасына сәвијәнин туруулушу дејирләр, парчаланмайын сајы исә сәвијәнин мултиплетлији адланыры. Гејд едәк ки, бир електронлу атомда вә ja ионда спин-орбитал гарышылыглы тә'сирин иәтичәсисинде S-сәвијәсисинде башта бүтүн сәвиј-

јэлэр дублетдирлөр; я'ни $\hbar\omega$ һансы бир сэвијэ минимум ики сэвијжэе ($j = l \pm \frac{1}{2}$) парчаланыр.

Сәвијәнин инчә гүрүлүшүң јалның спин-орбитал таршылыглы тә'сирлә әлагәдәр дејилдир. Бор нәзәрийәсиндән мәлүмдүр ки, еңи бир бојук оха малик олан бүтүн елленитик орбитләр ејни енержијө маликдир. (Чырлашма). Экәр күгләнин сүр'этдән асылы олмасыны нәзәрә алсаг онда бу тип орбитләрин енержиләри дојиниәр, јо'ни чырлашма арадан чыхар. Бу һалда елленитик орбитләрин енержиси ексентристигтәндән асылы олур ки, бу да енержи сәвијәсінин парчаланмасына кәтирир.

Беләликлә, јухарыда шәрх едиән мүһакимәләри үмумиләштиరәрәк һекм егмәк олар ки, сөвијјәнин инчә түрүлүпсүз синн-орбитал гарышылыглы тә'сирин вә күтләнин сүр'этиндән асылы олмасы нәтижесинде јараныр. Бу ики сәбәб ёни тәртибдә олдуғупдан һәр ики сәбәб ёни заманда нәзәрә алымалыдыр.

Релјетивистик дүзөлиш: Електронун күтлесинин сүр'өтлөн асылылығы несабына енержијө верилген әлавәсии несаблајат. Хүсуси нисбилик нәзоријәсінә көре релјетивистик електронун кинетик енергиси

$$T = \sqrt{p^2 c^2 + m_0^2 c^4} - m_0 c^2$$

одлуғундан електронун һамилтот функциясыны

$$H \equiv T + U = \sqrt{p^2 c^2 + m_0^2 c^4} - m_0 c^2 + U$$

шәклинде јаза биләрик.
—чи орбитадә һәрәкәт едән электронун сүр'әти,

$$V_n = \frac{Ze^2}{m_0}, \text{ олдуғундан } \frac{v}{c} \ll 1 \text{ әр әлемде } \frac{p}{m_0 c} \ll 1 \text{ олур.}$$

Бұна көрә һамилғон функциясыны мүэjjән јаҳынлашмада

$$H = m_0 c^2 \sqrt{I + \frac{p^2}{m_0^2 c^2}} - m_0 c^2 + u =$$

$$= m_0 c^2 \left(I + \frac{p^2}{2m_0^2 c^2} - \frac{p^4}{8m_0^4 c^4} \right) - m_0 c^2 + u =$$

$$= \frac{p^2}{2m_0} + u - \frac{p^4}{8m_0^3 c^2}$$

шэклиндэ јаза билэрик. Гејри-релјативистик јахынланмада
электронун там снержиси

$$E = \frac{p^2}{2m_0} + u$$

олдуғундан $p^2 = 2m_0(E - u)$ аларыг. P^2 -ның бу ифадесини (5.31) бәрабәрлигинин сонунчук тоғланында нөзөрө алсағ

$$H = \frac{p^2}{2m_0} + u - \frac{(E - u)^2}{2m_0 c^2}$$

олар. Уйгулуг принципине көрсөн квант механикасында операторлар арасындакы мұнасибәт классик физикада динамик көмійдегілдер арасындакы мұнасибеттер кими олдуғандан бағылан жаһынан атап да, электронун қамилтот оператору

$$\hat{H} = \frac{\hat{p}^2}{2m_0} + U(r) - \frac{(\hat{E} - U)^2}{2m_0 c^2}$$

шэклиндэ вэ уйгун Шредиңкөр тәилимий

$$\left(\frac{\hat{p}^2}{2m_0} + u(r) - \frac{(E - u)^2}{2m_0 c^2} \right) \psi = E \psi$$

олар. Соңуңчы бәрабәрлік релјативистик еффект нәзәрә алынмагла електрон үшүн жазылмыш Шрединкегер тәнлиијидир. Башта сөзіл десек, електронун күтләсінин сүр'етдән асылылығыны нәзәрә алмаң соң тәнлии һәлл стмәје эквивалентдір. Бу тәнлии һәјәчанлашма методу иле һәлл едәчәйкі.

Фәрз едәк ки, бизде

$$\hat{H}_0 \psi^{(0)} = E^{(0)} \psi^{(0)}$$

тәнлииинин һәлл мә'лумдур вә

$$(\hat{H}_0 + \hat{V})\psi = E\psi$$

тәнлииини һәлл стмәк тәләб олунур. Бурада \hat{V} -һәјәчанлашма оператору алданыр. \hat{H}_0 оператору (һәјәчанлашма нәзәрә алынмадыгда һамилтон оператору) ермит оператор олдуғундан онун мәхсуси функциялары там систем тәшкил едирләр вә буна көрә ихтијари дағы функциясыны бу функциялара қорғысыра жаңырмай мүмкүндүр:

$$\psi = \sum_m C_m \psi_m^{(0)}$$

Бу ифадәни нәзәрә алсағ,

$$(\hat{H}_0 + \hat{V}) \sum_m C_m \psi_m^{(0)} = E \sum_m C_m \psi_m^{(0)}$$

жахуд

$$\sum_m C_m (E_m^{(0)} \psi_m^{(0)} + \hat{V} \psi_m^{(0)}) = E \sum_m C_m \psi_m^{(0)}$$

олур. Бу бәрабәрлиji солдан $\psi_k^{(0)}$ -ын комплексе ғошмасына (жәни $\psi_k^{(0)*}$ -а) вұрубы, бүтүн фәза үздә интегралласағ вә нәзәрә алсағ ки,

$$\int \psi_k^{(0)*} \psi_m^{(0)} d\pi = \delta_{km}$$

онда ашағыдақы бәрабәрлиji алырың:

$$C_k (E - E_k^{(0)}) = \sum V_{km} C_m$$

Бурада $V_{km} = \int \psi_k^{(0)*} \hat{V} \psi_m^{(0)} d\tau$ олуб, \hat{V} операторунун матрис элементи адланыр.

n -чи квант һалында олан електронун енергисини несаблајаң. Биринчи յаҳынлашмада

$$E_n = E_n^{(0)} + E_n^{(1)}$$

$$C_k = C_k^{(0)} + C_k^{(1)}$$

олдуғуну тәбүл еда биләрик. Бу бәрабәрлікләри нәзәрә алсағ:

$$(C_k^{(0)} + C_k^{(1)}) (E_n^{(0)} + E_k^{(0)}) = \sum V_{km} (C_m^{(0)} + C_m^{(1)})$$

n -чи квант һалына бағдырымызызын $C_n^{(0)} = I$; $C_k^{(0)} = 0$ ($k \neq n$ исә) олур. Онда

$$E_n^{(1)} = \sum_m V_{nm} C_m^{(0)} = V_{nn}$$
 вә ja

$$E_n^{(1)} = \int \psi_n^{(0)*} \hat{V} \psi_n d\tau$$

олдуғуны алдырыг. Бұу ифадә бириңчи жаһынлашмада енержијә верилөн дүзәлиши көстөрір. Бұу дүстүру тәтбиг әдәрәк атомынун енержисинә әләво әділән релјативистик дүзәлиши һесаблајаг.

Һидроқен атомында һәрәкәт әдәи електрон үчүн

$$\hat{H}_0 = \frac{\hat{p}^2}{2m} + u; V = -\frac{(E - u)^2}{2m_0 c^2}$$

иәклинде ифадә олунур. V -нин бу ифадәсінін $E_n^{(1)}$ -дә жасаг:

$$E_n^{(1)} = \int \psi_n^{(0)*} \left(-\frac{(E - u)^2}{2m_0 c^2} \right) \psi_n d\tau$$

олур. бурада, һидроқенебензәр атомлар үчүн $u = -\frac{Ze^2}{r}$ олдуғуны ңозәрә алсаг,

$$\begin{aligned} E_n^{(1)} &= -\frac{I}{2m_0 c^2} \int \psi_n^{(0)*} \left(E_n + \frac{ze^2}{r} \right)^2 \psi_n d\tau = \\ &= -\frac{I}{2m_0 c^2} \int \left[E_n^2 \psi_n^{(0)*} \psi_n^{(0)} + 2E_n ze^2 \frac{\psi_n^{(0)*} \psi_n^{(0)}}{r} + \right. \\ &\quad \left. + z^2 e^4 \frac{\psi_n^{(0)*} \psi_n^{(0)}}{r^2} \right] d\tau \end{aligned}$$

Мә’лум олдуғу кими,

$$\psi^{(0)} = \psi(r, \theta, \phi) = R_n(r) Y_{lm}(\theta, \phi)$$

иәклиндәдир. Бурада $Y_{lm}(\theta, \phi)$ сферик функция, $R_n(r)$ исә радиал дағы а функциясыдыр:

$$R_{nl} = N_{nl} \left(\frac{2\pi r}{n} \right)^l F \left(-n + l + 1; 2l + 1; \frac{2\pi r}{n} \right) l^{-\frac{zr}{n}}$$

Бурада F -hipергамма функция, N -исә n , l -квант әдәдләриндән асылы вуругдур. (5.32) бәрабәрлијиндән көрүнүр ки, релјативистик дүзәлиши һесабламаг үчүн $\frac{I}{r}$ вә $\frac{I}{r^2}$ -нын орта гијметини һесабламаг лазын қэлир:

$$\langle \frac{I}{r^k} \rangle = \int |\psi(r, \theta, \phi)|^2 \frac{I}{r^k} d\tau = \int \frac{R_{nl}^2 \cdot r^2}{r^k} dr$$

һесабламалар көстөрір ки,

$$\langle \frac{I}{r} \rangle = \frac{z}{a_0 n^2}$$

$$\langle \frac{I}{r^2} \rangle = \frac{z^2}{a_0^2 n^3 \left(l + \frac{1}{2} \right)}$$

бурада $a_0 = \frac{\hbar^2}{m_0 c^2}$ -бириңчи Бор орбитингин радиусу; n , l -исә уйғун олараг баш вә орбитал квант әдәдләриди. Бу ифадәләри (5.32)-нәзәрә алсаг бир сыра һесабламалардан соңра енержијә верилөн релјативистик дүзәлиш үчүн ашагыдақы ифадәни алдырып:

$$E_{per} = E_0 \cdot \frac{z^2 \alpha^2}{n} \left(\frac{I}{l + \frac{1}{2}} - \frac{3}{4n} \right); \alpha = \frac{e^2}{\hbar c} \quad (5.33)$$

Бу бәрабәрлик електронун күләсисиниң сүр'этдән асылылығы һесабына һидрокенәбәнзәр атомларда енержииниң дәйишимәсиси ифадә едир. Енержи сәвиүйәләрини ифадә едән Дирак дүстүруну элдә етмәк үчүн (5.33)-ин үзәрине спин-орбитал гарышылыглы тә'сир һесабына електронун кәсептөшүүнүң да әнавә етмәк лазыымдыр.

Син-орбитал гарышының тәсир һесабына сәржүзилген күннөмдөлгөнде кимдең электронун мөхуси

Жұхарыда сөйкелдікимиз кими электропул магнит моменти

$$\vec{\mu}_s = \frac{e}{m_0 c} \vec{s}$$

орбитал магнит моменти $\vec{\mu}_l = \frac{e}{2m_0c} \vec{l}$ илэ гарышылыглы тэ'сирдэ олур вэ буун нэтижээндэ һидрокен атоиунун енержи сэвийжэлэри дошишир. $\vec{\mu}_s$ вэ $\vec{\mu}_l$ -ий фазада ориентацијасындаа асылы олараа, гарышылыглы тэ'сир енержиси мүхгэлийф олур вэ белоликю спин-орбитал гарышылыглы тэ'сир несабына енержи сэвийжэлэри парчаланараг иччо түрүүнш малик олур. Бир сэргээ атомларда спин-орбитал гарышылыглы тэ'сир енержиси рељативистик дүзэлийндоо боюгдуулж. Үүкээр атомларда исэ Ѣэр ики дүзэлийн тогрибэн ejшидир.

Үмуми мұнакимолар әсасланараң пиджактардың атомлар үчүн спин-орбитал гарышының төсін сөржиси

$$U = a(\vec{l} \vec{S})$$

шәклиндә жазмаг олар. $\vec{\mu}_s$ вә $\vec{\mu}_l$ магнит диполларының гарышылыгы төсүри өтрафы шекиүндә Френкел вә Томас тәрәфиндән өյрәнилмеш вә a вуруғу үчүн ашиғыдақы ифадә әндә едилмешшил:

$$a = \frac{ze^2}{2m_0^2 c^2 r^3}$$

$$\text{Беләликлә, } U_{ls} = \frac{ze^2}{2m_0^2 c^2 r^3} (\vec{l} \vec{s})$$

олур. Уйғулуг принциниң көрүнүштөрүнүң орбитал таршылыгы тә’сир оператору

$$U = \frac{ze^2}{4m_e^2c^2r^3} (\vec{j}^2 - \vec{l}^2 - \vec{s}^2); \quad \vec{j} = \vec{l} + \vec{s}$$

олар. Спин-орбитал гарышылдыгы төсир енержиси, (бу енержи нәзәрә алымадыгда), атомун малик олдуру енержидөн дәфәләрдә кичик олдуруна корә U_{ls} -тә һөjемчанлашма кими баҳмаг мүмкүндүр. $E_n^{(I)}$ ифадесинде U -ну нәзәрә алсаң спин-орбитал гарышылдыгы төсир һесабына бириңчи яхынлапшамада верилән дүзүлүш үчүн

$$E_{ls} = \frac{ze^2}{4m_p^2c^2} \int \psi_n^{(0)*} \cdot \frac{1}{r^3} (\vec{j}^2 - \vec{l}^2 - \vec{s}^2) \psi_n^{(0)} d^3r$$

иfadесини әлдө едирик. $\psi_n^{(0)}$ функциясы $\vec{J}^2, \vec{I}^2, \vec{s}^2$ опера-
торларының мәхсус функциясы олдуғу үчүн, жоғаны

$$\vec{j}^2 \psi_n^{(0)} = j(j+1) \psi_n^{(0)}$$

$$\vec{I}^2 \psi_n^{(0)} = I(I+1) \psi_n^{(0)}$$

$$\vec{s}^2 \psi_n^{(0)} = s(s+1) \psi_n^{(0)}$$

ОЛДУҒЫНДАН

$$E_{ls} = \frac{ze^2}{4m_0^2 c^2} [j(j+1) - l(l+1) - s(s+1)] \int |\psi_n^{(0)}|^2 \frac{d^3 r}{r^3} \quad (5.34)$$

олур.

Сонунчы бәрабәрликдән көрүндүй жиһиз интеграл $\langle \frac{1}{r^3} \rangle$ орта гијметини көстәрир. Һидрокенәбәнзәр атомлар $\psi_{nlm}(r, \theta, \varphi) = R_{nl}(r)Y_{lm}(\theta, \varphi)$ чүнчүн даңға функциясынын ифадәсими (5.34) - дә жерине язараг бир сыра несабламалардан сонра

$$\langle \frac{1}{r^3} \rangle = \frac{z^3}{a_0^3 n^2 l(l+1)(l+\frac{1}{2})}$$

олдэ едилир. Беләликләр,

$$E_{ls} = \frac{ze^2}{4m_0^2 c^2} [j(j+1) - l(l+1) - s(s+1)] \frac{z^3}{a_0^3 n^3 l(l+1)(l+\frac{1}{2})}$$

яхуд

$$E_{ls} = -E_0 \cdot \frac{z^2 \alpha^2}{n} \cdot \frac{j(j+1) - l(l+1) - s(s+1)}{2l(l+1)(l+\frac{1}{2})} \quad (5.35)$$

алырыг. Електронун атомда малик олдуру там енержи

$$E = E_0 + E_{ls} + E_{per}$$

олдуундан, (5.33) вә (5.35) дүстүрларыны нәзәрә алараг електронун там енержисини јығчам шәкилдә язаг.

Билдијимиз кими, електрон чүнчүн $s = \frac{l}{2}, j = l \pm \frac{l}{2}$ -дир. Онда $s(s+1) = \frac{3}{4}$ олар. Сонунчы ифадәни $j = l + \frac{1}{2}$ вә $j = l - \frac{1}{2}$ чүнчүн несаблајаг: $j = l + \frac{1}{2}$ олдугда

$$\frac{j(j+1) - l(l+1) - \frac{3}{4}}{2l(l+1)(l+\frac{1}{2})} = \frac{1}{2(l+1)(l+\frac{1}{2})}$$

$j = l - \frac{1}{2}$ олдугда исә

$$\frac{j(j+1) - l(l+1) - \frac{3}{4}}{2l(l+1)(l+\frac{1}{2})} = -\frac{1}{2(l+1)(l+\frac{1}{2})}$$

Онда

$$E_{ls} + E_{per} = \frac{z^2 \alpha^2}{n} \left(\frac{1}{l+\frac{1}{2}} - \frac{3}{4n} \right) E_0 - \frac{z^2 \alpha^2}{2n} \left(\frac{1}{(l+\frac{1}{2})(l+1)} - \frac{1}{(l+\frac{1}{2})^2} \right) E_0 =$$

$$= E_0 \frac{z^2 \alpha^2}{n} \left(\frac{1}{j} - \frac{3}{4n} - \frac{1}{2j(j+\frac{1}{2})} \right) = \frac{z^2 \alpha^2}{n} E_0 \left(\frac{1}{j+\frac{1}{2}} - \frac{3}{4n} \right)$$

Беләликлә, тәм енержи:

$$E_{nj} = E_0 \left[I + \frac{z^2 \alpha^2}{n^2} \left(\frac{n}{j + \frac{1}{2}} - \frac{3}{4} \right) \right] \quad (5.36)$$

олур. Бу бәрабәрлик, һидрокенәбәнзәр атомларын енержи сәвијјәләрини ифадә едән лирак дүстурудур. Бу дүстура сәвијјәләри мүстәсна олмагла, дикәр енержи көрә, s -сәвијјәләри мүстәсна олмагла, дикәр енержи көрә, s -сәвијјәләри мүстәсна олмагла, дикәр енержи көрә, сәвијјәләри эн азы лублет гүрулуша маликләр. Қөрүндүй сәвијјәләри эн азы лублет гүрулуша маликләр. Қөрүндүй сәвијјәләри эн азы лублет гүрулуша маликләр.

кими дахили квант әдәдиәри $j_1 = l + \frac{1}{2}$ вә $j_2 = l - \frac{1}{2}$ олан алт сәвијјәләр арасындакы мәсафә

$$\Delta E_{j_1 j_2} = E_0 \cdot \frac{\alpha^2 z^2}{n^2} \cdot \frac{l}{l(l+1)}$$

олур.

Беләликлә, инчә парчаланманын тијмети нүвәнин јукунүн артмасы илә кәсции олараг $\sim z^4$ артыр, баш вә орбитал квант әдоләринин артмасы илә азалыр $\frac{1}{n^2} \cdot \frac{1}{l(l+1)}$;

бурада $\alpha = \frac{e^2}{\hbar c} \sim \frac{1}{137}$ инчә гүрулуш сабити адланыр.

§5.16. Сечмә гајдалары

Нормал һалда олан атом мүәйҗән мигдарда енержи улмагла даһа јухары енержи сәвијјәсинә кечә биләр; јухары енержи сәвијјәсендән вә ja һәјәчанланмыны һалдан нормал һала кечмәк үчүн атом мүәйҗән мигдарда енержи шүаландырмалыдыр. Беләликлә, атом бир һалдан дикәринә кечмәк үчүн ja шүа удмалыдыр вә ja да бурахымалыдыр.

Садәлик үчүн фәрз едәк ки, удулма вә шүаланма просесиндә бир фотон иштирак едир (бу эн бејүк еһтимала малик олан кечилдир). Инде белә просеседә һансы сәвијјәләр (вә ja термләр) арасында кечид мүмкүн олдуғуну тәһлил едәк.

Гәләви атомларын енержи спектринин тәчрүби тәһлили көстәрминцидир ки, ихтиари тремләр (сәвијјәләр) арасында кечид мүмкүн дејил. s -терми јалныз p -термилә p -терми s вә d термләри илә, d -терми p вә f термләри илә вә с. комбинасија едә биләр. Бу тәчрүби факт узун мүддәт изаһ едилә билмәмицидир; бу фактын изаһына кечмәзден өзвөл кејијјәт характеристи дашијан ашағыдақы тәһлили билмәк јаҳыны оларды: s -терми јалныз p -терми илә комбинасија едир, бу о демәкдир ки, кечид јалныз $l=0$ -дан $l'=1$ вә әксине ола биләр; p -терминә қәлдикдә исә о јалныз s вә d термләри илә комбинасија етдијиндән кечид: $l=1$ -дән $l'=0$ вә $l'=2$ һалларында ола билор вә с. Бу кечидләрә нәзәр салсаг биринчи һалда ($s \rightarrow p$ кечиди) $|l-l'|=\Delta l=\pm 1$ алышыг, икинчи һалда исә $|l-l'|=\Delta l=\pm 1$ вә $|l-l'|=\Delta l=\pm 1$ алышыг. Белә кејијјәт характеристи дашијан садә тәһлил көстәрир ки, елә сәвијјәләр арасында кечид мөвчүд ола биләр ки, $\Delta l=\pm 1$ шәрти одәнилсис: бу тиң шәртләрә сечмә гајдасты дејирлөр.

Јухарыда гејд етдик ки, тәчрүбәдә мүниәнидә олунун вә олунмајан кечидләрин изаһ едилемәси мәсәләсін узун мүддәт өз әксини танмады. Бу тәчрүби факт квант механикасы яраныңдан соңра изаһ едило билди. Квант механикасы көстәрди ки, һәр бир сечмә гајдасты дөгит вә ja тәгриби сахланма ганунун цетичесидир. Бу һөкмү әжан тәсөввүр етмәк үчүн там моментинин сахланма гануну шүаланан ато- ма тәтбиг едәк. Шүаланмадан өзвөл атомун там моментини I , шүаланмадан соңра исә I' илә ишарә етсөк:

$$\vec{I} = \vec{I}' + \vec{j}_\phi$$

јазмаг олар; бурада \vec{j}_ϕ -шүаланан фотонун там моментидир. Бу ифадәни

$$\Delta \vec{I} = \vec{I} - \vec{I}' = \vec{j}_\phi$$

јазыб $|\vec{A}| = |\vec{j}_\phi|$ олдуғуну нәзәрә алға вә унұтмамалы ки, шұаланан фотонун там моменти онун жалызы спин моменти илә тә'жін едилир $(|\vec{j}_\phi| = s_\phi = +1)$, онда

$$\Delta J = +1$$

аларыг; әкәр шүа удулурса, онда $AI = I' - I = -I$ олар, вә беләликлә.

$$\Delta I = \pm 1$$

жени сечмә гајдасыны аларыг. Бу сечмә гајдасындан $\Delta l = \pm 1$ сечмә гајдасы асанлыгъла алыныр; дөргүрдан да

$$\vec{J} = \vec{L} + \vec{S}; \quad \vec{J}' = \vec{L}' + \vec{S};$$

$$\Delta \vec{I} = \vec{I} - \vec{I}' = \vec{L} - \vec{L}' = \sum \vec{l}_i - \sum \vec{l}'_i = \sum \Delta \vec{l}_i$$

гэлэви атомларда спектр валенг электронуун кечиди илээлэгээр олдуулжсан, бүтэй атомлара бир электронлуу атом кими баахмаг олар вэ $\sum \Delta \vec{l}_i \rightarrow \Delta l$ кими тэбүл сгмээк олар, онда

$$\vec{J} - \vec{J}' \Rightarrow \Delta \vec{J}, \quad |\Delta \vec{J}| = |\Delta \vec{I}| = +1$$

іе, ни $\Delta l = \pm 1$ сечмә тајдасыны аларыт.

Гејд едәк ки, $\Delta I = \pm I$ сечмә гајдасыны биз формал олараг там моменттін сахлама ганунун нәтижәсі кими алдыг. Өслиндә исә бу белә дејил, она қөрә ки, биз һеч бир сөз демәдән спин моменти векторунун (\vec{S} вектору) дәјипшемәдијини тәбүл етдик. $\Delta I = \pm I$ сечмә гајдасы чүтлүк ганунун сахланмасынын нәтижәсидир.

Квант механикасы $\Delta I = \pm I$ вə $\Delta I = \pm I$ сечмə гајдалары илə јанаши там моментин вə һəркəт мигдары моментинин проекциасыны характеризэ едəн m_1 вə m_2 квант əдəдлəри учундəр сечмə гајдаларыны верир.

$$\Delta m_j = 0, \pm l; \quad \Delta m_z = 0, \pm l;$$

Бир мәсәләни дә жаңда сахламаг лазыымдыр ки, јухарыда шәрх едиүән сечмә гајдаларына табе олан кечидләрин һамысы тәчрүбөдә мүшәнидә едилир. Бу кечидләрлә јанаши тәчрүбәдә сечмә гајдаларына табе олмајан кечидләр дә мүшәнидә олуунур. Белә кечидләрә гадаган олуумуш кечидләр дејирләр. Гадаган олуумуш кечидләрин сәтималы сечмә гајдаларына табе олан кечидләрин сәтималындан чох-чох кичик олур; ejni илэ ујгун спектрал хәтлөрин интенсивлији чох-чох зөйф олур.

§5.17. Гөләви атомларының спектри

Мұреккәб атомларда енержи спектринин нәзәри чөһәтдән арашдырылмасы сохлу сајда электронларын кулон саһесиндеңдәкі һәрәкәтнин ојрәнилмәсінә қәтирилир ки, бу да соҳ мүреккәб бир мәсәләдір. Лакин бир груп сохелектронлу атомлар мөвфүддүр ки, онларын спектрал хасселәрини һидроjen атомуна аналоги оларға ојрәнмәк олар. Бу груп атомлар -гәләви метал атомларыдыр. Бу элементләринге (*Li*, *Na*, *K*, *Rb*, *Cs*) спектрләри харици көрүнүшү е'тибарилә һидроjен атомунун спектринә бәнзәjир. Тәчрүбәдә мүәjжән едилмишdir ки, гәләви атомларын спектрал хәтләринин арасындақы мәсафә ганунауjғын оларға дәjiшир: серијасын сәрhоддине jахынлаштыгча спектрал хәтләр сыйлашыр вә

хэтләрин интенсивликләри азалып. Лакин һидрокен атомунын спектрал серијалары вә гәләви метал атомларынын спектрал серијалары арасында кәскин фәргләр дә мөвффулдуруп. Мәлумдур ки, һидрокен атомунда бүтүн серијалар мәкәлә, Балмер дүстүру васитәсилә ifадә едилир:

$$\tilde{v} = R \left(\frac{I}{k^2} - \frac{I}{n^2} \right)$$

Бурада k верилмис спектрал серија үчүн сабит кәмијәтдир, n -исә дәјишир вә һәм дә $n > k$.

Ридбергин көстәрдији кими гәләви металларын спектрал серијалары ашағыдақы термин комбинасијасы кими верилә биләр:

$$T = \frac{R}{(n + \sigma)^2}$$

бурада σ -квант дефекти вә ја Ридберг дүзәлинии адланып. Экәр һидрокен атому үчүн спектрал серијаларын хэтләриңин тезликләри жалныз бир үмумиләшмиси балмер дүстүрун илә верилирдисе, гәләвиметал атомлары үчүн бир нечә илә үмуми дејирләр. Қевдәнин там јүкү $Ze + [-(Z-1)e] = e$ олдуғундан гәләви атомун јекано валент электрону бу қевдәнин саһесинде һәрәкәт едир. Белә модел һидрокен атомуну хатырладыр. Ослинде исә гәләви метал атомлары илә һидрокен атому арасында кәскин фәргләр вардыр. бу фәргләр ашағыдақылардан ибартлар. Билдійимиз кими һидрокен атомунда јекано валент электрон нүвәнин кулон саһесинде (мәркәзи саһе) һәрәкәт едир. гәләви метал атомунда исә валент электрону қевде отрағында һәрәкәт едәрек мөнфи јүкләри итәләјиб, мүсбәт јүкләри чәзб етдијиндең қевде деформасија уқрајыр, поліаризоләнир. Она көрә дә гәләви металларда қевдәнин кулон саһесинә динол, квадрупол, октупол вә с. саһолар әлавә олунмалыдыр. Ело она көрә дә гәләви метал атомларында һидрокен атомундан фәрғи әләр, бир нечә спектрал термләр мүшәнидә олунур. Һидрокен атомунда спектронун потенциал енержиси

$$\bar{v} = R \left[\frac{I}{(k + \sigma_1)^2} - \frac{I}{(n + \sigma_2)^2} \right]$$

бурада σ_1 вә σ_2 сабитләрдир. Гәләви метал атомларынын спектрләриндәки бәзи хұсусијәтләрдә таныш олат:

Менделеев әдебиятта гәләви металлар тә'сирсиз газлардан соңра көлир: һелиум-литиум, неон-натриум, аргон-калий, криптон-сезиум, ксенон-франсиум. Мәлумдур

ки, тә'сирсиз газларын атомлары чох дајаныглысыр, онлары ионлашырмаг үчүн, бөյүк енержи вермәк лазымдыр (мәсәлән, һелиум атомунун ионлашма потенциалы 24,6в-а бәрабәр). Гәләви металларын атомларыны исә ионлашырмаг үчүн иисбәтән кичик енержи лазымдыр (мәсәлән, литиум атомунун ионлашма потенциалы 5,4в-а бәрабәр). Гәләви металлар бирвалентлар, һәр һансы гәләви атому электронларын сајыны 2 илә ишарә етсек, онда гәбул етмәк олар ки, бу гәләви метал атомунун $z-1$ электрону нүвә илә тә'сирсиз газда олдуғу кими дајаныглы бир систем тәшкил едир (мәсәлән, литиум, һелиума, неона вә с. охшајыр), валент электрону исә атомун галан һиссәси илә зәйф әлагәдә олур.

Үмумијәтлә, јүкү Ze олан нүвә вә онун этрағында үмуми јүкү $(Z-1)e$ олан электронлар системинә атом қовдәси дејирләр. Қевдәнин там јүкү $Ze + [-(Z-1)e] = e$ олдуғундан гәләви атомун јекано валент электрону бу қевдәнин саһесинде һәрәкәт едир. Белә модел һидрокен атомуну хатырладыр. Ослинде исә гәләви метал атомлары илә һидрокен атому арасында кәскин фәргләр вардыр. бу фәргләр ашағыдақылардан ибартлар. Билдійимиз кими һидрокен атомунда јекано валент электрон нүвәнин кулон саһесинде (мәркәзи саһе) һәрәкәт едир. гәләви метал атомунда исә валент электрону қевде отрағында һәрәкәт едәрек мөнфи јүкләри итәләјиб, мүсбәт јүкләри чәзб етдијиндең қевде деформасија уқрајыр, поліаризоләнир. Она көрә дә гәләви металларда қевдәнин кулон саһесинә динол, квадрупол, октупол вә с. саһолар әлавә олунмалыдыр. Ело она көрә дә гәләви метал атомларында һидрокен атомундан фәрғи әләр, бир нечә спектрал термләр мүшәнидә олунур. Һидрокен атомунда спектронун потенциал енержиси

$$U = -\frac{Ze^2}{r}$$

гәләви атомларда исә,

$$U = -\frac{Ze^2}{r} \left(1 + \frac{A}{r} + \frac{B}{r^2} + \dots \right)$$

шілдекендә ахтарылып. Бурада биринчи һәнді нөгтәви јүк, икinci һәнді дипол, үчүнчү һәнді квадрупол вә с. саһәлдердәки потенциал енержидир. Биз биринчи жаһынлацмада ики һәндә кифајеттәнәмәжик:

$$U = -\frac{Ze^2}{r} \left(I + \frac{A}{r} \right)$$

Бу һалда сферик координатларда Шредингер тәнлијини жазып кулон саһәсіндәки һәрәкәтиң тәһлилиндө апардығымыз һесабаты тәкәрар етсәк, онда (5.26) тәнлијине үзғун олан ашагыдақы тәнлији аларыг:

$$\frac{d^2R}{dr^2} + \frac{2}{r} \cdot \frac{dR}{dr} + \frac{8\pi^2m}{h^2} \left[E + \frac{Ze^2}{r} - \frac{\hbar^2 l(l+1)}{8\pi^2mr^2} + \frac{Aze^2}{r^2} \right] R(r) = 0 \quad (5.37)$$

Бу тәнлијин (5.26) тәнлији илә үст-үстө дұнисеи үчүн ашагыдақы өвөзләмәни едәк:

$$l(l+1) - \frac{8\pi^2mAze^2}{h^2} = l_l(l_l+1)$$

Онда (5.37) тәнлији ашагыдақы шәкілдүшөр:

$$\frac{d^2R}{dr^2} + \frac{2}{r} \frac{dR}{dr} + \frac{8\pi^2m}{h^2} \left[E + \frac{ze^2}{r} - \frac{\hbar^2 l_l(l_l+1)}{8\pi^2mr^2} \right] R = 0$$

Бу тәнлик (5.26) тәнлији илә үст-үстө дұшып. Мәлумдур ки, (бах §5.9) бу тәнлијин һәлли жалныз

$$E = -\frac{2\pi^2mz^2e^4}{h^2(n_2+l_l+1)^2} = -\frac{2\pi^2mz^2e^4}{h^2n^2}$$

шәрти дахилиндә мүмкүндүр. Инди l_l -дән бизэ мәлум олан l -ә кечәк, бунун үчүн

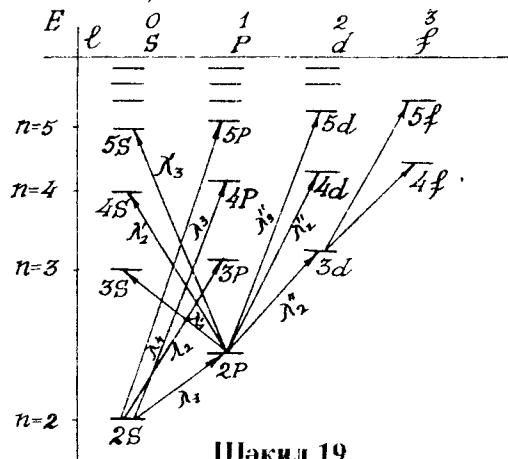
$$l_l(l_l+1) = l(l+1) - \frac{8\pi^2mAze^2}{h^2}$$

тәнлијини l_l -ә көрә һәлжеги.

Бу тәнлији l_l -ә көрә һәлжеги едиб, ону l -асентәсиле ифадә стәмәк олур, лакин A -сабитинин тапылмасы мүмкүн олмур. Гейд едәк ки, A -сабити квант өдәлдіріндән чиңді асылыдыры вә бу асылылыг бизде мәлум дејіл. Она көрә де енержи спектри үчүн алдыңымыз (5.36) дүстүрүндән истифадә едәчојик.

$$E_{nj} = E_0 \left[1 + \frac{z^2\alpha^2}{n^2} \left(\frac{n}{j + \frac{1}{2}} - \frac{3}{4} \right) \right]$$

Дирак нәзәрийесинә коре һидроқенә бойзәр атомларын тәдгиги бизи бу дүстүра котирир. Дүстүрдан көрсөнір ки, n -ин мүсөйжөн гијмотинде l -ин мұхтәсіп гијмотләре үчүн енержинин гијмотләре фәрғәнәнір. Бу фәрғи һидроқен атомунда озүнү қостәрір, чүнки һидроқен атомунда l -ә көрә ышрлаптама мөвчудадур. Инди nz , np вә nd сөвијіләринин енержисини жазған вә Li -атомунун енержи спектрини графики қостәрәк (шәкил 19)



Шәкил 19

$$E(ns) = -\frac{2\pi^2 mz^2 e^4}{h^2 n^2} \left[1 + \frac{z^2 \alpha^2}{n^2} \left(2n - \frac{3}{4} \right) \right]$$

$$E(np) = -\frac{2\pi^2 mz^2 e^4}{h^2 n^2} \left[1 + \frac{z^2 \alpha^2}{n^2} \left(\frac{2n}{3} - \frac{3}{4} \right) \right]$$

$$E(nd) = -\frac{2\pi^2 mz^2 e^4}{h^2 n^2} \left[1 + \frac{z^2 \alpha^2}{n^2} \left(\frac{2n}{5} - \frac{3}{4} \right) \right]$$

Гијмәтләри мүтајисә етсәк ns сәвијәсинин ән ашагыда, идан соңра np сәвијәсинин ве ондан јухарыда исә nd сәвијәсинин јерләпцијини корәрик. Борун тезлик гајдасындан стирада етмәклә тәчрүбәдә мүшәнидә олунан серијаларын зиликләрини несабламаг олар:

Баш серија: $1s \rightarrow np$ кечидиләриндә мүшәнидә олунур. Кинчи көмәкчи серија $2p \rightarrow ns$ кечидиндә, биринчи көмәкчи серија $2p \rightarrow nd$ кечидиндә фундаментал серија исә $3d \rightarrow nf$ кечидиндә мүшәнидә олунур. Гејд едәк ки, бу серијаларда $M_l = \pm l$ сечмә гајдасы өдәнилир.

§5.18. Елементләрин дөврү системи

Квант механикасынын ән парлаг нәтиҗәләриндән ири дә элементләрин дөврү системиниң нәзәри олараг урулмасы вә эсасландырылмасыдыр.

Гејд едәк ки, биз бурада элементләрин кимјөви вә призики хассәләрини тәһлил етмәйб, онларын јалныз электронон конфигурасијасыны тәһлил едәчәјик. Эввәлчә атомон мүмкүн ола билән һалларыны тә'јин едәк. Электронунун мүмкүн ола билән һалларыны тә'јин едәк. Мәлумдур ки, (§5.15) электронунун атомда һалы n, l, m_z вә m_s дөрд квант әдәди илә характеристизә олунур. Экәр n, l вә m_z квант әдәдләрини фиксә етсәк, онда $m_s = \pm \frac{l}{2}$ гијмәт алды-

бындан демәк олар ки, атомда n, l вә m_z мүэjjән олан ики электрон ола биләр. n вә l -и фиксә етмиш олсаг m_z , $2l+1$ гијмәт алдыбындан һәкм етмәк олар ки, n вә l мүэjjән гијмәтә малик олан электронларын сајы $2(2l+1)$ олар. Экәр јалныз баш квант әдәди -и фиксә етмиш олсаг, онда

$$N = \sum_{l=0}^{n-1} 2(2l+1) = 2n^2$$

аларыг. $n=1$ олан һала K -лајы дејирләр, K -лајында јалныз ики электрон ола биләр. $n=2$ олан һала L -лајы дејирләр ки, бу лајда 8-електрон ола биләр. $n=1$ олдуғуда $l=0$ олдуғундан K -лајы $1s$ -тәбәгәсинә малик олур; $n=2$ оларса, $l=0$ вә $l=1$ гијмәтләрини алдыбындан L -лајы $2s$ вә $2p$ тәбәгәсиндән ибара॑т олур. Тәбәгәдә јерләшән электронларын сајы $2(2l+1)$ илә тә'јин олундуғундан, s -тәбәгәсиндә ($l=0$), 2-електрон, P -тәбәгәсиндә ($l=1$) 6-електрон d -тәбәгәсиндә ($l=2$) 10-електрон вә с. ола биләр. $n=3, M$ -лајы ($3s, 3p, 3d$) тәбәгәләри, $n=4, N$ -лајы ($4s, 4p, 4d, 4f$) вә с. адланыр.

Инди лајларда олан электронларын максимум сајыны јазаг;

K -лајы $n=1, 1s^2$	чәми 2 електрон,
L -лајы $n=2, 2s^2 2p^6$	чәми $2+6=8$ електрон,
M -лајы $n=3, 3s^2 3p^6 3d^{10}$	чәми $2+6+10=18$ електрон,
N -лајы $n=4, 4s^2 4p^6 4d^{10} 4f^4$	чәми $2+6+10+14=32$ електрон

ола биләр.

Инди биринчи 10-елементтин (H -дән Ne -тәдәр) электрон конфигурасијасыны, термини вә валентлијини тә'јин едәк:

$$1.H. n=1, l=0, m_z = +\frac{l}{2} \text{ олдуғундан, онун електрон конфигурасијасы } 1s', \text{ эсас терми исә } ^2S_{\frac{1}{2}} \text{ олар.}$$

Адәтән элементтин валент голу (валентлији) спини компенсә едилмәмиш электронларын сајы илә тә'јин олунур. Һидрокен атомунда спини компенсә олмајан бир электрон олдуғундан, о бир валентли элементдир.

2. *He*. $n=1$, $l=0$, $m_l=0$, $m_s = \pm \frac{1}{2}$ гијмәтләрини алдырын-
осас электрон конфигурацијасы $1s^2$, терми 1s_0 валентлији
сыфырдыр (электронлар антипаралел јөнәлмишидир).
Цум атомунда K -лајы там долур, она көрә дә бу атом
иңсиз атомдур.

3. *L*. Литиумун биринчи ики электрону *Ne* атомунда олдуғу кими жерләшіп, жоғары $n=1$, $l=0$, $m_l=0$, $m_s = \pm \frac{1}{2}$, $1s^2$ олур. Үчүнчү электрону исә *K*-лајы ($n=1$) там додуғундан *L* лајында $n=2$ жерләпимеліидір. *L*-лајы ики тәбәгәдән ($2s$ вә $2p$) ибарәт додуғундан үчүнчү электронун һансы тәбәгәдә жерләнеш билмәсіні мүәжжіләштірмәлийк. Квант механикасында гејри-мәркәзи саһәдә һәрекәт едән электрон мәсөләсінин һәлли енержинин n вә l -дән асылы олмасына қотиріп; белә ки, енержи $n+l$ -дән асылы алмагла лајын вә жаңа тәбәгәнин долмасы $n+l$ кичик гијмәтіндән башламалыдыр. *L*-и кичик олан һалын енержиси, *L*-бојук олан һалын енержисіндән кичик олур; тәбәгәнин долмасы *L*-ин кичик гијмәтіндән башлајыр (*ns*, *np*, *nd* вә с.). Ола биләр ки, ики мұхтәсіл лајда $n_1+l_1=n_2+l_2$ мүшәнидә олунсун, белә һалда *L*-и бојук олан тәбәгө долмалыдыр. Бу мүћакимөнни нәзорә алсаң *L*-лајында $2s$ тәбәгәсі ($n+l=2+0=2$), $2p$ тәбәгәсіндән ($n+l=2+1=3$) табага долмалыдыр, жоғары литиум атомунун *1s²* электрону $n=2$, $l=0$, $m_l=0$, $m_s = +\frac{1}{2}$ тәбәгәсіндә жерләшіп, жоғары $n=2$, $l=1$, $m_l=0$, $m_s = +\frac{1}{2}$ тәбәгәсіндә жерләшіп.

үчүнчүү электрону $n=2$, $l=0$, $m_z = 0, -1, -2$ лэшмэлидир. Беләликлә Беләлиум атомунун электрон конфигурасијасы $1s^2 2s^1$ терми $2s_{1/2}$, валентлији исә бирдир.

4. Be. Бериллиум атомунун биринчи уч электрону литий атомунда олдуру кими јөрлөшир. Дөрдүнчү электрон $2s$ -тәбәгәсіндә бир бош яр олдуғундан һәмин яри $n=2$, $l=0$, $m_z = 0, m_s = \pm \frac{1}{2}$ тутур. Беләликлә бериллиум атомунун электрон конфигурасијасы $1s^2 2s^2$, терми 1s_0 , валентлији исә сыйфыр олур. Кимјәви реаксијалар әксер һалларда енержинин удулмасы илә башни верир. L -лајындақы $2s$ вә $2p$ тәбәгәләр арасындақы енержи фәрги $2.7eV$ олдуғундан кимјәви реак-

сијаларда удулан енержи бир электронлу $2s \rightarrow 2p$ кечидинә сәбәб ола биләр ки, бу да $|s^2 2s^2 \rightarrow |s^2 2s' 2p'$ конфигурасија-сына қотирәр. Белә конфигурасија бериллиум атомунун ики валтентли олмасыны қөстәрир. Бурада спинни компенсә олунмамыш электронун бири $2S$ -тәбәгәсиндә дикәри исә $2P$ -тәбәгәсиндә јерләшир.

5. В. Бор атомунуң биринчи дөрд електрону бериллиум атомунда олдуғы кими жерләннип, жә'ни: $n=1$, $l=0$, $m_z=0$, $m_s = \pm \frac{1}{2}$, $1S^2$ $n=2$, $l=0$ ($n+l=2$), $m_z=0$, $m_s = \pm \frac{1}{2}$, $2S^2$ конфигурация да малик олур. Беппинчи електрон L -лајынын $2P$ -тәбәгесинде жерләнімөлийдір, дөгрудан да $2P$ - тәбәгесинде, $n=2$, $l=1$, $n+l=3$, M -лајынын $3S$ -тәбәгесинде исә $n=3$, $l=0$, $n+l=3$ олmasына бақмајараг $2P$ -тәбәгесі әввәлчө долур, чүнки $2P$ тәбәгесинде l -ин гиjmөти даға бөjүкдүр. Беләлилдә, бор атомунун әсас терми $2P_{1/2}$, електрон конфигурациясы исә $1S^2 2S_2 2P^1$ -дир ки. Бу һаңда бор бир валентли, $2S \rightarrow 2P$ бирелектронлу кечидиндән соңра исә озүнү үчвалентли апарыр.

6.C. Карбон атому 6-електрона маликдир, бу електронларын дүзүлүп гајдасты

$$n=1, l=0, m_z=0, \quad m_s = \pm \frac{1}{2}, \quad \quad Is^2$$

$$n=2, l=0, m_i=0, \quad m_s = \pm \frac{I}{2}, \quad -2s^2$$

$$n=2, l=1, m_z = \begin{cases} +1 & m_s = +\frac{1}{2} \\ 0 & \\ -1 & m_s = +\frac{1}{2} \end{cases} 2p^2$$

олур. $2P$ -тәбәгәсіндә јерләшкен электронларын спини, һунд гајдастына көрә паралел олмалыдыр ки, бу карбон атомунун ики валентли олмасына кәтирир. $2S \rightarrow 2P$ бирелектронлу кечидіндә $2P$ тәбәгәсіндә үч электрон јерләшәр ки, һунд гајдастына көрә онларын спини паралел олмалыдыр. Бу

алда карбон атому озүнү дөрдвалентли апарыр вә әсас терми 3P_0 -дыр.

7.N. Азот атому 7-електрона маликдир, бу електронларын дүзүлүші гајдасы белэдир.

$$n=1, l=0, m_z=0, m_s = \pm \frac{1}{2}, \quad 1s^2$$

$$n=2, l=0, m_z=0, m_s = \pm \frac{1}{2}, \quad 2s^2$$

$$n=2, l=0, m_z = \begin{cases} +1 & m_s = +\frac{1}{2} \\ 0 & m_s = \frac{1}{2} \\ -1 & m_s = -\frac{1}{2} \end{cases} \quad 2p^3$$

Азот атомунун електрон конфигурациясы $1S^2 2S^2 2P^3$, әсас терми $^3S_{1/2}$ валентлиji исө үчүп. Үнд гајдасына көрөмалыдыр. Азот атомунда $2S \rightarrow 2P$ кечиди валентлиji дәйнүүмүр.

8. O. Оксикен атомунун 8-електрону ашағыдақы гајдала дүзүлмүшүлөр:

$$n=1, l=0, m_z=0, m_s = \pm \frac{1}{2}, \quad 1S^2$$

$$n=2, l=0, m_z=0, m_s = \pm \frac{1}{2}, \quad 2S^2$$

$$n=2, l=0, m_z = \begin{cases} +1 & m_s = +\frac{1}{2} \\ 0 & m_s = +\frac{1}{2} \\ -1 & m_s = +\frac{1}{2} \end{cases} \quad 2P^4$$

Әсас електрон конфигурациясы $1S^2 2P^2 2P^4$, терми 3P_2 , валентлиji исө икидир. $2S \rightarrow 2P$ кечиди валентлиji дәйнүүмүр.

9.F. Фтор элементин 9-електрону, оксилендө олдурум кими јерләшир. Әсас електрон конфигурациясы $1S^2 2S^2 2P^5$ терми, $2P_{3/2}$ валентлиji исө бирдир. $2S \rightarrow 2P$ кечиди валентлиji дәйнүүмүр.

10.Ne. Неон атомунун 10 $1S^2 2S^2 2P^6$ електрону конфигурациясыны тәшкил едир. Неон атомунда спини компенсәедилмәмиш електрон жохдур, она көрөмалы атомдур. Гејд едәк ки, неон атомунда L -лајы там долур вә әсас терм 1S_0 -олур.

11.Дикәр атомларын електрон конфигурациясы, әсас терми вә валентлиji бу шәкилдө тә'жин едилтир. Лакин унугумамалы ки, n -ин бөյүк гијмәтләриндө бир електронлу кечидин сајы арта биләр; мәсәлән, $n=4$ олдугда $4S \rightarrow 4P$, $4P \rightarrow 4d$, $4d \rightarrow 4f$ кечидиори ола биләр ки, бу да валентлиjin дәйнүүмөсүнө котиро биләр.

Мәншәлө: K, Ca, Sc, Ti вә V элементләринин електрон конфигурациясыны вә әсас термлөринин тә'жин етмоли.

§5.19. Аномал Зејеман эффекти

Зејеман эффектиinin классик нэзоријөсү §3.11-дө шәрх едилминидир. §3.11-дө көстәрдик ки, харичи магнит саһәси спектрал хәттә тә'сир едәрәк оны үч хоттә парчалајыр ки, буна нормал Зејеман эффекти дејирләр (бах. §1.4). Тәмрүбәдә алынан чохлу сајда хәтләр (аномал Зејеман эффекти) классик физикада изаһ едилә билмир. Зејеман эффектиinin там нэзоријөсү ялныз реләтивистик квант механикасы (Дирак тәннизи) дахилиидә верилир. Биз бурада Зејеман эффектиinin там нэзоријөсүнин јох, тәмрүбәдә алынан нәтиҗәләри кејфијиетчى изаһ етмөјө чалышачајыг.

Фәрз едәк ки, магнит моменти $\vec{\mu}$ олан атом сабит, бирчынсели харичи магнит саһәсүнә лаҳил едилтир. Бу һалда атомун харичи магнит саһәсүндә алдырыгы әлавә енержи:

$$\Delta E = -(\vec{\mu} \cdot \vec{H}) \quad \vec{\mu} = \vec{\mu}_l + \vec{\mu}_s$$

Бурада H -харичи магнит саһәсинин интенсивијидир. Эввәлчә Шредингер тәнилијини јазаг:

$$\Delta\psi + \frac{2m}{\hbar^2}(E - U)\psi = 0$$

Вә харичи магнит саһәси илә электронун гарышылыглы тә'сир енержисини мүәјјәнләштирик. Харичи саһәдә һәрәкәт едән электрона Лоренс гүввәси тә'сир еди, лакин бу көтөрмәди. Атомун харичи магнит саһәси илә гарышылыглы вә вермир. Атомун харичи магнит моментинин харичи тә'сир енержиси дедикдә, онун магнит моментинин харичи саһә илә гарышылыглы тә'сир енержиси баша дүшиәчәйик, јәни

$$U = -(\vec{\mu} \cdot \vec{H}) = -\mu H \cos \alpha$$

$\cos \alpha = \frac{m_z}{n_\phi}$ вә $\mu = \mu_0 n_\phi$ олдуғуну нәзәрә алса (бурада) μ_0

- Бор магнетонудур:

$$U = -\mu_0 H m_z$$

Биз бурада юлның орбитал магнит моментини нәзәрә алмышыг. Әкәр спин магнит моментини нәзәрә алса

$$U = -\mu_0 H m_z - \mu_0 H m_s = -\mu_0 H (m_z + m_s) = -\mu_0 H m_j$$

олар. Бу ифадәјә Ланде факторуну дахил етсәк

$$U = -\mu_0 H g_j m_j$$

олар. Бу ифадәни Шредингер тәнилијиндә јеринә јазса

$$\Delta\psi + \frac{2m}{\hbar^2} [E(H=0) + \mu_0 H g_j m_j] \psi = 0$$

аларыг. Бу тәнликтән көрүнүр ки, атом электронунун харичи магнит саһәсендәки там енержиси

$$E(H \neq 0) = E(H=0) + \mu_0 H g_j m_j$$

олар. Борун тезлик гајдастына көрә ики сәвијә арасындағы көчиддә бурахылан шұанын тезлији

$$\omega = \frac{E'(H \neq 0) - E''(H \neq 0)}{\hbar} = \frac{E'(H=0) - E''(H=0)}{\hbar} + \\ + \mu_0 H \frac{g_j' m_j' - g_j m_j}{\hbar}$$

тә'јин олунар. $\frac{E'(H=0) - E''(H=0)}{\hbar} = \omega_0$ илә ишарә етсәк:

$$\omega = \omega_0 + \Delta\omega(g_j' m_j' - g_j m_j) \quad (5.38)$$

аларыг. Бурада $\Delta\omega = \frac{\mu_0 H}{\hbar} = \frac{eH}{2mc}$ Лармор тезлијидир.

(5.38) дүстүру әсасында истәнилән сәвијәләр арасындағы көчиддә Зејеман парчаланмасының несабламаг олар. Бу дүстүр әсасында Na атомунун башы серијасындағы сары хәтті тәһлил едәк; сары хәттин далға узунлуглары

$$\lambda_1 = 5896 \text{ Å}, \quad \lambda_2 = 5890 \text{ Å}$$

Сары хәтт ${}^3P_{1/2} \rightarrow {}^3S_{1/2}$ вә ${}^3P_{3/2} \rightarrow {}^3S_{1/2}$ көчиддәринде бурахылырып. Бу көчиддәрдә $L=1, 0$; $S=1/2$, $n=3$ гијметрләрини алып. Ланде фактору §5.14-дә алынан

$$g = \frac{3}{2} + \frac{S(S+1) - L(L+1)}{2I(I+1)}$$

дүстүру васитесилә һесабланыр.

$3S_{1/2}$ -сәвијәсінүү үчүн $g=2$, $3P_{1/2}$ -сәвијәсінүү үчүн $g=\frac{2}{3}$,

$3P_{3/2}$ -сәвијәсінүү ишө $g=\frac{4}{3}$ алдырыт. Үмумијәтлә,

бу кечидләрдә квант әдәдләринин алдығы гијметләр:

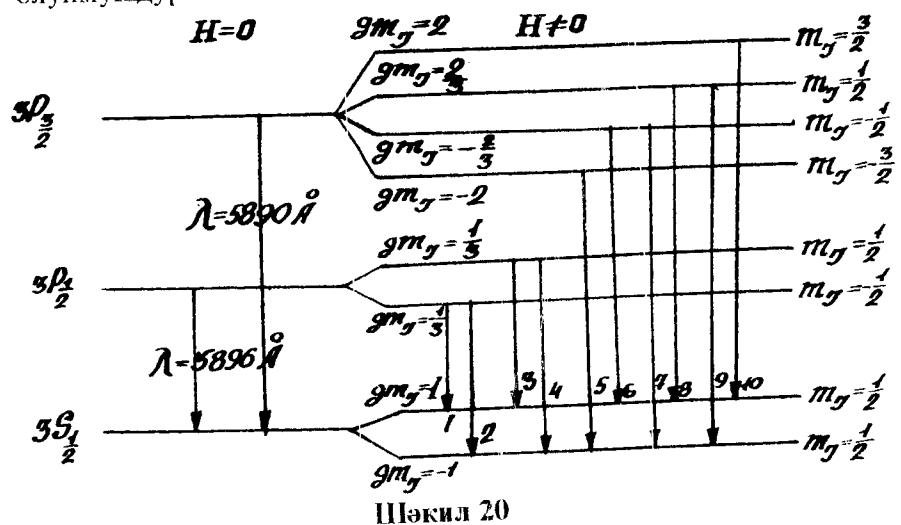
$3S_{1/2}$ -сәвијәсендә $L=0$, $S=\frac{1}{2}$, $I=\frac{1}{2}$, $m_j=\pm\frac{1}{2}$, $g=2$, $gm_j=\pm 1$

$3P_{1/2}$ -сәвијәсендә $L=1$, $S=\frac{1}{2}$, $I=\frac{1}{2}$, $m_j=\pm\frac{1}{2}$, $g=\frac{2}{3}$, $gm_j=\pm\frac{1}{3}$

$3P_{3/2}$ -сәвијәсендә $L=1$,

$S=\frac{1}{2}$, $I=\frac{3}{2}$, $m_j=\pm\frac{1}{2}$, $\pm\frac{3}{2}$, $g=\frac{4}{3}$, $gm_j=\pm\frac{2}{3}$; ± 2

Бу гијметләрә уйғун олан кечидләр шәкил 20-дә тәсвир олунмушадур.



Гејд едәк ки, бу кечидләрдә §5.16 верилән сечмә гајдалары өдәнмәлидир, јәни $\Delta l = \pm 1$, $\Delta m_j = 0$, ± 1 . Дәгиг ријази һесабламалар көстәрир ки, алынан бу нәтичәләр зәиф магнит саһәси үчүн дөңгелүүр. Зәиф магнит саһәси дедикдә, елә саһәләр баша дүшүлүр ки, атомун там магнит моментинин харичи саһә илә гарышылыглы тә'сир енержисиндән кичик олсун. Экәр там магнит моментин харичи саһә илә гарышылыглы тә'сир енержиси, спин-орбитал гарышылыглы тә'сирин енержисиндән бөյүк оларса, онда харичи саһә спин-орбитал енержисиндән бөйүк оларса, онда харичи саһә спин-орбитал енержәни тыра биләр. Бу һалда спин магнит моменти вә әлагәни тыра биләр. Бу һалда спин магнит моменти һәм орбитал магнит моменти харичи саһә илә айры-айрылыгда гарышылыглы тә'сирдә олачагадыр. Белә гарышылыглы тә'сир бизи нормал Зејман еффектинә (спектрал хәттин үч хәттә парчаланмасы) көтирең. Бу һадисе илк дәфә тәчрүбәдә Пащен-Бак тәрәфиндән мұшаһидә едилмишидир ки, бу да Пащен-Бак еффекти адланыр.

Пащен-Бак еффекти спин-орбитал гарышылыглы тә'сирин چох кичик олмасы илә әлагәдәрдәр ки, бу һалда $g_j' = g_j$ олур вә (5.38) дүстүру

$$\omega = \omega_0 + \Delta \omega g_j (m_j' - m_j) = \omega_0 + \Delta g_j \Delta m_j$$

шәкилә дүшүр. $\Delta m_j = 0$, ± 1 олдуғуну нозарә олсан спектрал хәттин үч хәттә парчаланмасы мұшаһидә олнаар ки, бу да нормал Зејман еффектидир.

§5.20. Штарк еффекти

1913-шү илдә штарк харичи електрик саһәсинин спектрал хәттә тә'сирини тәчрүбәдә тәдгиг етмишидир. Тәчрүбә көстәрмишидир ки, харичи електрик саһәси спектрал хәтти парчалајыр ки, бу Штарк еффекти адланыр. Штаркын апартадығы тәчрүбәләрде харичи електрик саһәсинин һидроқен атомуна вә дикәр атомлара көстәрдији тә'сирин ейни олмасы аңқар олунмушадур. Тәчрүбә көстәрмишидир ки, хари-

чи саһәнин кичик гијмәтләриндә, һидрокен вә һидрокенә бәнзәр атомун спектрал хәттинин парчаланмасы саһәнин биринчи дәрәчәси илә (хәтти Штарк еффекти), дикәр атомларын спектрал хәттинин парчаланмасы исә саһәнин икinci чи дәрәчәси илә (квадратик Штарк еффекти) мүтәнасибdir. Саһәнин бејүк гијмәтләриндә исә һидрокен вә һидрокенә бәнзәр атомлар үчүн квадратик Штарк еффекти, дикәр атомлар үчүн исә јүксәк дәрәчәли Штарк еффекти мүшәнидә олуунур. Саһәнин даһа бејүк гијмәтләриндә исә спектрал хәттг итир.

Инди бу һадисәни классик вә қвант нэзәрийәсини тәхлил едәк. Эввәлчә саһәнин «зәиф» вә «күчлү» гијмәтләрини аյдынлашыраг. Нүвәнин биринчى Бор орбити радиусу мәсафәсіндә яратдығы электрик саһәсінин интенсивлији

$$\varepsilon_{\text{H}\gamma\text{ea}} = \frac{e}{a_0^2} = \frac{4,8 \cdot 10^{-10}}{(0,538 \cdot 10^{-8})^2} \cdot 300 \approx 5 \cdot 10^9 \text{ e/cm}$$

олар. Тәрүбәдә һидроқен атому үчүн хәтти Штарк еффекті $\epsilon \sim 10^4$ в/см гијмәтіндө мүшәнидө олумыштыру. $\epsilon < \epsilon_{\text{пұра}}$ олду-
гушыдан бу тәртіб саһаләрі зәйф саһадаңдырашығы. Құч-
лұ саһадаңдырашығы $\epsilon \sim 10^6$ в/см баша дүниәжүйек, чындықтан тәрү-
бәдә һидроқен атому үчүн квадратик Штарк еффекті саһа-
нин $10^5 - 10^6$ в/см гијмәтіндө мүшәнидө олумыштыру. Саһанын
 10^6 в/см гијмәтіндән бойынша гијмәттерінде иер даға күштү саһа-
дејәчәрек.

Классик физикада Штаркoeffектинин нәзәрийәси харичи електрик саһесинде рәгс сәнән електронун һәрәкәтиң эквивалентидир. Доңрудан да орбит боюнча фырланан електронун һәрәкәтини бир-биринә перпендикулјар олан үч рәгси һәрәкәтә аյырмаг олар. (бах §3.5); харичи саһени бу рәгсләрдән һәр-һансы бири истигамәтдә јөнәлтсәк ($\epsilon_y = \epsilon_z = 0, \epsilon_x = \epsilon$) онда електронун һәрәкәт тәнлиji (§1.4)

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{e\varepsilon}{m} - \omega_0^2 x$$

$$\frac{d^2y}{dt^2} = -\omega_0^2 y$$

$$\frac{d^2z}{dt^2} = -\omega_0^2 z$$

олар. Бу систем тәнлик (1.16) тәнликтәри илә үст-үстә дүшүр. §1.4 көстәрмишдик ки, бу тәнликләрин һәлли рәгсии тезлијини дәјишмәйб յалныз таразлыг нөгтәсини $\frac{e\varepsilon}{m\omega_0^2}$ гәләр. Бу о демәкдир ки, классик физикаја көрә харичи електрик саһеси, спектрал хәттин тезлијини дәјишә билмәз, јәни Штарк эффекти классик физикаја әсасән изаһ едилә билмәз.

Инди квант механикасы әсасында Штарк еффектини кејфијјатчә тәһлил едәк. Фәрз едәк ки, электрон x -оху истигамәтдә ($\varepsilon_x = \varepsilon$, $\varepsilon_y = \varepsilon_z = 0$) һәрәкәт едир. Бу һалда электронун харичи саһә илә гарпышлыгы тө'сир енержиси:

$$U = \text{exe}$$

олар; бу енержини Шрединкөр тәнлијиндэ нэзэрэ алсаг:

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - ex\varepsilon) \psi = 0$$

тәнлијини аларыг. Бу тәнлиji һәлл етмәк о гәдәр дә чәтиң дејилдир, лакин биз тәнлиji һәлл етмәјиб Балмер серијасы $n=2$ үчүн енержинин квант механикасындан мә’лүм олан гијмәтгәрингендән истифадә едәк: квант механикасында апартылан һесабат көстөрир ки, иккинчи сөвиijәjэ верилән әлавә енержи;

$$E_2^{(1)} = E_2(0) - 3e\epsilon a_c$$

$$E_2^{(2)} = E_2(0) + 3e\epsilon a_0$$

$$E_3^{(2)} = E_2(0)$$

тә'жин олунур; бурада $E_2(0) = -\frac{2\pi^2 me^4}{4h^2}$, a_0 - исә биринчи Бор орбитинин радиусудур. Соңынчы ифадәләри тезликләрә көрә јазсаг (h -а бөймәкә)

$$v_2^{(1)} = v_2^{(0)} \pm \frac{3ea_0}{h} \cdot \epsilon$$

$$v_2^{(2)} = v_2^{(0)} + \frac{3ea_0}{h} \cdot \epsilon$$

$$v_2^{(2)} = v_2^{(0)}$$

аларыг. Бу ифадәләрдөн корсөнир ки, харичи электрик саһәси спектрал хәтти парчалайыр вә һидроjen атому үчүн бу парчаламма саһәнии биринчи дәрәҗеси илә мүгәннасиб (хәтти Штарк эффектини Шредир тәэлијине мұрашият етмәдән дә кејфијетчә изаһ етдинкөр тәэлијине мұрашият етмәдән дә кејфијетчә изаһ етмәк олар. Догрудан да, харичи саһә илә электронун гарышылыгы тә'сир енержисини

$$U = ex\epsilon \Rightarrow (\vec{P}\vec{\epsilon}) = Pe \cos \alpha$$

шәклиндә дә јазмаг олар; бурада P -һидроjen атомунун енержиси электрик дипол моментидир. Онда атомун там енержиси ($n=2$ һалында)

$$E_2 = E_2^{(0)} + Pe \cos \alpha$$

олар; бу ифадәни тезликләрә јазсаг:

$$v_2 = v_2^{(0)} + \frac{Pe}{h} \cos \alpha$$

аларыг.

v_2 -тезлијини јухарылакы тезликләрә мүгајисә етсөк $p=3ea_0$, $\alpha=0$; $\frac{\pi}{2}$; π гијмәтләрини аларыг.

Беләликлә иддиа етмәк олар ки, хәтти Штарк эффектинин јарапасына сәбәб, һидроjen атомунун дипол моментине малик олмасыдыр ки, бу дипол моменти дә фәзада үч истигамәтдә истигамәтләнир. Кичик саһәләр үчүн 10^4 в/см квант механикасынын вердији нәтичәләр төчрүби нәтичәләрләрдә үст-үстә дүшүр. Чох күшү саһәләрдә спектрал хәттин итмәсінін автоинлашма илә изаһ етмәк олур, је'ни саһә чох күшү олдуғда гарышылыгы тә'сирин нәтичәсіндә өлектрон атомдан ғонур ки, буна да автоинлашма дејирләр.

§5.21.Лемб сүрүшмәси

Дирак тәэлијинин гәләви атомлара тәтбиги бизи јени бир енержи спектрине кәтирди ки, бу спектр вә j квант әдәдләриндән асылы олур. Енержи спектри үчүн алышан (5.35) дүстүруну һидроjenә бәнзәр атома тәтбиги етсөк, n вә j ёйни олан сәвијәләрин енержиләринин үст-үстә дүшмәсінің көрәрик. Буна инанмаг үчүн $2S$ вә $2P$ сәвијәләринин енержисини һесаблајаң: $2S$ сәвијәсіндә $n=2$,

$$l=0, j=\frac{1}{2} \text{ олдуғундан}$$

$$E(2S_{1/2}) = -\frac{E_0}{2^2} \left[1 + \frac{\alpha^2 z^2}{2^2} \left(1 \pm \frac{3}{4} \right) \right]$$

$2P$ сәвијјәсіндә исә $n=2$, $l=1$, $j=1 \pm \frac{1}{2} = \begin{cases} 1/2 \\ 3/2 \end{cases}$ олдукундан, бұ
сәвијјә $2P_{1/2}$ және $2P_{3/2}$ дублет сәвијјәсіндән ибарәт олур; бұ
сәвијјәләрін енержиси

$$E(2P_{1/2}) = -\frac{E_0}{2^2} \left[I + \frac{\alpha^2 z^2}{2^2} \left(I - \frac{3}{4} \right) \right]$$

$$E(2P_{3/2}) = \pm \frac{E_0}{2^2} \left[I + \frac{\alpha^2 z^2}{2^2} \left(\frac{1}{2} - \frac{3}{4} \right) \right]$$

тиjmётлэрине маликдир. $E(2S_{1/2})$ вə $E(2P_{1/2})$ тиjmётлэрини мұғајисә етсөк $E(2S_{1/2})=E(2P_{1/2})$ олдуғуны қорорык. Бү сәвиijәләрин һәгигәтән үст-үстә дұшмәсінің жалын тәчрүби фактлар әсасында һоқм етмөк олар. Она көре дə тәчрүбөдө оптика спектроскопия үсулуидан истифадә етмөкшə $n=3$ сәвиijәсіндән $n=2$ сәвиijәсінде кечидің һидроқен атомунун H_α -хәттінин инчо гурулушу тəдигін едилірди; бə'зи нотижәләр $2S_{1/2}$ вə $2P_{1/2}$ сәвиijәләринин үст-үстә дұшмосини, дикәр тәчрүби фактлар исә бу ики сәвиijәнин нəзəрəн $0,03 \text{ cm}^{-1}$ гəдəр, тезликләр областында көрə 1000 hc гəдəр, сүрүшмәсінің иддия едирдиләр. Мəсəлəнин дəгиг һəллі едилмәсінің чəтиллеліліктерін, кифајет гəдəр енэ малик олан спектрал хəтләрин бир-биринə چох жахын јерлəшмəсі иди. Бə'зи тәчрүбəлəрдə алынан $E(2S_{1/2})-E(2P_{1/2}) \neq 0$ нəтижеси тәчрүбəнин хəтасындан кичик олдуғуидан бу факта о гəдəр дə əhəmijijəт верилмирди. Мəсəлəнин биргиyməтли һəллени 1947-чи илде Лемб вə Ризерфорд көстəрди. Лемб вə Ризерфордун тəдигатлары əввəлки тəдигатшарын нəтижəлəрине әсасланаырда. Дөргулан да, бə'зи тәчрүби фактларда көрə $2S_{1/2}$ вə $2P_{1/2}$ снержи сәвиijәләринин бир-биринə нəзəрəн тезликләр областында сүрүшмəсі 1009 hc олдуғуидан тəбииидир ки, бу сүрүшмəни жалын җүксөк тезликләр областында тəдигін етмөк лазымыры; она көрə дə радиоспектроскопия үсулуидан истифадә етмөк зəруриjijəтті гарышыя ыйхыр. Бу үсүл $I \text{ hc}$ дəгигликлə тезлеjи олчмəjə имкан верири.

Биз бурада Лемб вэ Резерфорд тәчүрүбәсинин шәрһ етмәјиб, іалныз тәчүрүбәдән алынаң нәтижәләри тәһлил едәк.

Тәңрүбә қөсгәрди ки, $2S_{1/2}$ вә $2P_{1/2}$ сәвијәләри бир-биринн үзәринә дүшмүр; буплар арасындағы фәрг һидроқен атому үчүн $1057,91 \pm 0,01$ -дир. Бу фәрг Лемб сұрушмәсі аділаныр. Бу һадисә Шредингерин квант механикасында изаһ едилә билмир, буну илк дәфә Бете нәзәри олараг квант электродинамикасы әсасында һесаблаябыз изаһ етмишидир. Бете һидроқен атому үчүн Лемб сұрушмәсини һесабламыш вә ($1057,91 \pm 0,01$) Mhc гијмөтини алмыштырып ки, бу да тәңрүби нәтижеләрло үст-үстә дүшүр. Лемб сұрушмәсин изаһ етмәк үчүн квант электродинамикасының ба'зи анлајылары илә таныш олаг.

Саһәләрин квант иэзәрийәсендә “вакуум” дедикдә мүтләг башынан дүшүлмүр; вакум мұхтәлиф физики хассасләрә малик олдуғандан, о мұхтәлиф физики һөлләрда ола биләр. Даһа дәғиг десәк зәррәчијин вә ја саһәниң новундән асылы олараг мұхтәлиф физики вакуум анлајыны дахил едилір. Мәсәлән, мә’лүмдүр ки, електромагнит саһоси вә ја фотонлар саһәси енержини $h\nu$ гәдәр алыб вере биләр. Экәр саһәдән \hbar дәфә $h\nu$ гәдәр енержи алынарса, онда \hbar дәфә $h\nu$ гәдәр енержинин алынмасы фотонлар сајынын бир вәнид азалмасына кәтирәр. Бу азалма о вахта гәдәр давам едәчек ки, системдә мұшақидә едилән - реал фотонларын сајы сығыр олсун. Лакин классик тәсаввүрләрдән фәргли олараг, бурада електромагнит саһоси жох олмур, о енержиси ән кичик олан бир һаңда кечир ки, бу һаңда саһәдән енержи гопармаг мүмкүн олмур ки, буна сығырынчы енержи дејирләр. Електроманит саһәснин ән кичик енержијә малик олмасы һаңына, јо’ни бу һаңда \hbar бир реал фотонун олмамасы һаңына електромагнит саһәснин вакууму вә ја фотонлар вакууму дејирләр. Ејни гајда илә дикор саһәләр-зәррәчикләр үчүн дә физики вакуум анлајыны дахил едирләр, бу вакуум да саһәниң енержисинин ән кичик гијметинә тәвағүт едир. (Електрон-позитрон вакууму, π - мезонлар вакууму вә с.) Вакум һаңында олан саһәјә мүәжжән гәдәр енержи вериләрсө (верилән енержинин мигдары саһосиңин новундән асылыдыр) онда саһә \hbar жәнчанланап, јо’ни реал

зэррэчик - саһәнин кванты јараныр. Мәсәлән, электрон-позитрон вакуумуна $E \geq 2m_0c^2$ енержиси вериләрсә, онда вакуумдан электрон-позитрон чүгү јарана.

Вакуумун поларизацијасы (икинчи сабб) нүвөнии күлон саңаинин потенциалыны, электронун комитон даға узунлугу мәсафесіндегі 10^{11} см тәхриф едир.

Бу мәсафә бириңчи Бор орбитинин радиусында
зерттеуде көмектесе атқарылғанда, оның тәжірибелі
жыныстарынан көрсетілді. Олардың көмегінде
бұл миссияның жаңылығынан өзіншілдікке
жетекшілік берілгенде, оның мәнінен
бірнеше күндерден көп болғанда, оның
тәжірибелі жыныстарынан көрсетілді.
Олардың көмегінде миссияның жаңылығынан
жетекшілік берілгенде, оның мәнінен
бірнеше күндерден көп болғанда, оның
тәжірибелі жыныстарынан көрсетілді.

Садәллик үчүн $2S$ және $2P$ электрондарыны араңызырага.
Мәлумдур ки, $2S$ электрону $2P$ электронуна нисбәтән
нүвәжә даһа чох жаһындыр. Она көрә де $2S$ электрону $2P$
электронуна нисбәтән даһа күшү вә гејри-бирчинсли
(икинчи сәбәб) электрик саһасында һәрәкәт елир. Классик
дилдә десәк даирәви орбит өз формасына чиңди дојишир,

нұвөjә хаотик сларға кaһ jахынлашыр, кaһ да узаглашыр. $2P$ -електронуна кәлдикдә исә нұвәниң электрик саһеси нисбетән зәиф вә геjри-бирчинслилик дәрәчәси кичик олдуғундан, саһесинин тә'сирі нисбетән зәиф олур. Бурадан аждын олур ки, нұвәниң саһесинин тәһриф олунмасы (виртуал фотопларын удулуб-бурахылмасы) санки електрону 'силкәләнмә' S -електронлары үчүн даһа құшы олдуғундан (нұвәниң әтрафы) потенциал енержинин дәжишмәси дә бөjүк олур. Она көрә дә вакуум һесабына (биринчи сәбәб) там енержиjә верилән әлавә енержи S -електронлары үчүн даһа чох олар. Мәһз буна көрә дә S вә P електронларын енержиләри бир-бириндән фәргләннир (вакуумун подjаризасијасы нәzәрә алынмазса) вә $2S_{1/2}$ вә $2P_{1/2}$ (и вә j ejни) сәвиijәләр бир-биринә нәzәрән сүрүшүр; $2S_{1/2}$ верилән әлавә енержи бөjүк олдуғундан о, $2P_{1/2}$ сәвиijәсіндән jұхарыда јерләпшир.

Бу мұнакимәни классик физика нөгтеји-нәзәриндән ашағыдақы кими әсасландырмаг олар. Нұвәдән һәр ғансы бир r -мәсафәсіндә потенциал енержини $U_0 = \frac{Ze^2}{r}$ шәклиндә жазаң. s -електронлары P -електронларына нәзәрән нұвәје даға «жыхын» олдуғундан онун потенциал енержиси

$$U = \frac{Ze^2}{r - A\mu}$$

олар; потенциал енергийниң дәйишилмәсі

$$\Delta u = U - U_0 = Ze^2 \left(\frac{1}{r - \Delta r} - \frac{1}{r} \right) = + \frac{Ze^2 \Delta r}{r(r - \Delta r)} \approx + \frac{Ze^2 \Delta r}{r^2}$$

P-електронлары үчүн исәп

$$\Delta u = Ze^2 \left(\frac{1}{r + \Delta r} - \frac{1}{r} \right) = -\frac{Ze^2 \Delta r}{r(r + \Delta r)} \approx -\frac{Ze^2 \Delta r}{r^2}$$

Бу ифадәләри нәзәрә алсаг, онда

$$\Delta E(2S) = E^K + \frac{Ze^2 \Delta r}{r^2}; \quad \Delta E(2p) = E^K - \frac{Ze^2 \Delta r}{r^2}$$

бу әлавәләрин мугајисәсендән

$$\Delta E(2S_{1/2}) > \Delta E(2P_{1/2})$$

олдукуну көрәrik ки, бу да $2S_{1/2}$ сәвијјесинин $2P_{1/2}$ сәвијјесине нәзәрән «јухарыда» јерләнмәсини изаһ едир.

§5.22. Һидроjen молекулу

Һидроjen молекулу ики һидроjen атомундан тәшкил қолунышылар. Нұвәнин күтгөсі електронун күтләсіндән соңғы бөյүк олдурундан нұвәләрин иисби һәрәкәтини нәзәрәлмамағ олар, я'ни һидроjen молекулу мәсөләсінин һәлдиндә нұвәләр арасындақы R -мәсафәсінни сабит котүрмәк олар. Бириңчи нұвәни a , икinci нұвәни исә b -илә ишарәтсек, онда §5.10 апартылан һесабаты нәзәрә алмагла һидроjen молекулу үчүн Шрединкөр тәнлиji ашағыдақы шәкилдә жазылар:

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} (\Delta_1 \psi + \Delta_2 \psi) + e^2 \left(\frac{1}{R} - \frac{1}{r_{1a}} - \frac{1}{r_{2b}} - \frac{1}{r_{1b}} - \frac{1}{r_{2a}} + \frac{1}{r_{12}} \right) \psi = E \psi$$

Бу тиң тәнлиjiin принципал негтеji-нәзәрдән һәлли §5.10 шәрх едилемшилдір; она корә до һәмин мұhакимәни тәкрап етмәжіб, жаңыз далға функциясынын хұсусијәтини кеј-фијјетчә тәһлил едәк. Далға функциясы фәза вә заман координатларындан башта син координатындан да асылы болмалыдыр. Далға функциясы елә гурулмаудыр ки, о бүтөвлүкдә антисимметрик олсун (бах §5.11). Антисимметрии координата көрә симметрик, спинә көрә антисиммет-

рик вә ја координата көрә антисимметрик, спинә көрә исә симметрик сечмәклә тә'мин етмәк олар.

$$\psi_+ = N_+ [\psi_a(1)\psi_b(2) + \psi_a(2)\psi_b(1)]$$

$$\psi_- = N_- [\psi_a(1)\psi_b(2) - \psi_a(2)\psi_b(1)]$$

бурадакы N_+ вә N_- әмсаллары нормаллыг шәртиндән тә'јин едилир (§5.11).

$$N_+ = \frac{1}{\sqrt{2(1+S^2)}}; \quad N_- = \frac{1}{\sqrt{2(1-S^2)}};$$

$$S = \int \psi_a(n)\psi_b(n)dV_n, \quad n = 1, 2$$

S -өртмә интегралы адланыр. Өртмә интегралы ~~ялға~~ функцияларынын бир-бирини өртмә дәрәчесини характеризә едир. аждындыр ки, әкәр өртмә интегралы сығыр оларса, онда молекулун рабитә енержииси сығыр олар, я'ни молекул жаранмаз.

Изолә едилемши һәр бир һидроjen атомунун енержиисини E_0 илә ишарәтсек, онда ψ_+ вә ψ_- уйғын олан енержиләрин ифадәси ашағыдақы кими олар:

$$E_+ = 2E_0 + \frac{K+A}{1+S^2}; \quad E_- = 2E_0 + \frac{K-A}{1-S^2}$$

бурада

$$K = e^2 \int \psi_a^2(1) \left(\frac{1}{R} + \frac{1}{r_{12}} - \frac{1}{r_{1b}} - \frac{1}{r_{2a}} \right) \psi_b^2(2) dV_1 dV_2$$

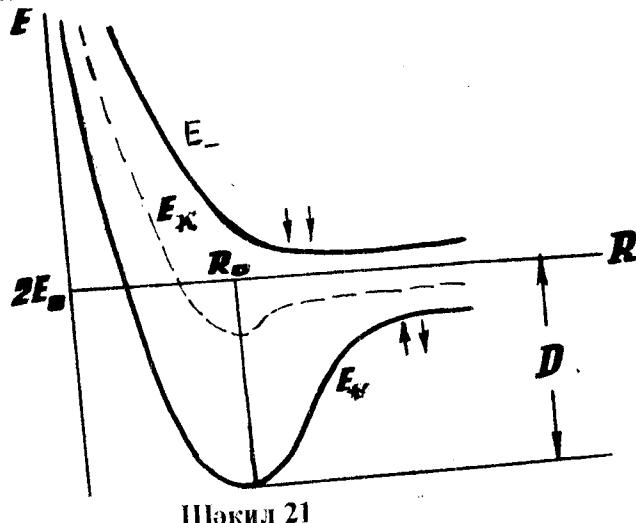
$$A = e^2 \int \psi_a(1) \psi_b(1) \left(\frac{1}{R} + \frac{1}{r_{12}} - \frac{1}{r_{1b}} - \frac{1}{r_{2a}} \right) \psi_a(2) \psi_b(2) dV_1 dV_2$$

K-илэ ишарә едилән интеграл системин кулон енержисини ифадә едир. буна инанмаг үчүн биринчи һәдди һесабламаг кифајәтдир. Нұвәләр арасындақы мәсафә *R*-сабит олдуғундан:

$$e^2 \int \psi_a^2(1) \frac{1}{R} \psi_b^2(2) dV_1 dV_2 = \frac{e^2}{R} \int \psi_a^2(1) dV_1 \int \psi_b^2(2) dV_2 = \frac{e^2}{R}$$

Куаларыт. Беләликлә, биринчи һәдди нұвәләр арасындақы Кулон гарышылыгы тә'сир енержисини, икinci һәддә электрон гарышылыгы тә'сир енержисини ифадә едир. *A*-интегралы гарышылыгы тә'сир енержисини ифадә едир. *A*-интегралы мұбадилә интегралы вә ја мұбадилә енержиси адланып. Бу интегралын классик аналогу жохтур, о жалныз квант механикасында мејдана чыхып ки, бу да наули принципи әсасында електриларын сөцилмәмәзлиji һесабына ѡараңыр.

Там енержинин *R*-дән асылышыны шәкил 21-дә көстәрілмишdir. **E**



Шәкилдән қорынүр ки, E_+ һалы (далға функциясы координата қорә симметрик, спинә қорә исә антисимметрик) $R = R_0$ гијмәтиндә минимума маликдир ки, бу да молекулун дајаныглы һалыны тәсвир едир.

K_A вә S интегралларынын һесабланмасы $R_0=0,87\text{\AA}$, چухурун (минимумун) дәренилиji үчүн $D=72,4$ ккал/мол гијмәтләринә кәтирир. Тәмрүбә исә $R_0=0,74\text{\AA}$, $D=109$ ккал/мол, гијмәтләрини верир. Бу гијмәтләрин мұғајисәсицән қорынүр ки, нәзәри вә тәмрүбүн гијмәтләр бир-биринә уйғун қәлмир. Белә нәтичә һеч дә квант механикасынын ачизлијини көстәрми, она қорә ки нәзәри алғына нәтичәләр тәгриби үсулиарын тәтбигиңө әсасланмышиләр. Һесабланмалын дәгиглиүни артырмагла тәмрүбүн гијмәтләрә жахынлашып олур. E_- -әјриси (далға функциясынын координата қорә антисимметрик, спинә қорә исә симметрик) исә минимума малик дејилдир, јо'ни бу һал дајанатсыз һалдыр.

Беләликлә, һәкем стмәк олар ки, һидрокен молекулунун дајаныглы һалы электрон спинләринин антипаралел јөнөлмәсінә уйғундур. Бу һал синилет һал адланып. Синиләри паралел олан һал исә E_- триплет адланып. E_+ вә E_- ифадәләриндә *A* вә *S* интеграллары жалныз квант механикасында ѡараңыр. Бурада классик физика жаңылығынан көрүнүштегі көмійләрдөн атмалыбыт, јо'ни $A=S=0$ көтүрмәлийк, бу һалда

$$E_+ = E_- = 2E_0 + K$$

олар. бу һал шәкил 64-до пункттирлә көстәрілмишdir. Шәкилдән қорынүр ки, классик физикада да минимум алышып, лакин бу минимумун дәренилиji оғадар кичикдир ки, белә һал дајаныглы молекула кәтире билмәз.

Гејд едәк ки, һидрокен молекулу һомеополjар работәјә эн жаңы мисалдыр, һомеополjар работә ледикдә ejni nejtural atomlardan tәnshikil olmus molekul banya duşyulup.

ӘДӘБИЙДАТ

1. Э.В.Шпольский. Атомная физика. Том I, М-1974 г.
2. С.Ә.Начыев, М.Ш.Мәммәдов. Атом физикасына кириш. АДУ, Бакы, 1986.
3. А.Астахов, Ю. Широков. Квантовая физика. М-1983г.
4. В.Левич, Ю.Вдовин, В.Мямлин. Курс теоритической физики. Том II, М-1962г.
5. Д.В Сивухин. Общий курс физики. Атомная и ядерная физика. Часть I М-1986г.
6. Л.Л.Гольдин, Г.И.Новикова. Введение в атомную физику. М-1969г.
7. А.Н.Матвеев. Квантовая механика и строение атома. М-1965.

Нәшрийатын директору:

Баш редактор:

Мәтбәе үзрә директор мұавини:

Редаксија мұдирі:

Техники редактору:

**Компьютер тәртибчиси және
програмчысы:**

Балакиши Ағаев

Мәммәд Әлизадә

Әләс Гасымов

Мәржәм Гәдимова

Нәркис Гулијева

Азадә Иманова

Лығылмаға верилмешдір: 28.02.2000.

Чапа имзаланмышдыр: 4.09.2000.

Карыз форматы 60x84 1/16. Физики чап вәрәги 19,25.
Нәшр чап вәрәги 21,5. Тиражы 3000 Сифарыш 105.

Гијмәти мұгавилә иле.

Бакы Университети нәпријдаты.

Бакы - 370148, З.Хәлилов күчәси, 23.

БДУ нәпријдатынын мәтбәеси.